

Vedremo ora cosa succede se non tengo conto della stabilità interna dell'intera connessione. Per esempio scelgo $W = \frac{\alpha}{z - 1/2}$ del primo ordine ma fisso α in modo da insegnare un gradino unitario con errore asintotico nullo, ossia impongo

$$W(1) = \frac{\alpha}{1 - \frac{1}{2}} = 1$$

da cui

$$\boxed{\alpha = \frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow W = \frac{\frac{1}{2}}{z - \frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow C = \frac{1}{P} \frac{W}{1-W} = (z-2) \frac{\frac{1/2}{z-1/2}}{1 - \frac{1/2}{z-1/2}}$$

Cioè:

$$C = (z-2) \frac{1/2}{z-1}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{z-2}{z-1}$$

è corretto che trovi questo denominatore visto il "modello interno".

Vediamo cosa succede applicando questo controllore alla Pves:

$$W_{ves} = \frac{C P_{ves}}{1 + C P_{ves}}$$

$$\frac{1}{2} \frac{z-2}{z-1} \frac{1+d_1}{z-(2+d_2)}$$

$$= \frac{1 + \frac{1}{2} \frac{z-2}{z-1} \frac{1+d_1}{z-(2+d_2)}}{1 + \frac{1}{2} \frac{z-2}{z-1} \frac{1+d_1}{z-(2+d_2)}}$$

$$= \frac{(1+d_1)(z-2)}{2(z-1)(z-(2+d_2)) + (1+d_1)(z-2)}$$

Osserva:

$$W_{\text{vera}} = \frac{(1+d_1)(z-2)}{2z^2 + z(-2-4-2d_2+1+d_1) + (2+d_2)z - 2 - 2d_1}$$

$$= \frac{(1+d_1)(z-2)}{2z^2 + (d_1-2d_2-5)z + 2 + 2(d_2-d_1)}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}(1+d_1)(z-2)}{z^2 + \frac{d_1-2d_2-5}{2}z + \frac{1+d_2-d_1}{2}}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}(1+d_1)(z-2)}{z^2 + \frac{d_1-2d_2-5}{2}z + \frac{1+d_2-d_1}{2}}$$

$$\underbrace{z^2 + \frac{d_1-2d_2-5}{2}z + \frac{1+d_2-d_1}{2}}$$

la somma delle radici di questo polinomio è

$$\frac{5+2d_2-d_1}{2}$$

pertanto anche se $|d_1|$ e $|d_2|$

sono infinitesimamente piccoli (ma non nulli) la W_{vera} NON

è BIBO-stabile! \Rightarrow DISASTRO!