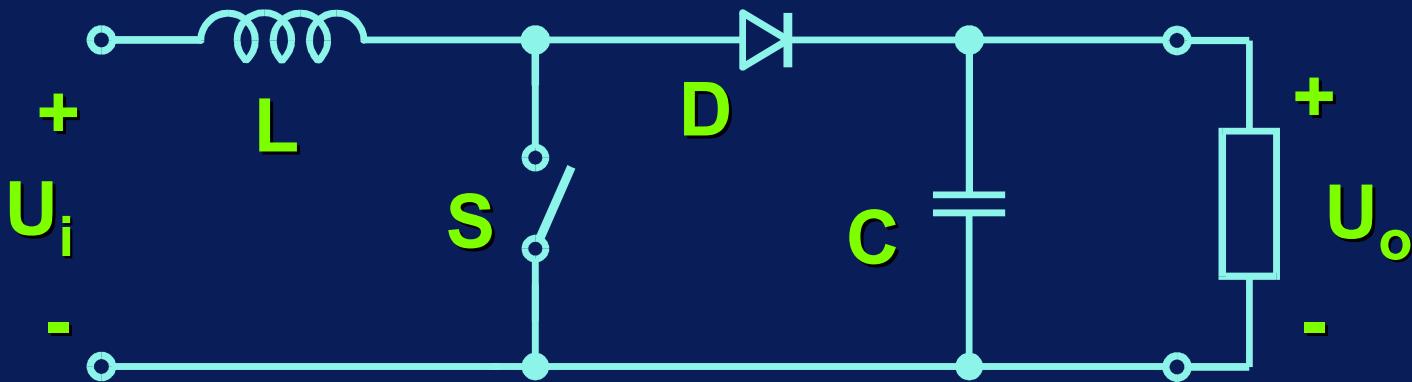


Corso di
ELETTRONICA INDUSTRIALE

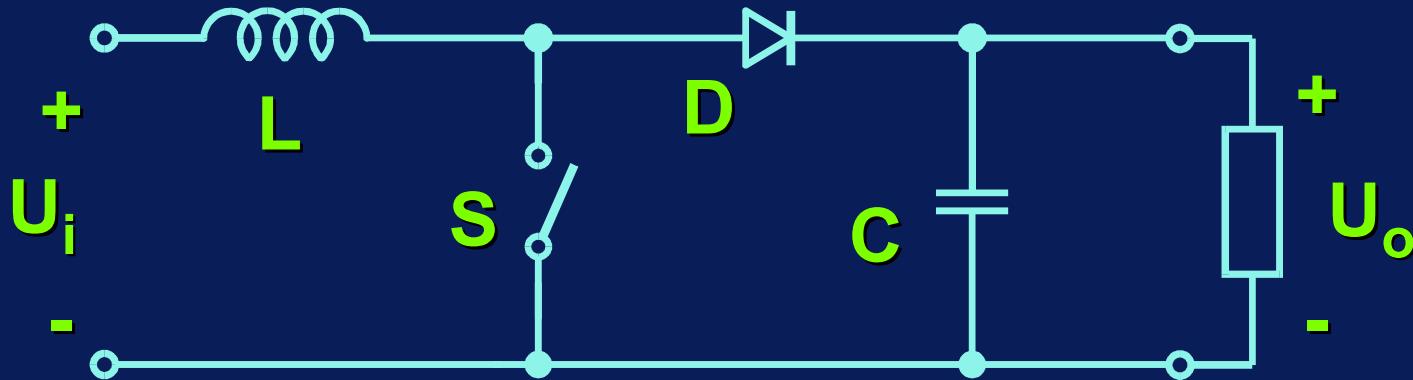
“Convertitore Boost”

Convertitore innalzatore di tensione (boost)

Convertitore innalzatore di tensione (boost)



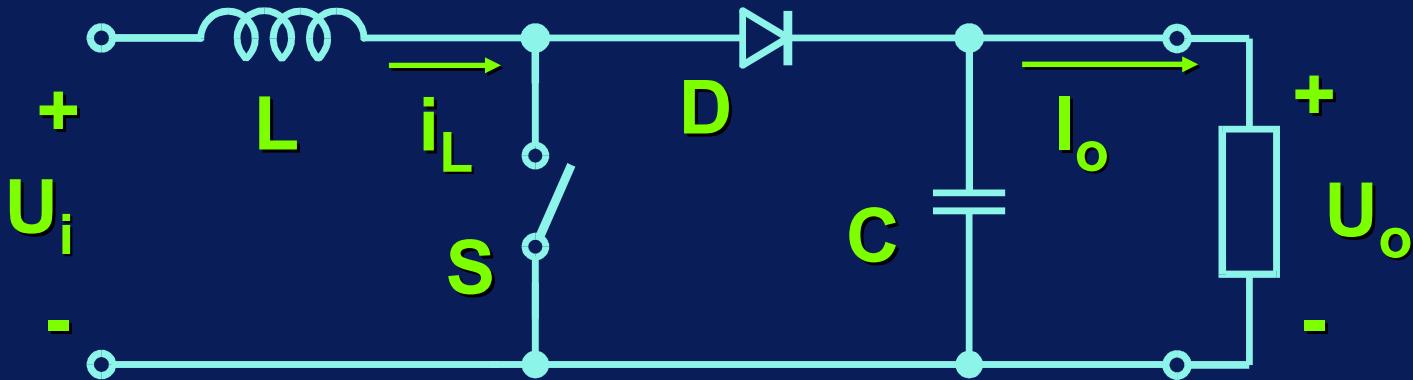
Convertitore innalzatore di tensione (boost)



Note:

- 1) Il diodo D collega direttamente ingresso e uscita e impone che sia $U_o \geq U_i$
- 2) La corrente assorbita dall'alimentazione è filtrata dall'induttanza L

Convertitore innalzatore di tensione (boost)



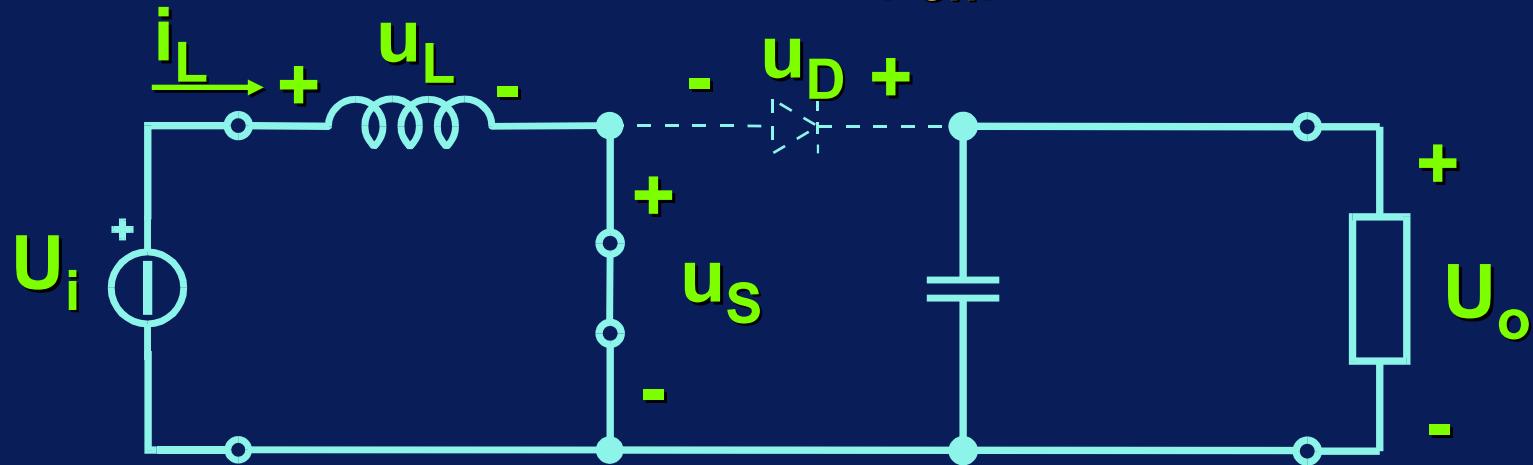
Ipotesi per lo studio:

- **interruttore ideale ($u_{Son}=0$, $i_{Soff}=0$, $t_{swon}=t_{swoff}=0$)**
- **diodo ideale ($u_{Son}=0$, $i_{Soff}=0$, $t_{swon}=t_{swoff}=0$)**
- **L, C ideali ($R_L=0$, $ESR=0$, $ESL=0$)**
- $u_i = U_i = \text{costante}$
- $u_o = U_o = \text{costante}$
- $i_o = I_o = \text{costante}$

Analisi del funzionamento continuo (CCM)

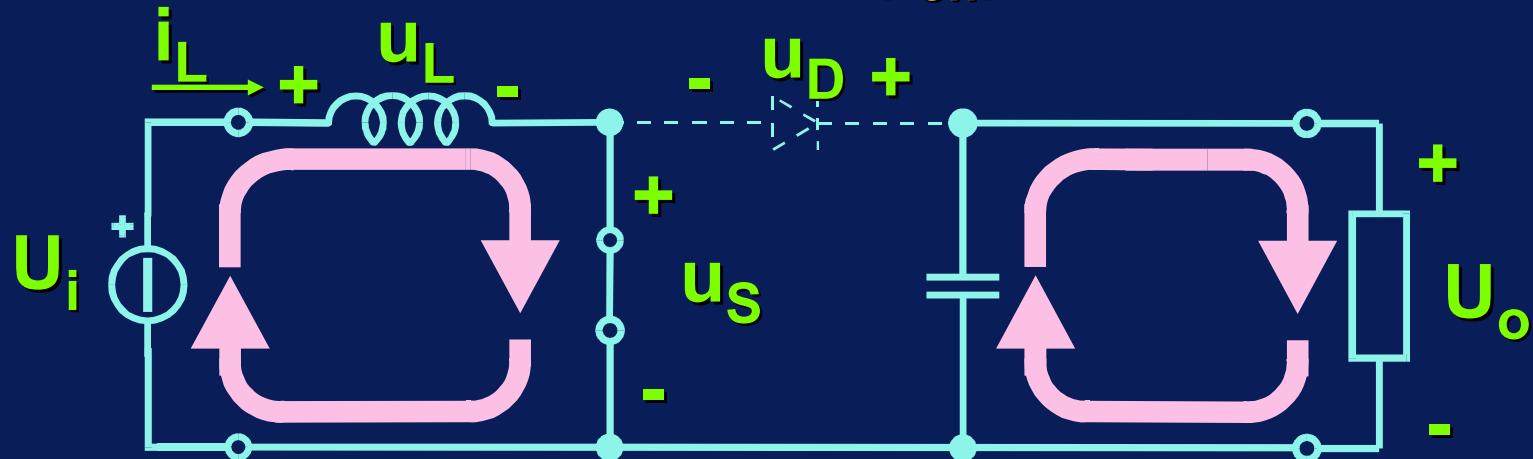
Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di chiusura di S (t_{on}) S on - D off



Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di chiusura di S (t_{on}) S on - D off

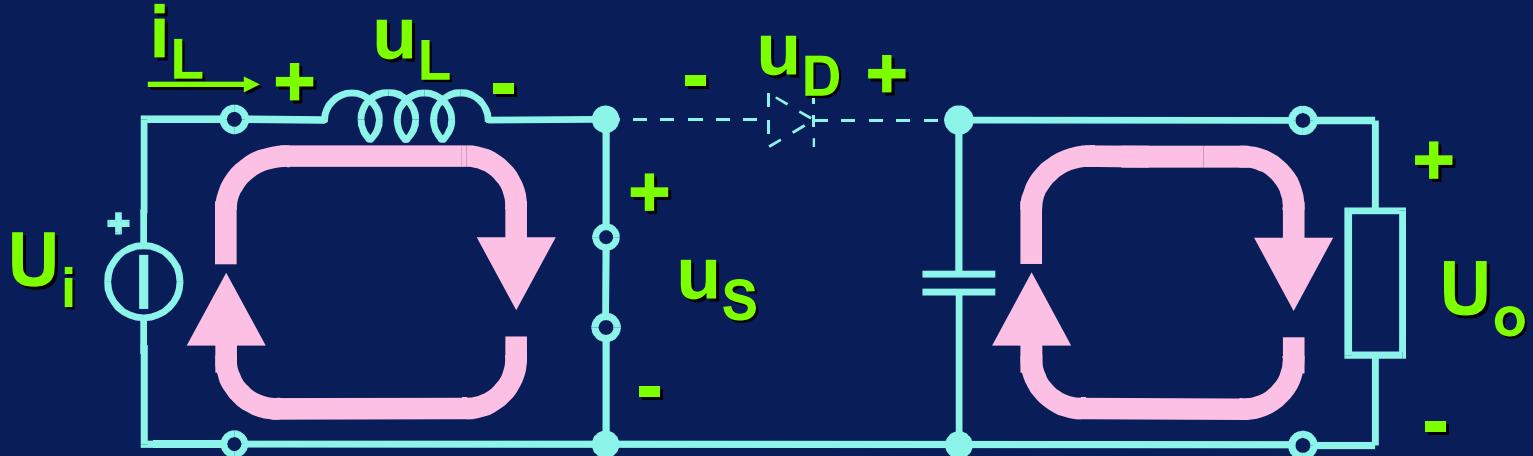


$$u_L = U_i$$

$$u_D = U_o$$

Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di chiusura di S (t_{on}) S on - D off



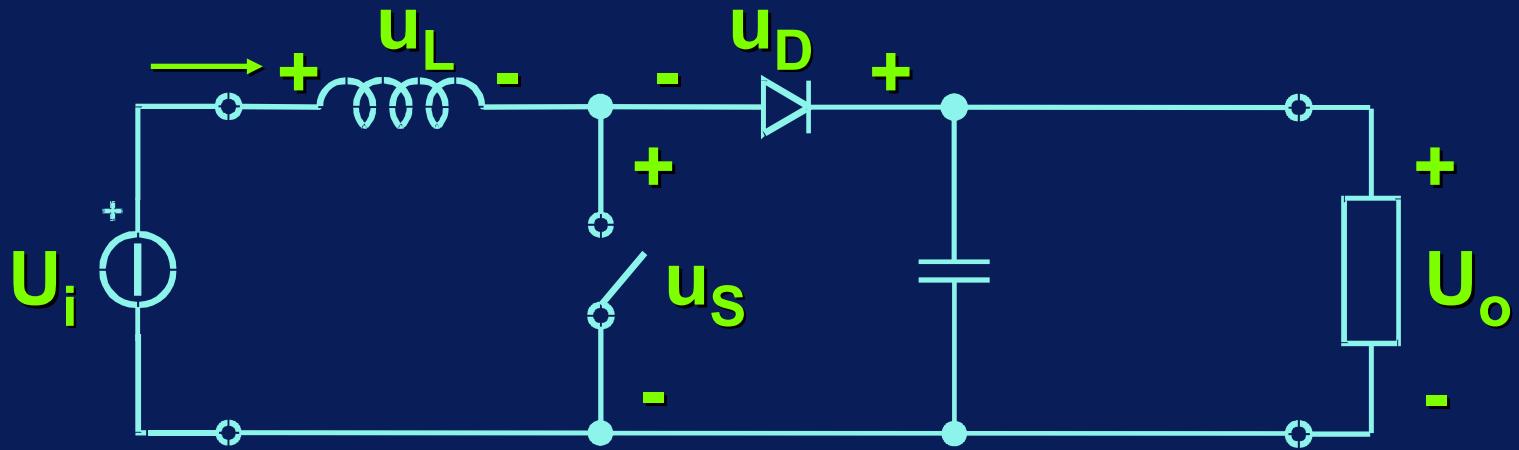
$$u_L = U_i$$

$$u_D = U_o$$

Durante questa fase viene trasferita
energia dall'alimentazione all'induttanza

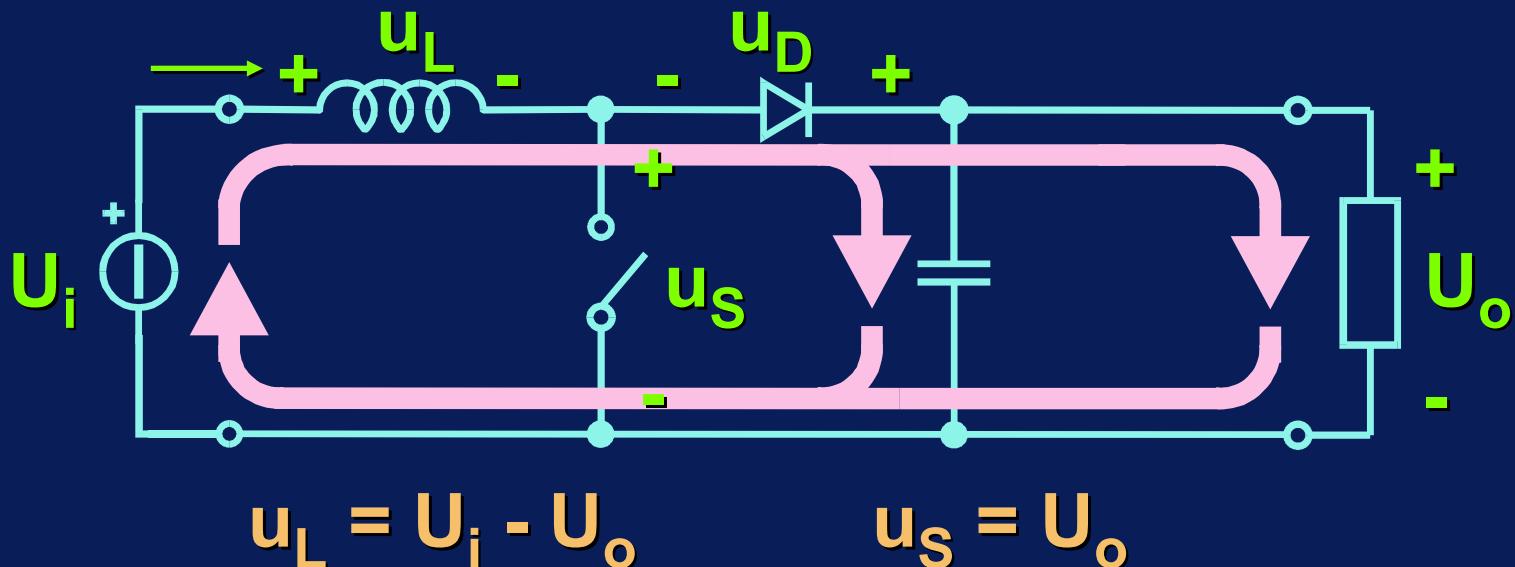
Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di apertura di S (t_{off}) S off - D on



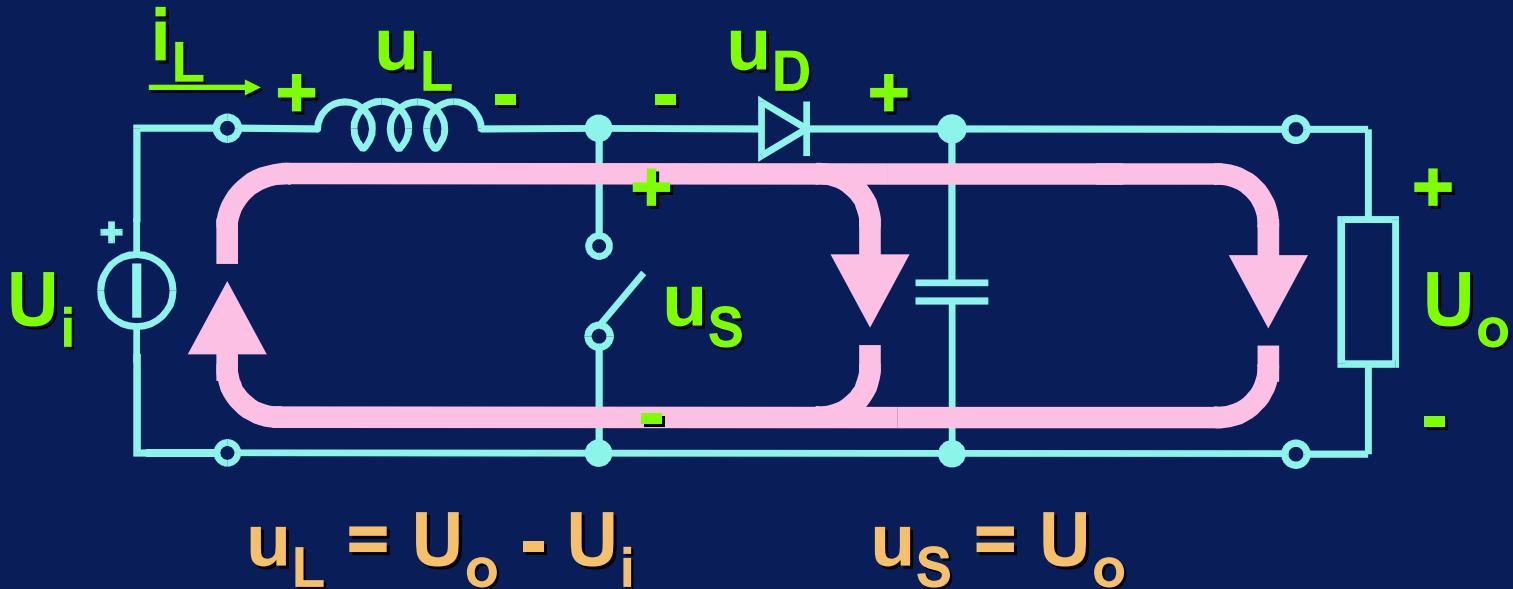
Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di apertura di S (t_{off}) S off - D on



Analisi del funzionamento continuo (CCM)

Tempo di apertura di S (t_{off}) S off - D on



Durante questa fase la sorgente e
l'induttanza forniscono energia allo stadio
di uscita

Boost - Forme d'onda in CCM: u_L

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Il segnale d'onda in CCM è:

$u_L = u_0 \sin(\omega_L t + \phi)$

con:

$\omega_L = 2\pi f_L$ e $f_L = \frac{1}{T_L}$

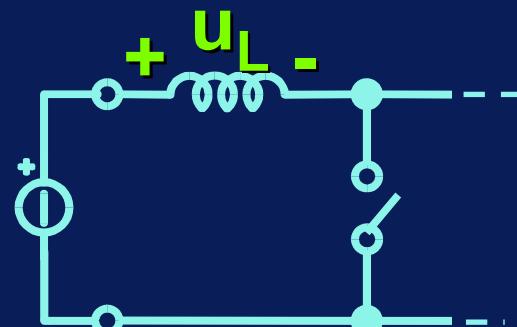
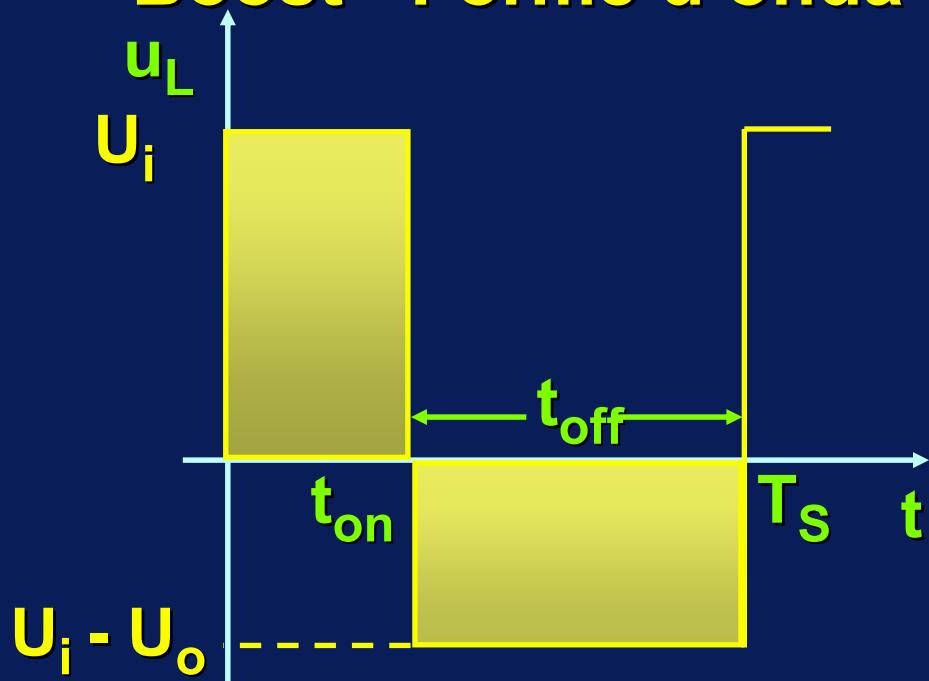
che rappresenta la frequenza d'onda.

La durata del segnale d'onda è:

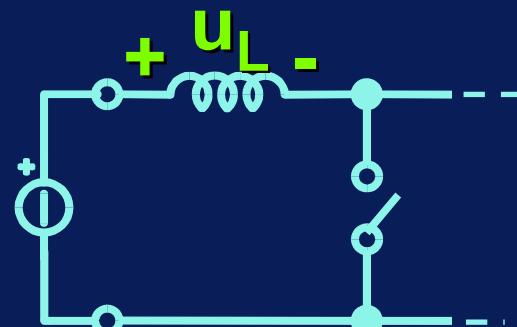
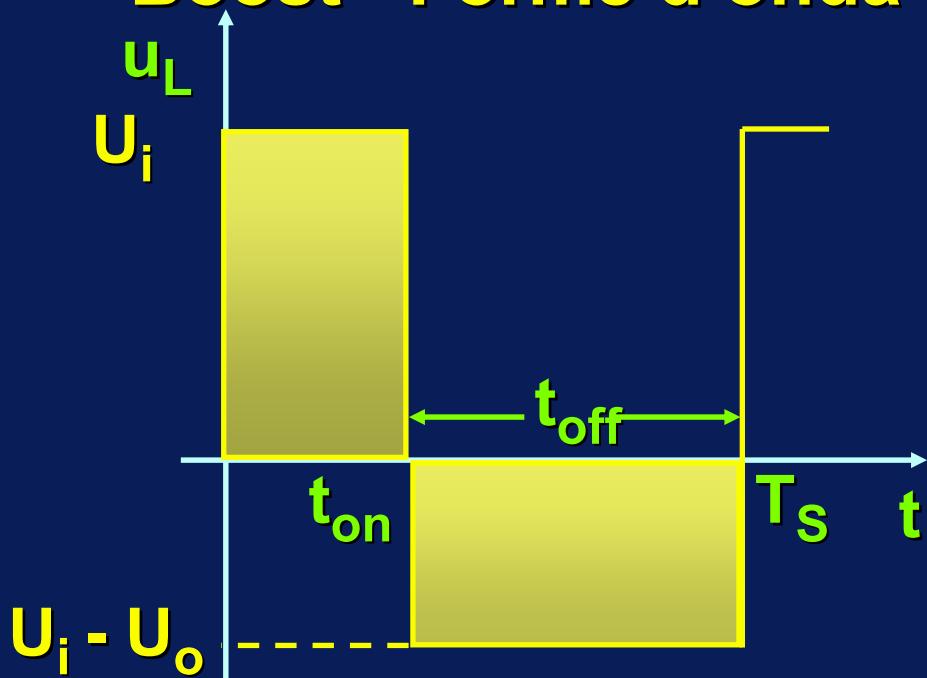
$T_L = \frac{1}{f_L} = \frac{1}{\omega_L / 2\pi} = \frac{2\pi}{\omega_L}$

che rappresenta il periodo d'onda.

Boost - Forme d'onda in CCM: u_L

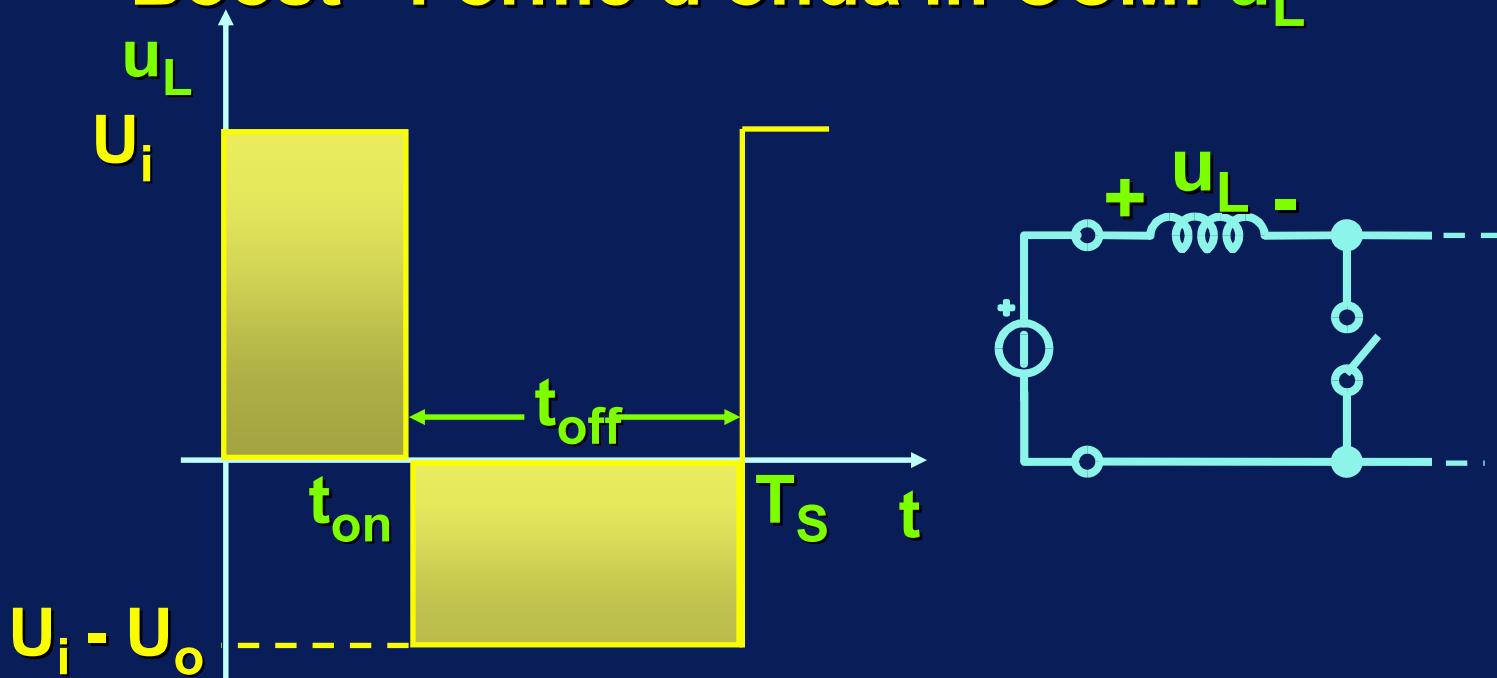


Boost - Forme d'onda in CCM: u_L



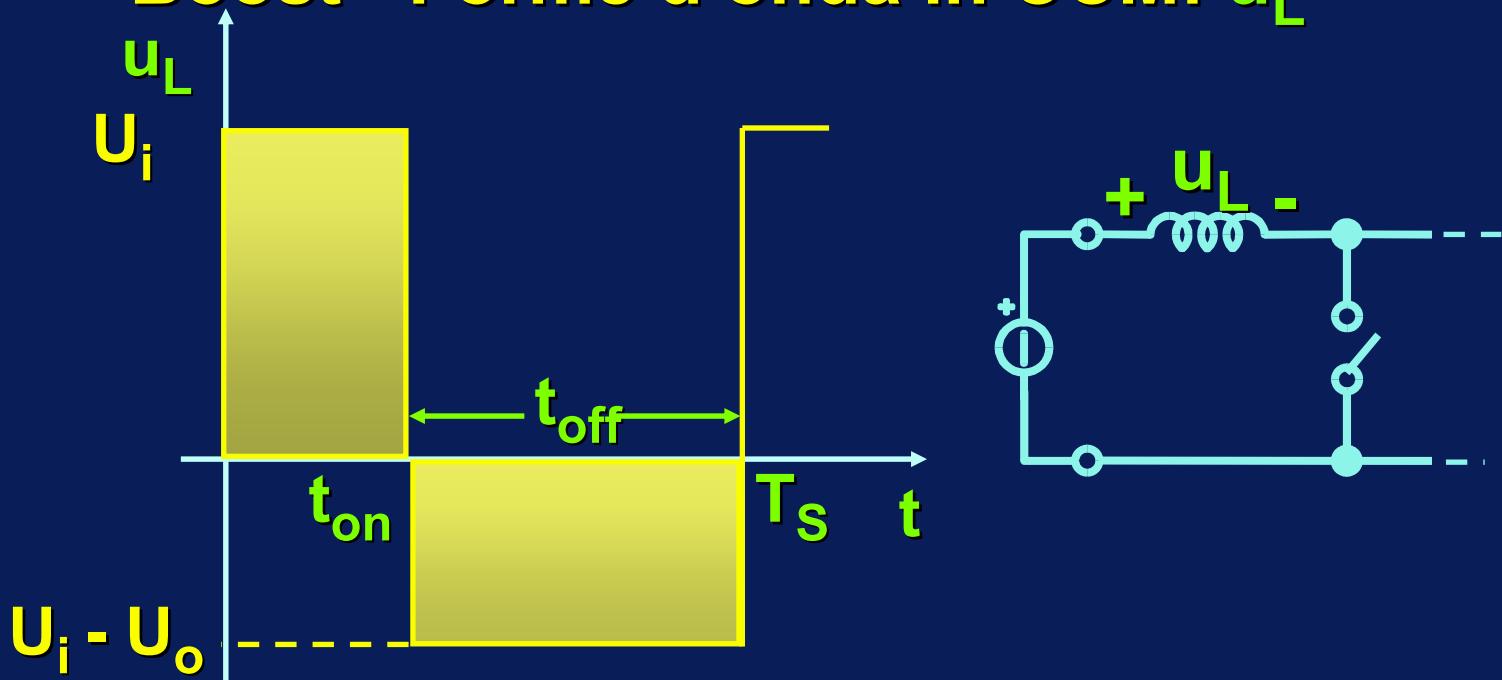
$$U_i \cdot t_{on} = (U_o - U_i) \cdot t_{off}$$

Boost - Forme d'onda in CCM: u_L



$$U_i \cdot t_{on} = (U_o - U_i) \cdot t_{off} \quad U_i \cdot T_S = U_o \cdot t_{off}$$

Boost - Forme d'onda in CCM: u_L

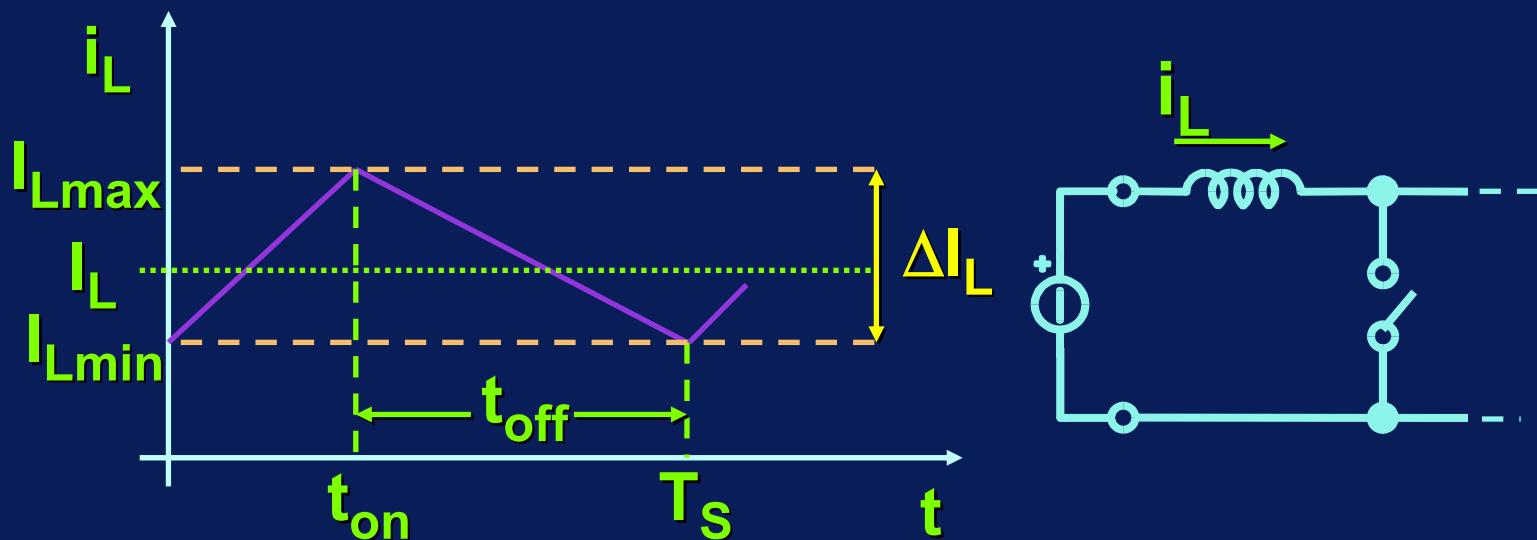


$$U_i \cdot t_{on} = (U_o - U_i) \cdot t_{off} \quad U_i \cdot T_S = U_o \cdot t_{off}$$

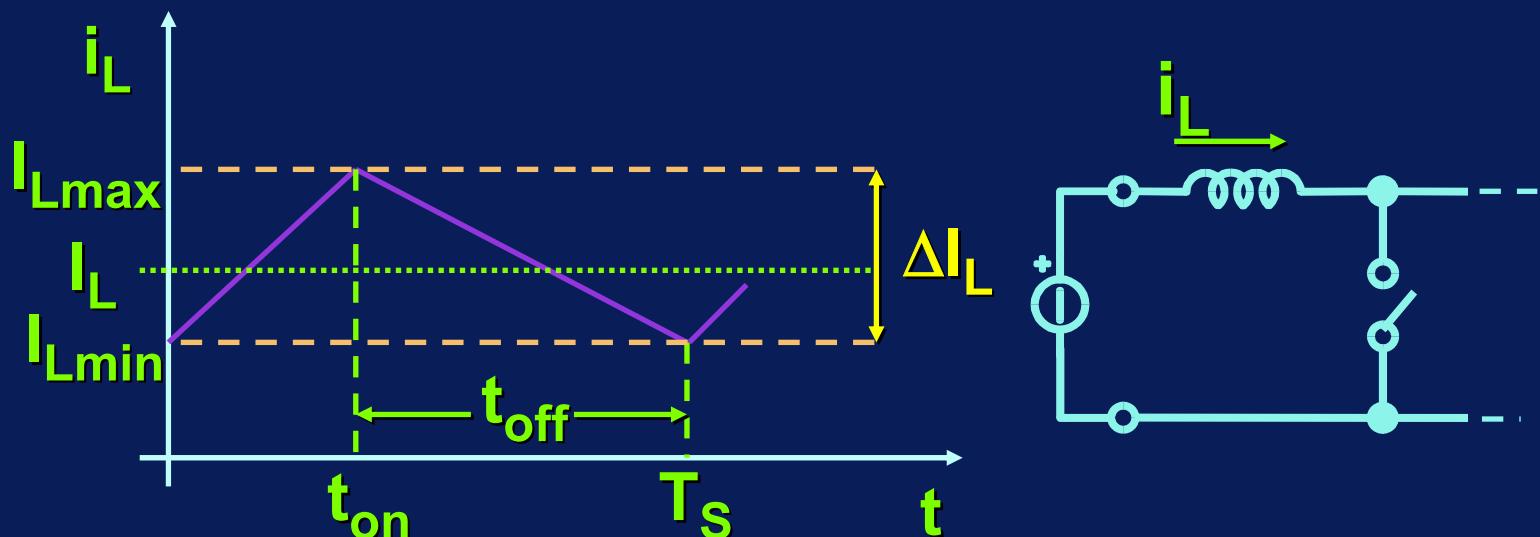
$$M = \frac{U_o}{U_i} = \frac{T_S}{t_{off}} = \frac{1}{1-\delta} > 1$$

Boost - Forme d'onda in CCM: i_L

Boost - Forme d'onda in CCM: i_L

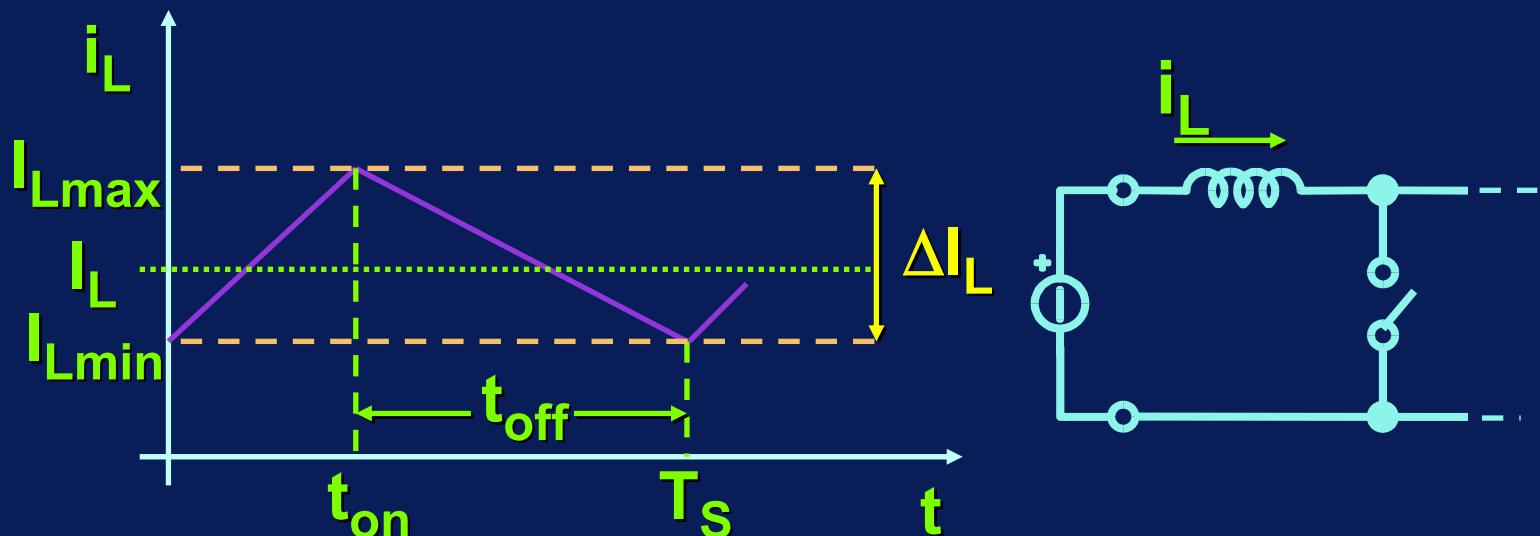


Boost - Forme d'onda in CCM: i_L



A regime:

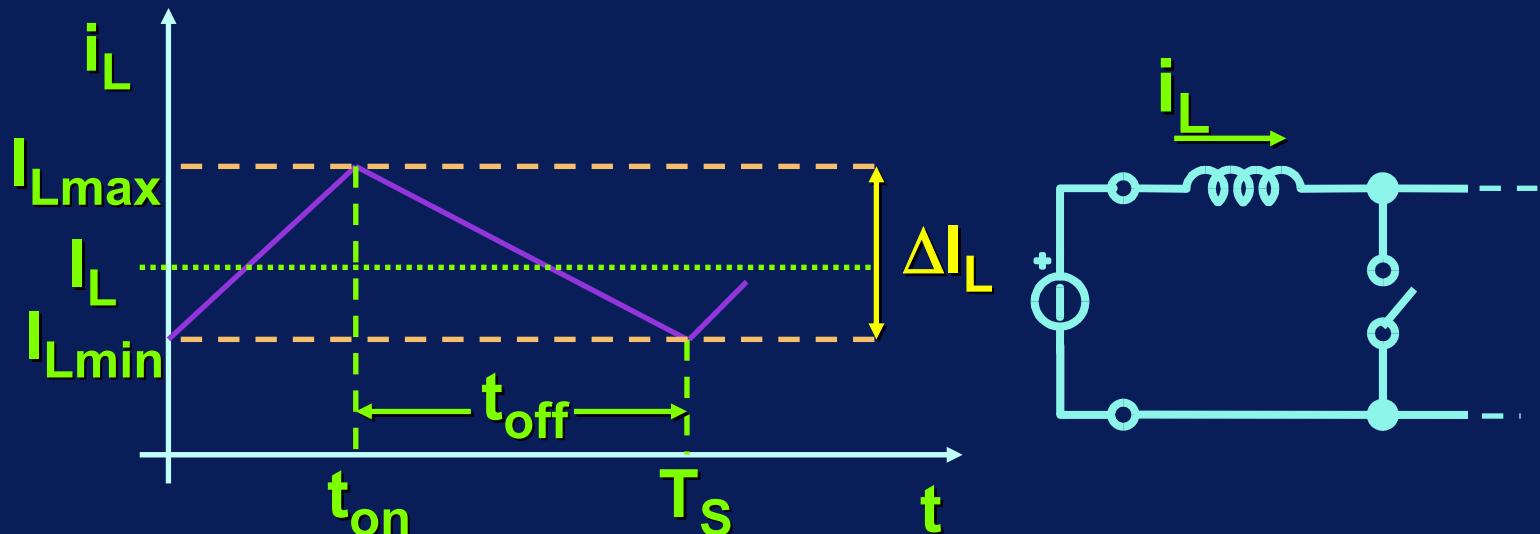
Boost - Forme d'onda in CCM: i_L



A regime:

$$\Delta i_{L_{on}} = \Delta i_{L_{off}} = \Delta i_L = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on} = \frac{U_o - U_i}{L} \cdot t_{off}$$

Boost - Forme d'onda in CCM: i_L



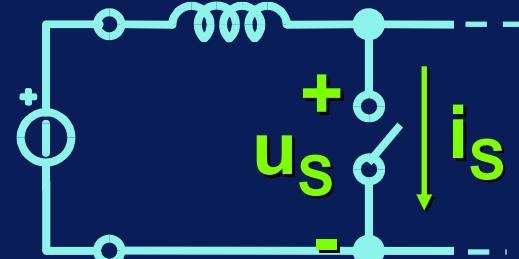
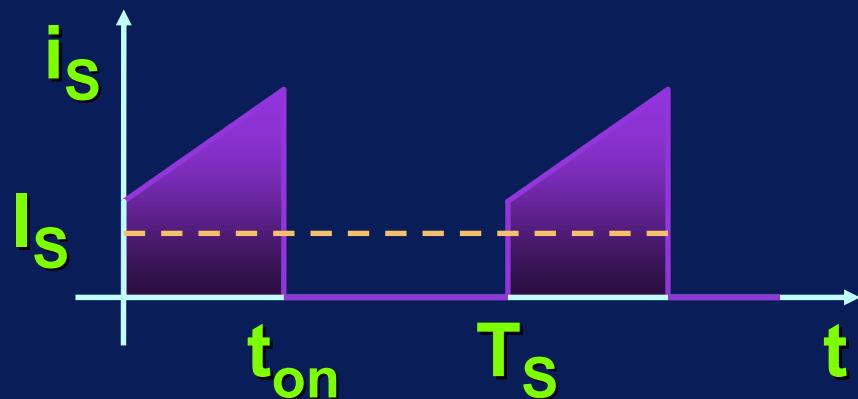
A regime:

$$\Delta i_{L\text{on}} = \Delta i_{L\text{off}} = \Delta i_L = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on} = \frac{U_o - U_i}{L} \cdot t_{off}$$

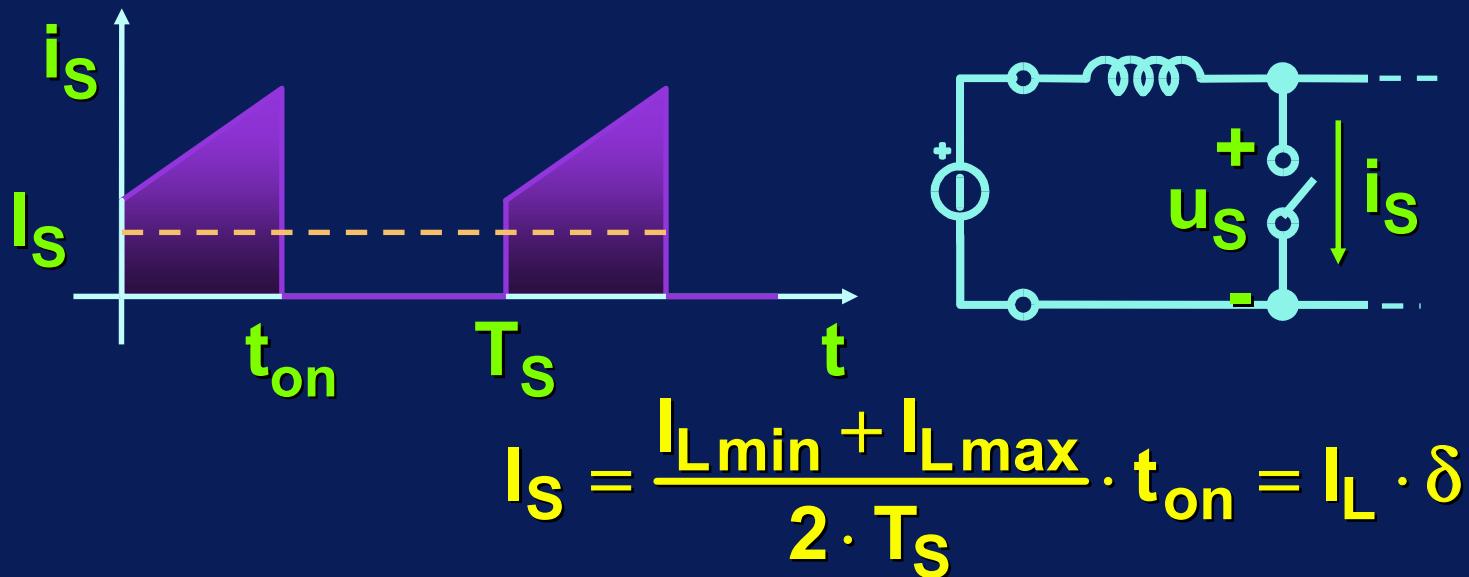
$$M = \frac{U_o}{U_i} = \frac{T_S}{t_{off}} = \frac{1}{1-\delta} > 1$$

Boost - Forme d'onda in CCM: i_s , u_s

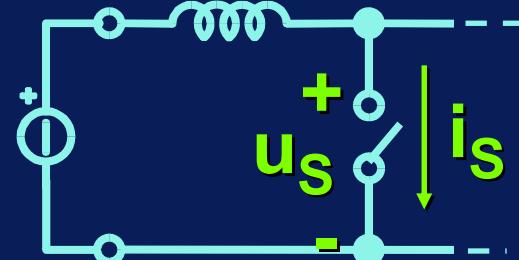
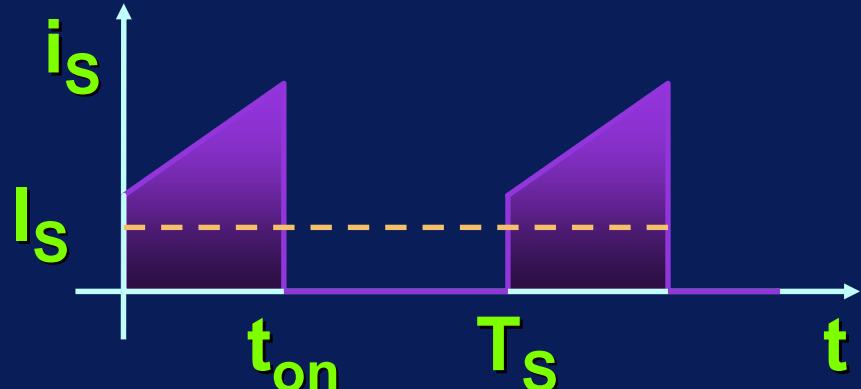
Boost - Forme d'onda in CCM: i_S , u_S



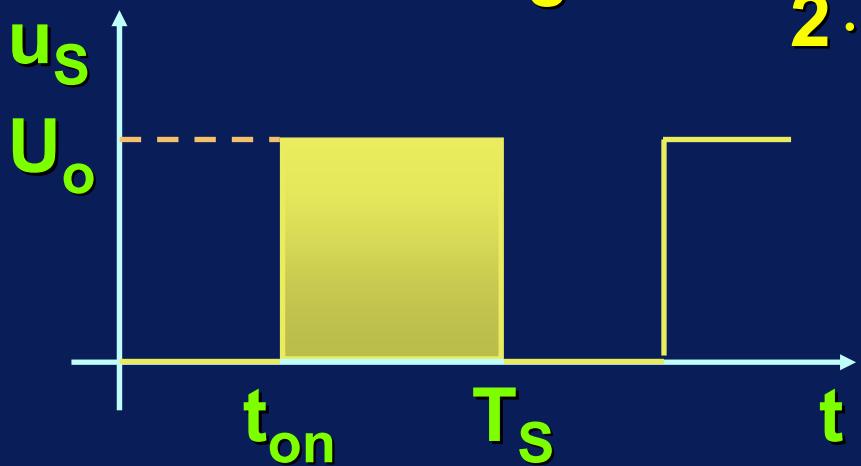
Boost - Forme d'onda in CCM: i_S , u_S



Boost - Forme d'onda in CCM: i_S , u_S



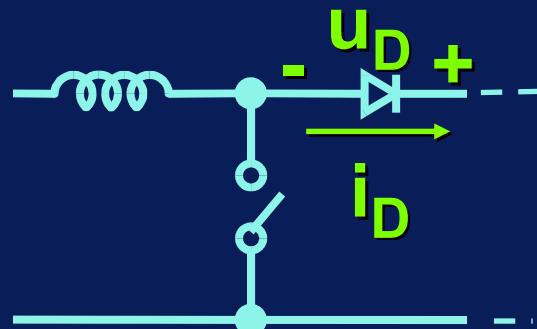
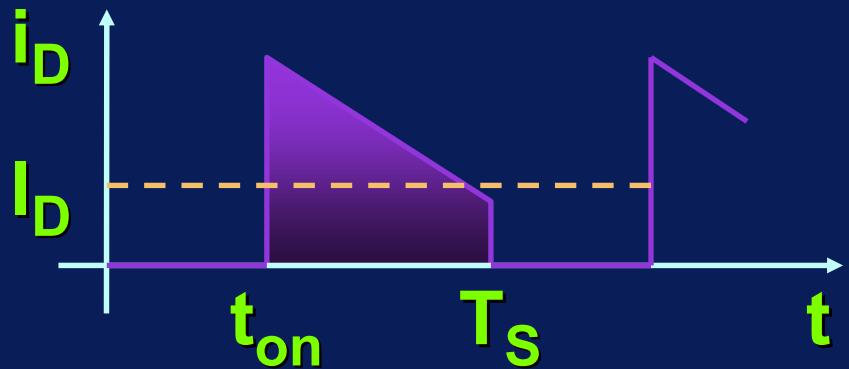
$$I_S = \frac{I_{L\min} + I_{L\max}}{2 \cdot T_S} \cdot t_{on} = I_L \cdot \delta$$



$$U_{S\max} = U_o$$

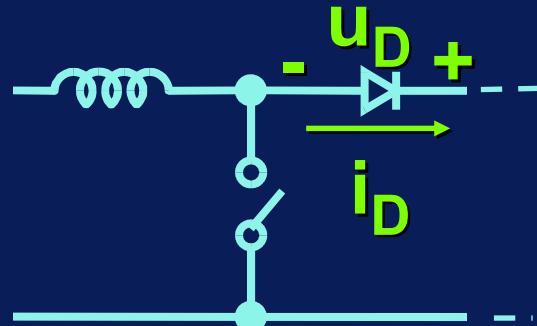
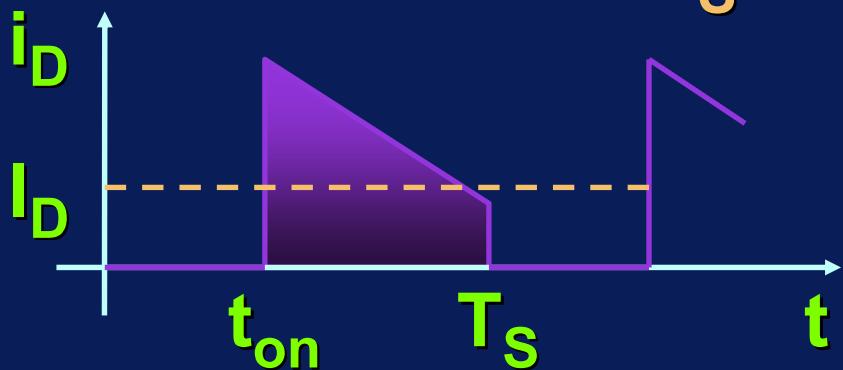
Boost - Forme d'onda in CCM: i_D , u_D

Boost - Forme d'onda in CCM: i_D , u_D



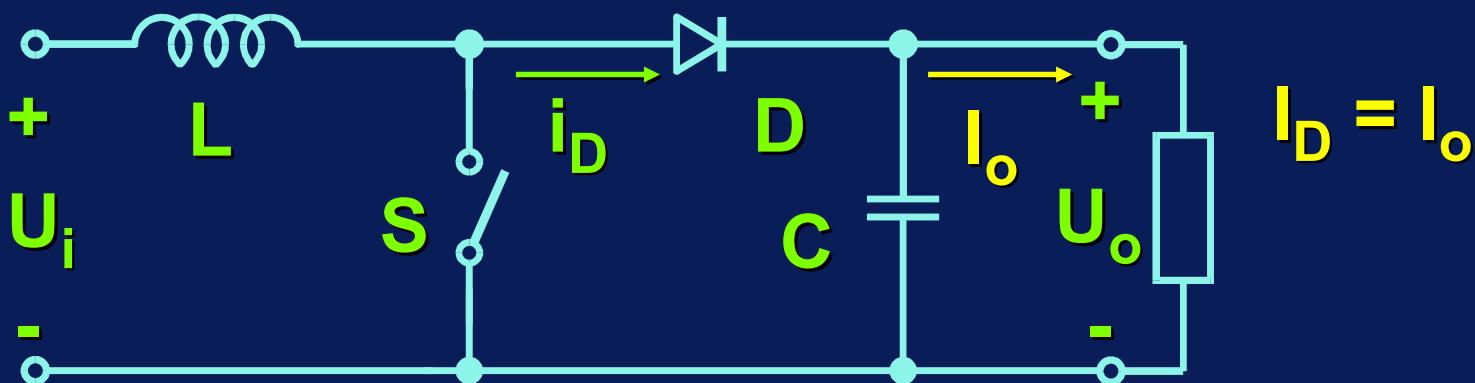
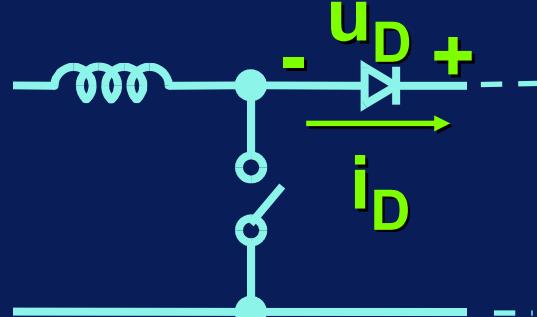
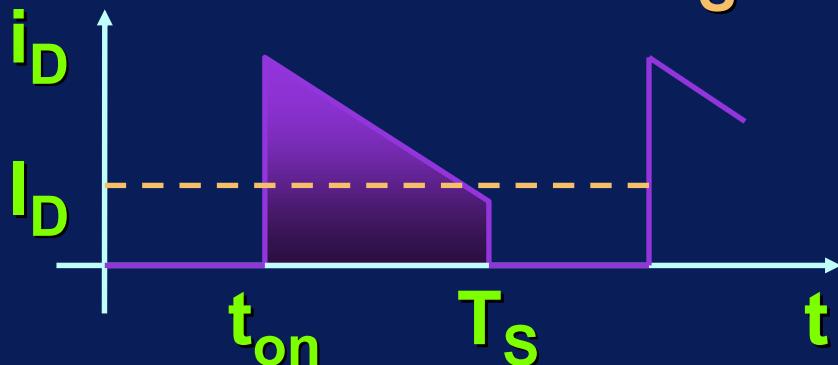
Boost - Forme d'onda in CCM: i_D , u_D

$$I_D = \frac{I_{L\min} + I_{L\max}}{2 \cdot T_S} \cdot t_{\text{off}} = I_L \cdot (1 - \delta)$$



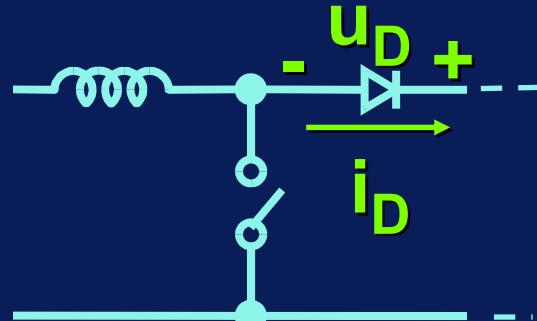
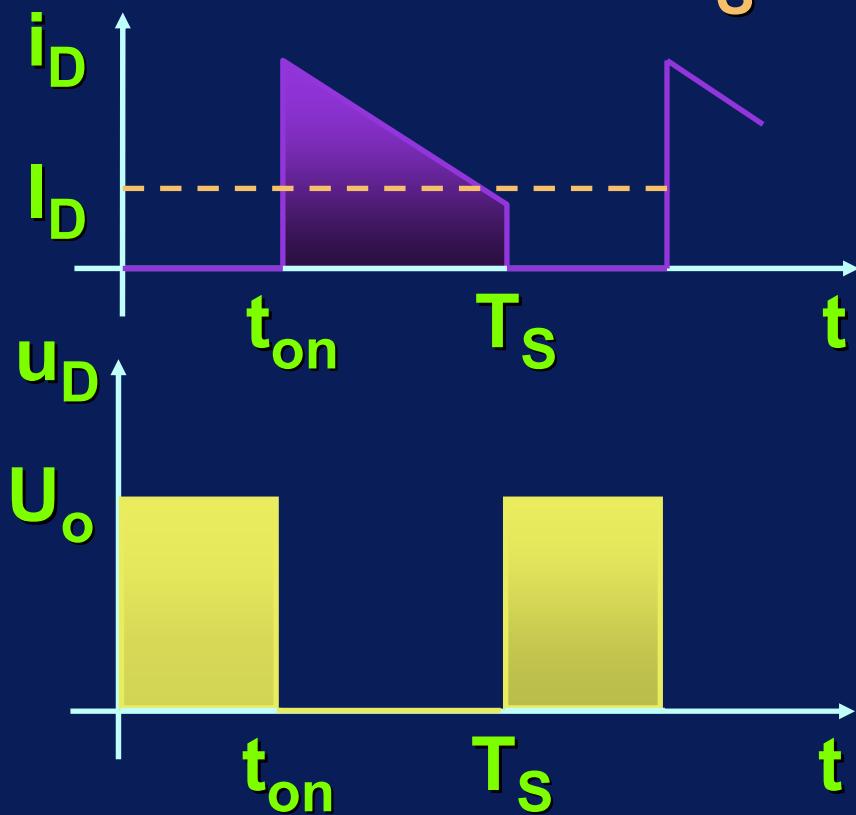
Boost - Forme d'onda in CCM: i_D , u_D

$$I_D = \frac{I_{L\min} + I_{L\max}}{2 \cdot T_S} \cdot t_{\text{off}} = I_L \cdot (1 - \delta)$$



Boost - Forme d'onda in CCM: i_D , u_D

$$I_D = \frac{I_{L\min} + I_{L\max}}{2 \cdot T_S} \cdot t_{\text{off}} = I_L \cdot (1 - \delta)$$



$$I_D = I_o$$

$$U_{D\max} = U_o$$

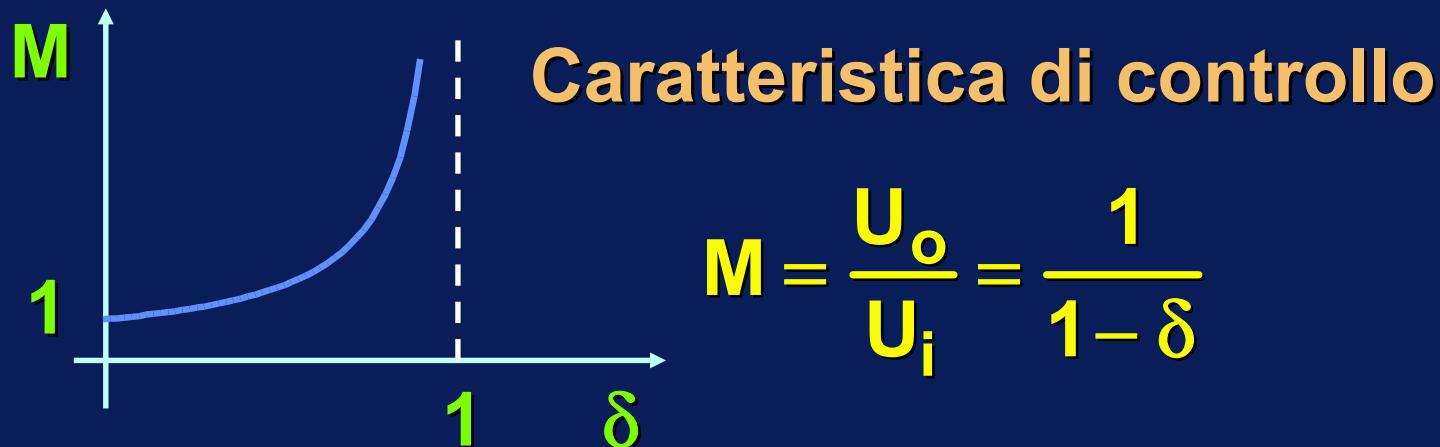
Convertitore boost in CCM

Convertitore boost in CCM

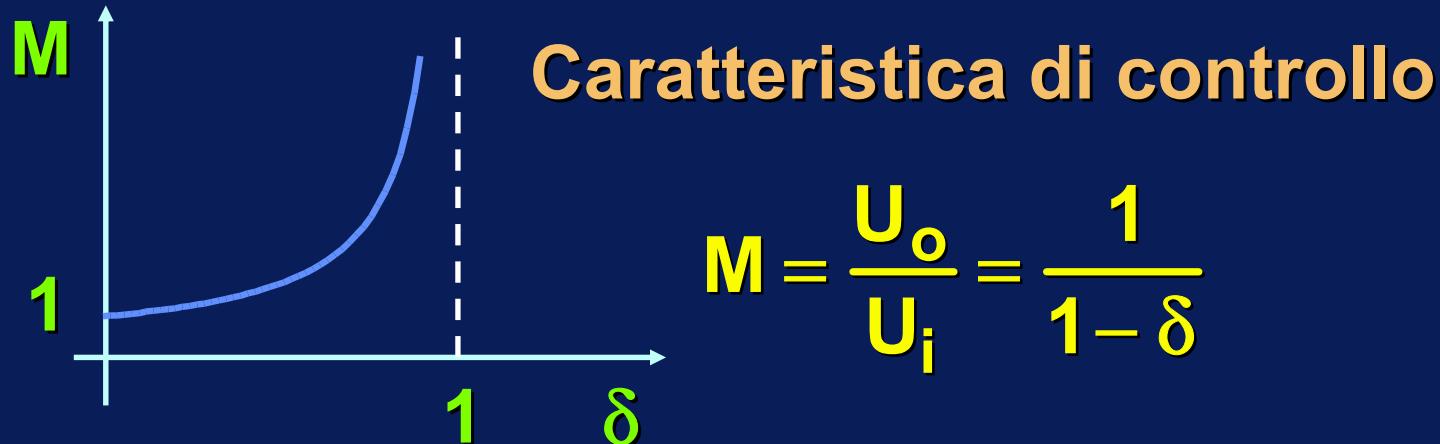
Caratteristica di controllo

$$M = \frac{U_o}{U_i} = \frac{1}{1 - \delta}$$

Convertitore boost in CCM



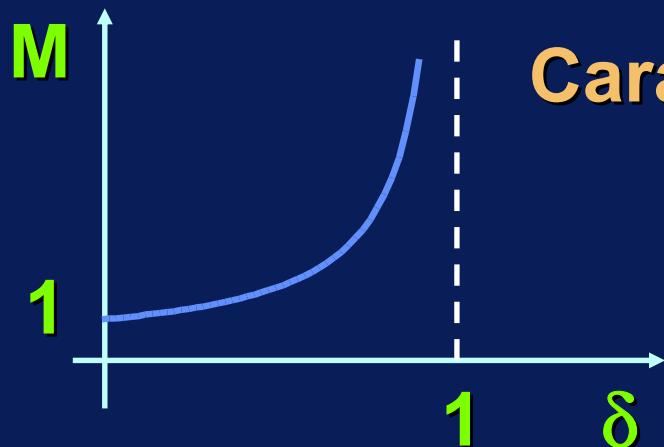
Convertitore boost in CCM



Ondulazione di corrente

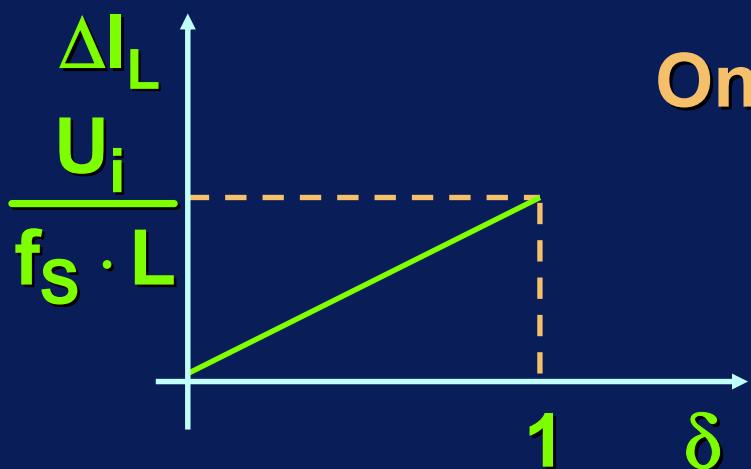
$$\Delta I_L = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on} = \frac{U_i \cdot \delta}{f_S \cdot L}$$

Convertitore boost in CCM



Caratteristica di controllo

$$M = \frac{U_o}{U_i} = \frac{1}{1-\delta}$$



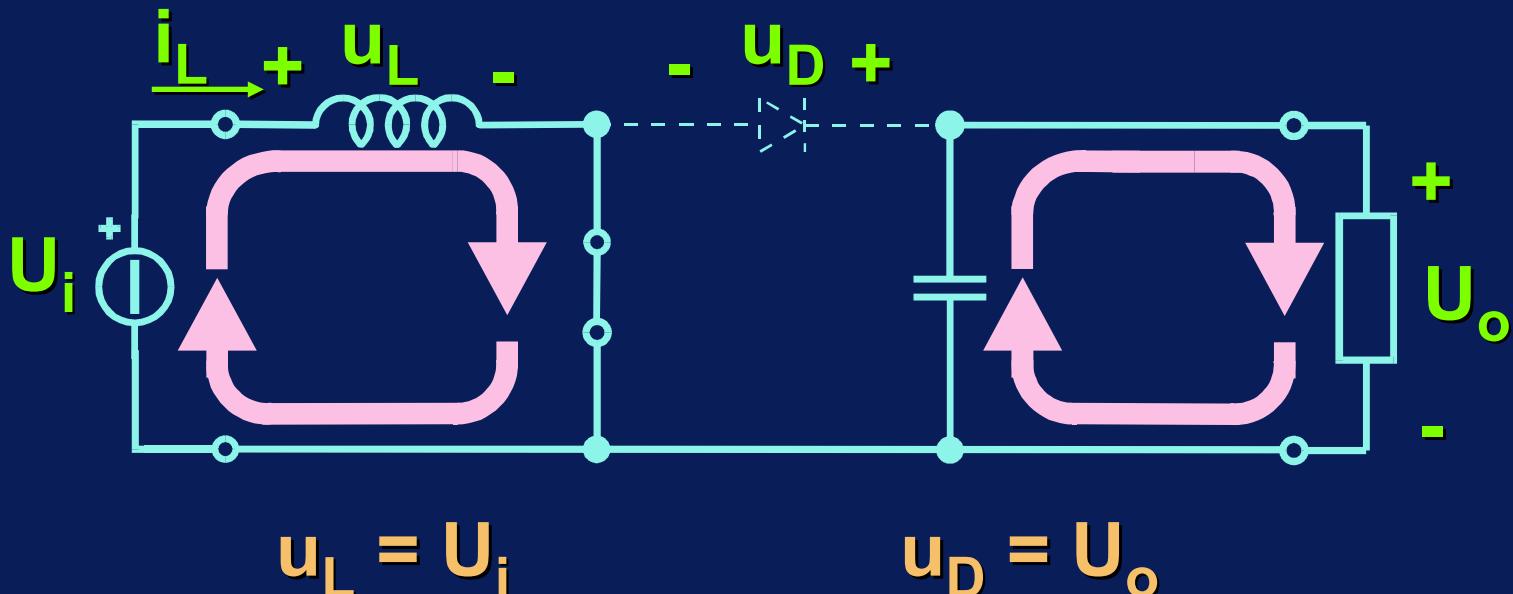
Ondulazione di corrente

$$\Delta I_L = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on} = \frac{U_i \cdot \delta}{f_s \cdot L}$$

Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

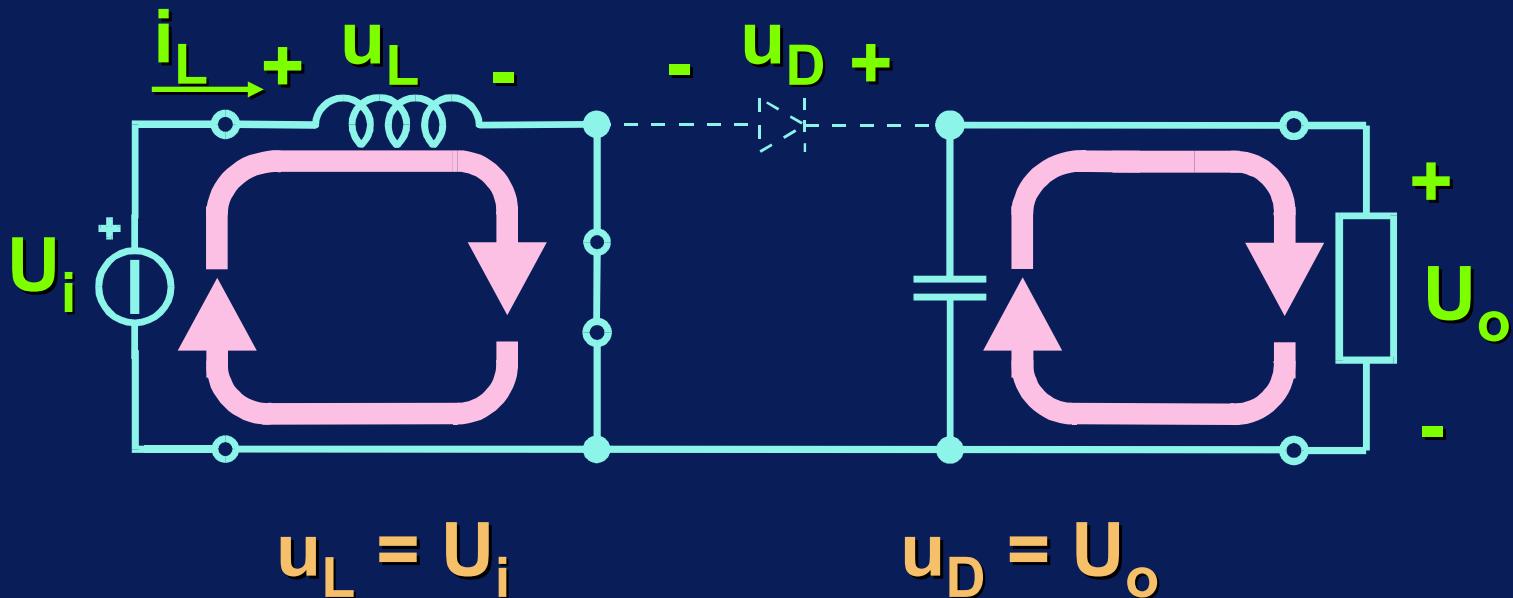
Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

Tempo di chiusura di S (t_{on}) S on - D off



Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

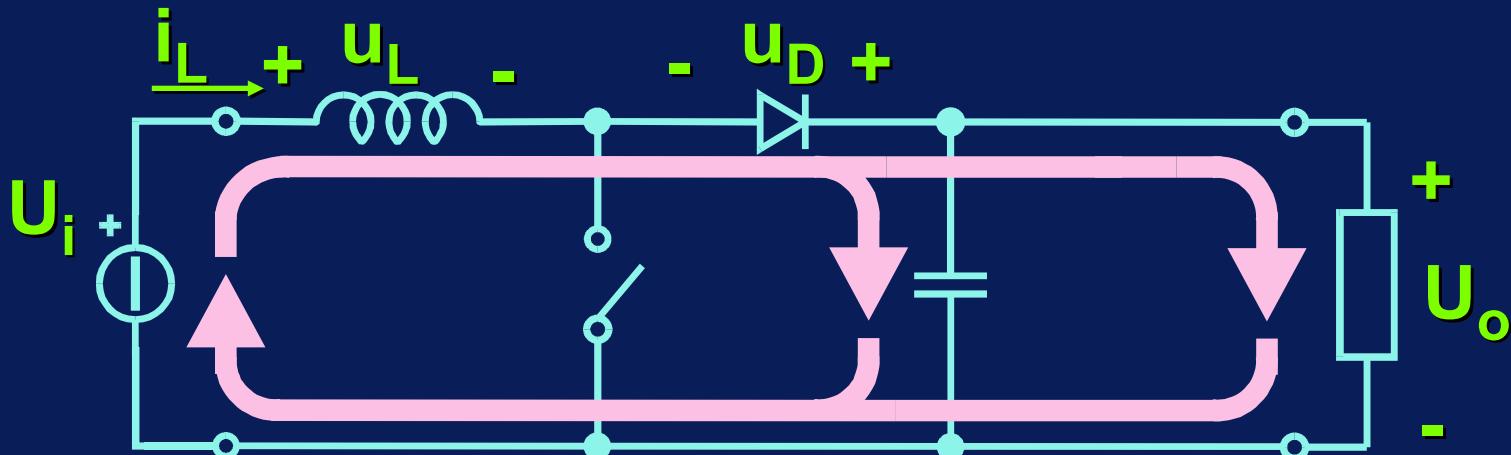
Tempo di chiusura di S (t_{on}) S on - D off



A differenza del funzionamento CCM la corrente i_L inizia con valore nullo.

Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

Tempo di apertura di S (t'_{off}) S off - D on

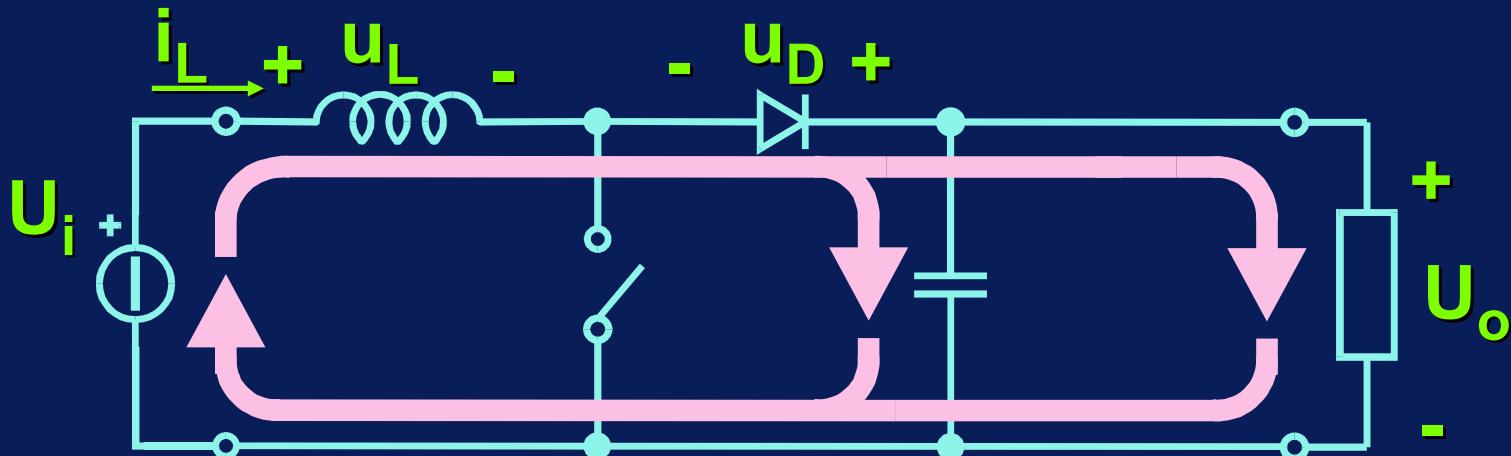


$$u_L = U_i - U_o$$

$$u_S = U_o$$

Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

Tempo di apertura di S (t'_{off}) S off - D on



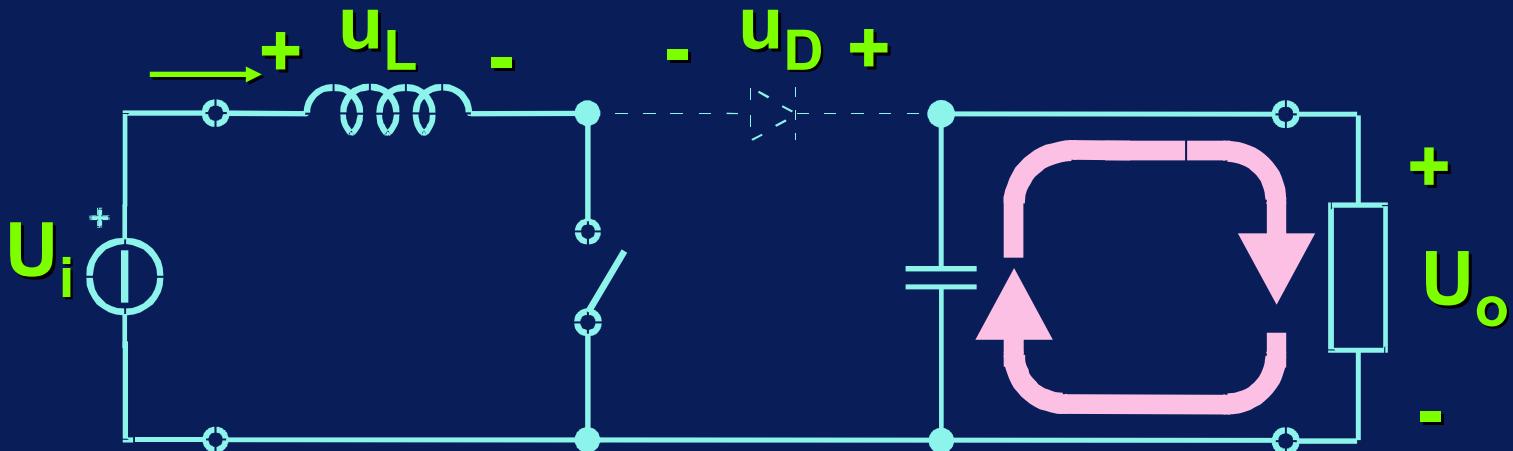
$$u_L = U_i - U_o$$

$$u_S = U_o$$

Alla fine di questa fase la corrente dell'induttanza si annulla

Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

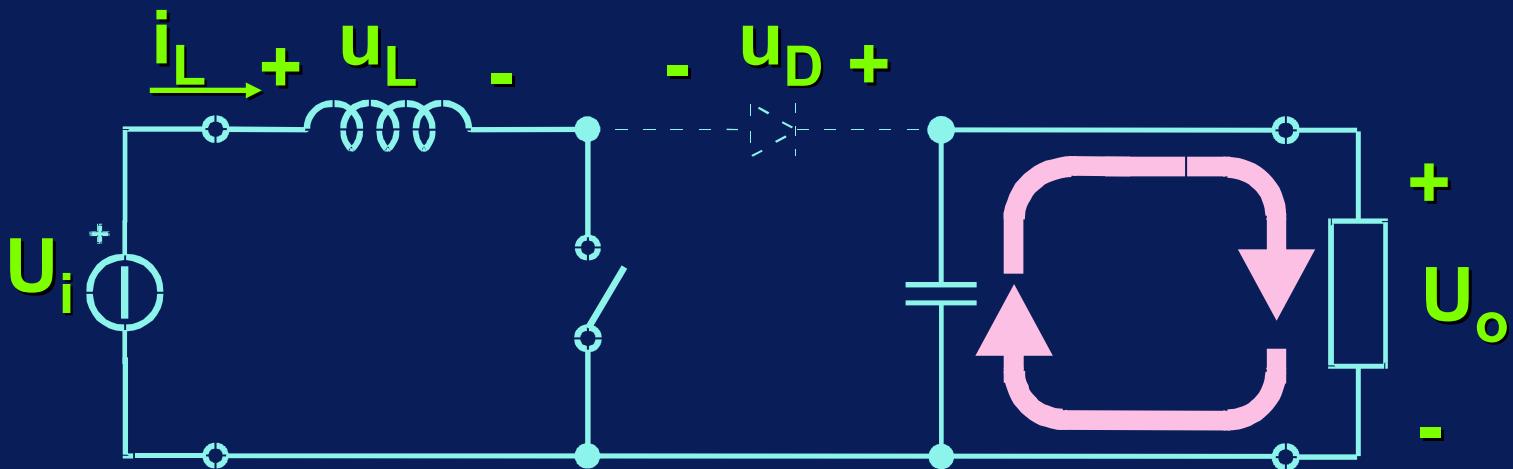
Tempo di apertura di S (t''_{off}) S off - D off



$$u_D = U_o - U_i > 0 \quad u_S = U_i$$

Analisi del funzionamento discontinuo (DCM)

Tempo di apertura di S (t''_{off}) S off - D off

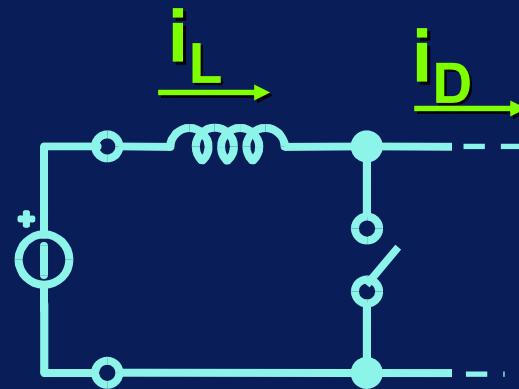
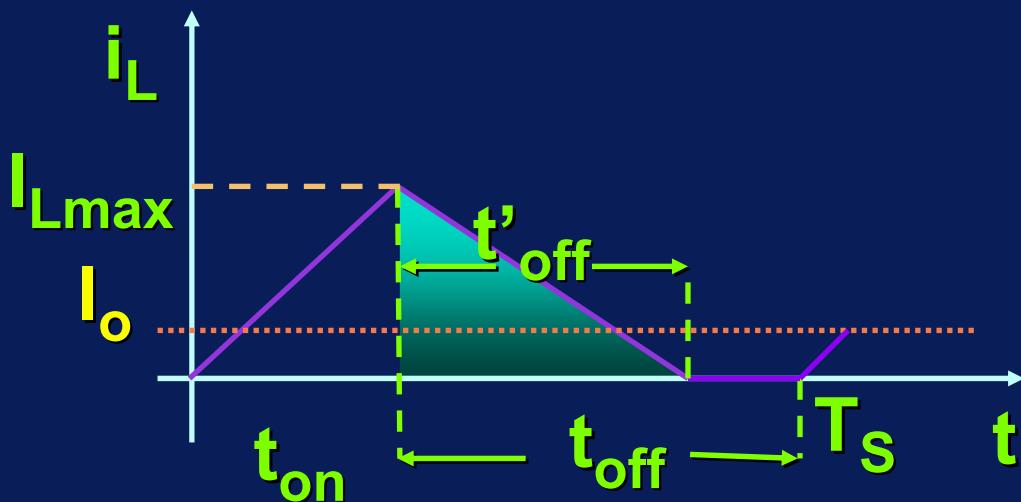


$$u_D = U_o - U_i > 0 \quad u_S = U_i$$

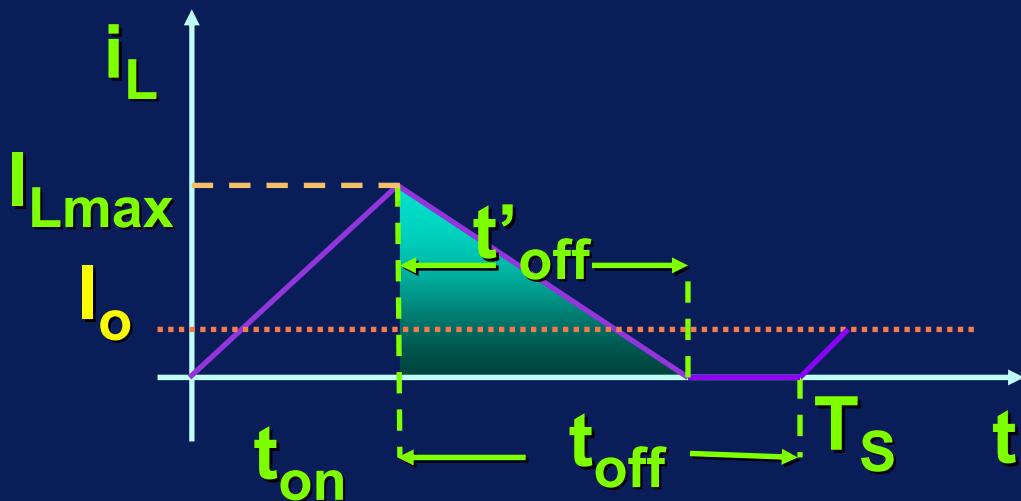
Durante questa fase il solo condensatore
fornisce energia al carico

Boost - Forme d'onda in DCM: i_L

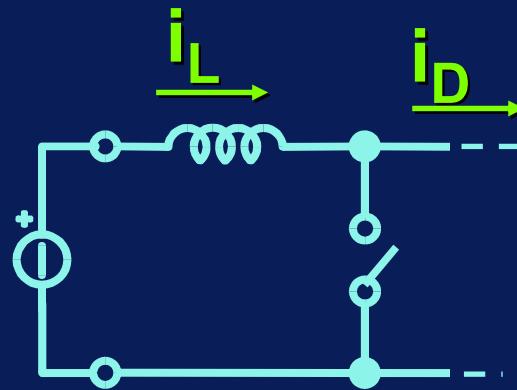
Boost - Forme d'onda in DCM: i_L



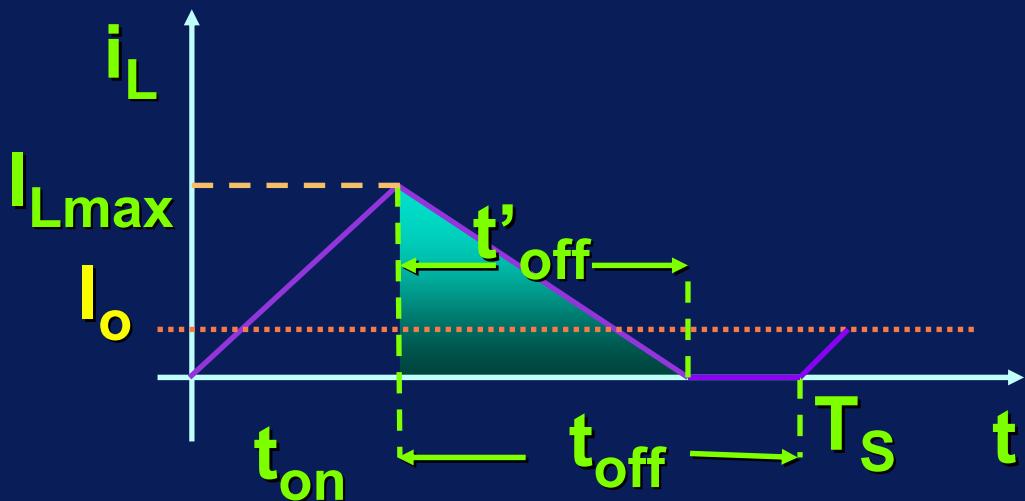
Boost - Forme d'onda in DCM: i_L



$$I_{Lmax} = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on}$$

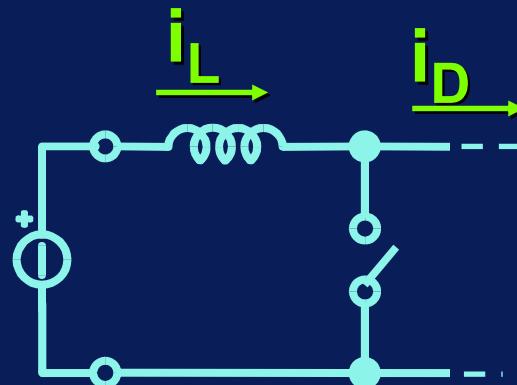


Boost - Forme d'onda in DCM: i_L



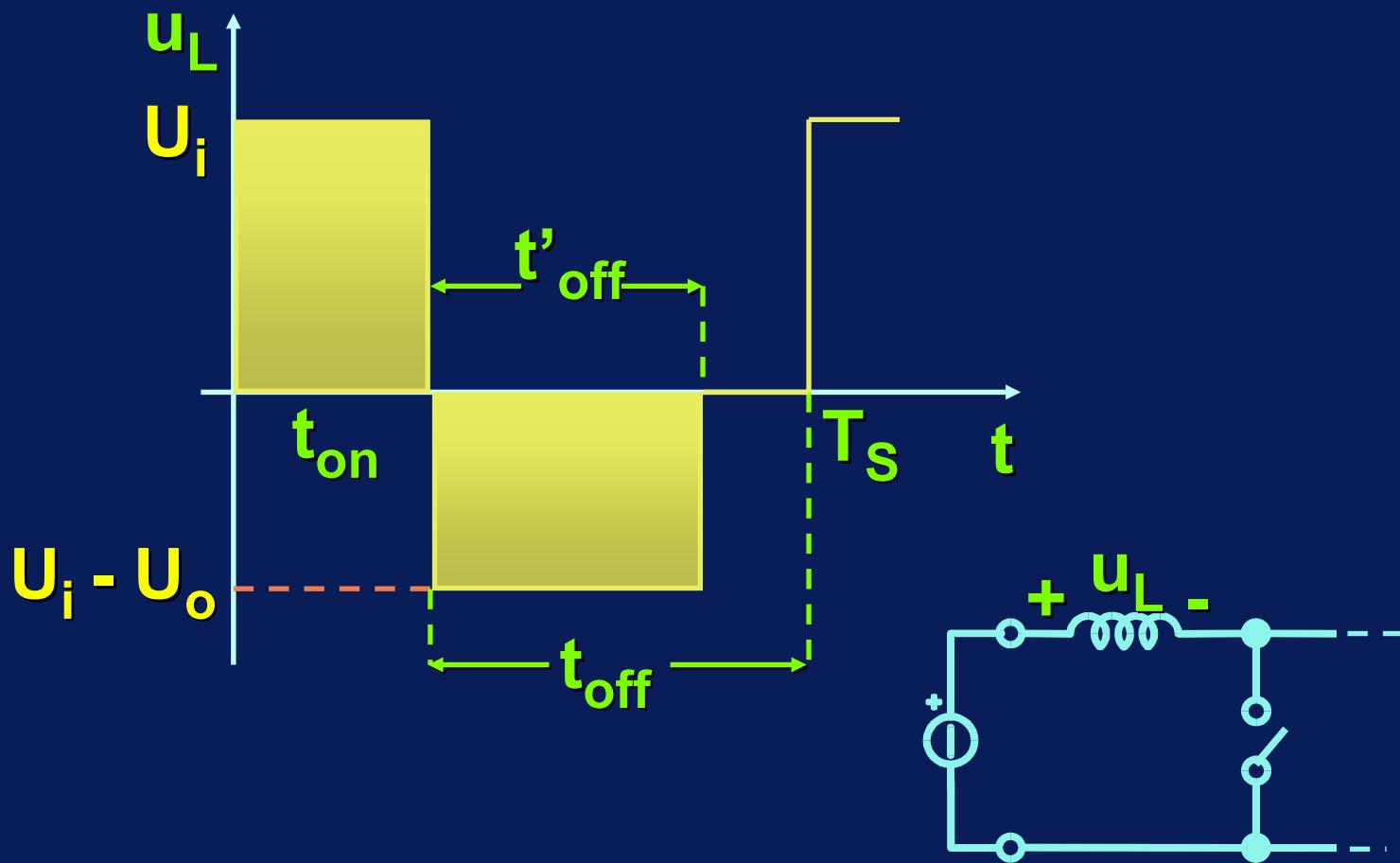
$$I_{Lmax} = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on}$$

$$I_o = I_D = \frac{I_{Lmax} \cdot t_{off}}{2 \cdot T_S}$$

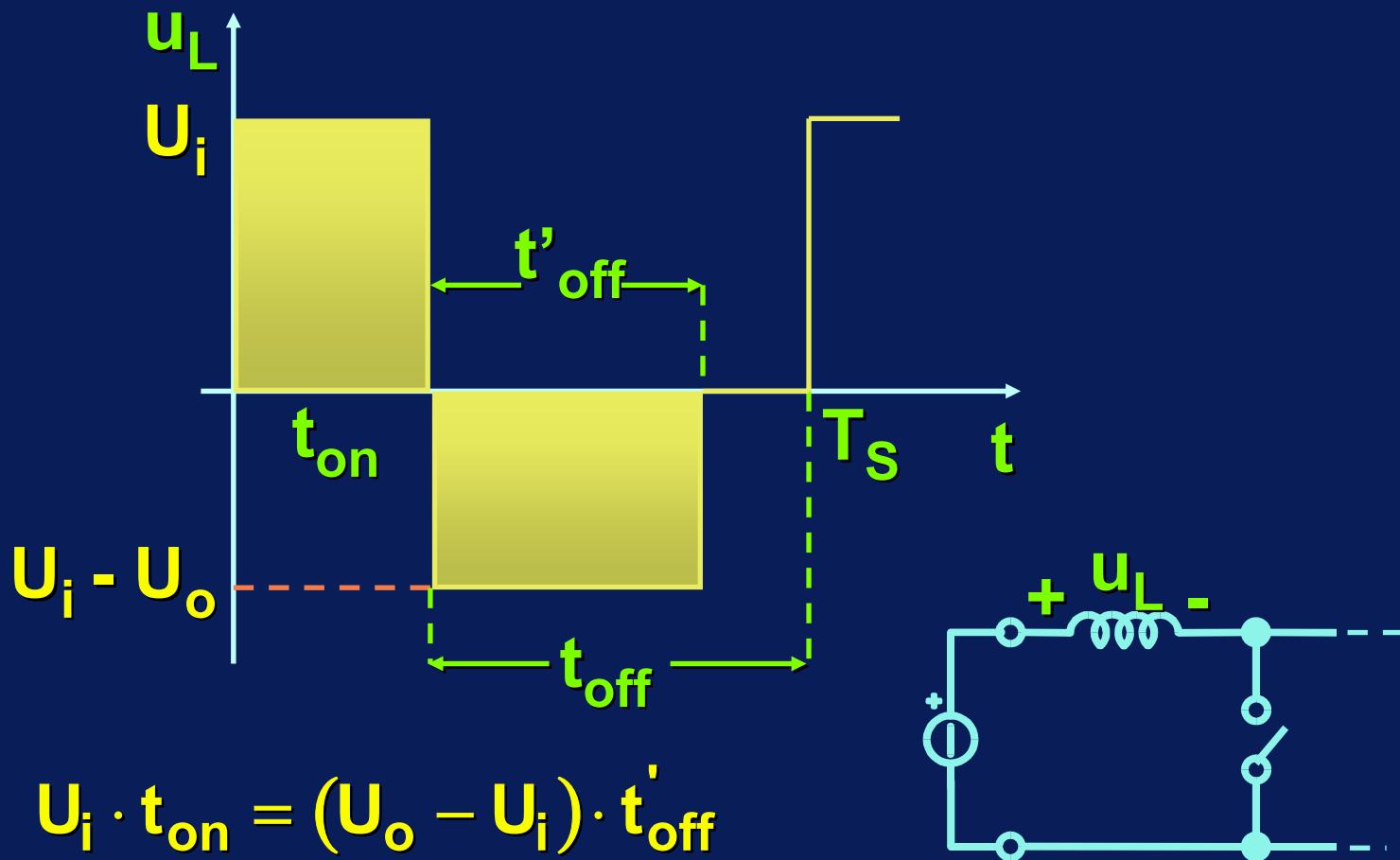


Boost - Forme d'onda in DCM: u_L

Boost - Forme d'onda in DCM: u_L



Boost - Forme d'onda in DCM: u_L



Boost: Caratteristica di controllo in DCM

Boost: Caratteristica di controllo in DCM

$$I_o = \frac{I_{L\max} \cdot t'_{off}}{2 \cdot T_S}; \quad I_{L\max} = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on};$$

$$t'_{off} = \frac{U_i}{U_o - U_i} \cdot t_{on}$$

Boost: Caratteristica di controllo in DCM

$$I_o = \frac{I_{L\max} \cdot t'_{off}}{2 \cdot T_S}; \quad I_{L\max} = \frac{U_i}{L} \cdot t_{on};$$

$$t'_{off} = \frac{U_i}{U_o - U_i} \cdot t_{on}$$

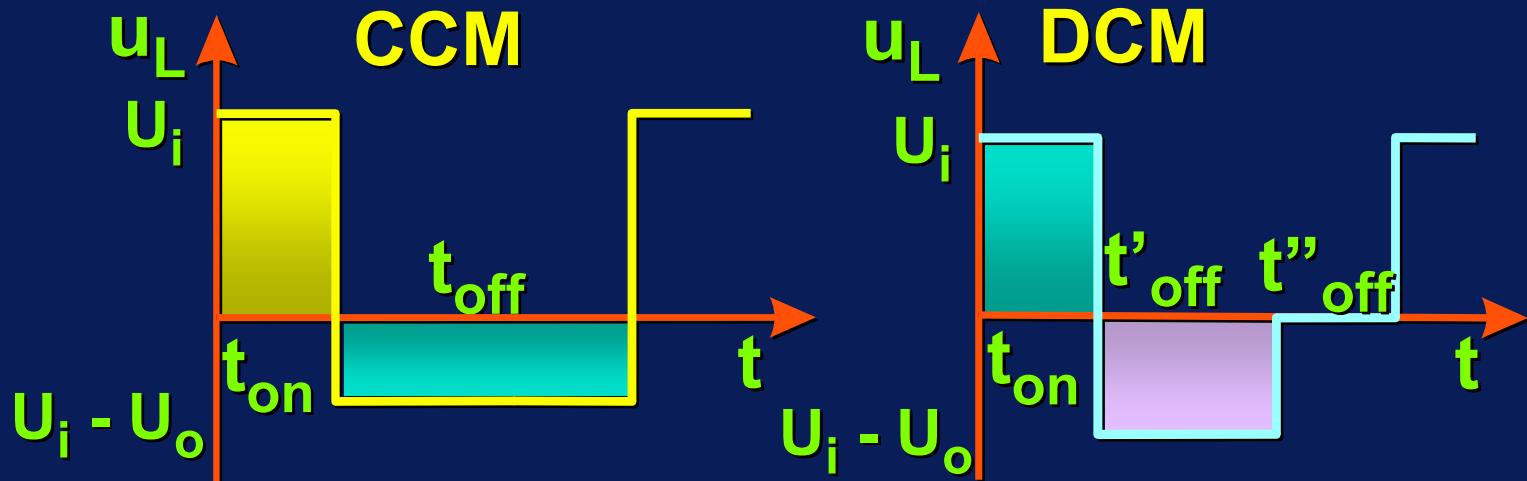


$$M = \frac{U_o}{U_i} = 1 + \delta^2 \cdot \frac{U_i}{2 \cdot f_S \cdot L \cdot I_o} = 1 + \delta^2 \cdot \frac{I_N}{I_o}$$

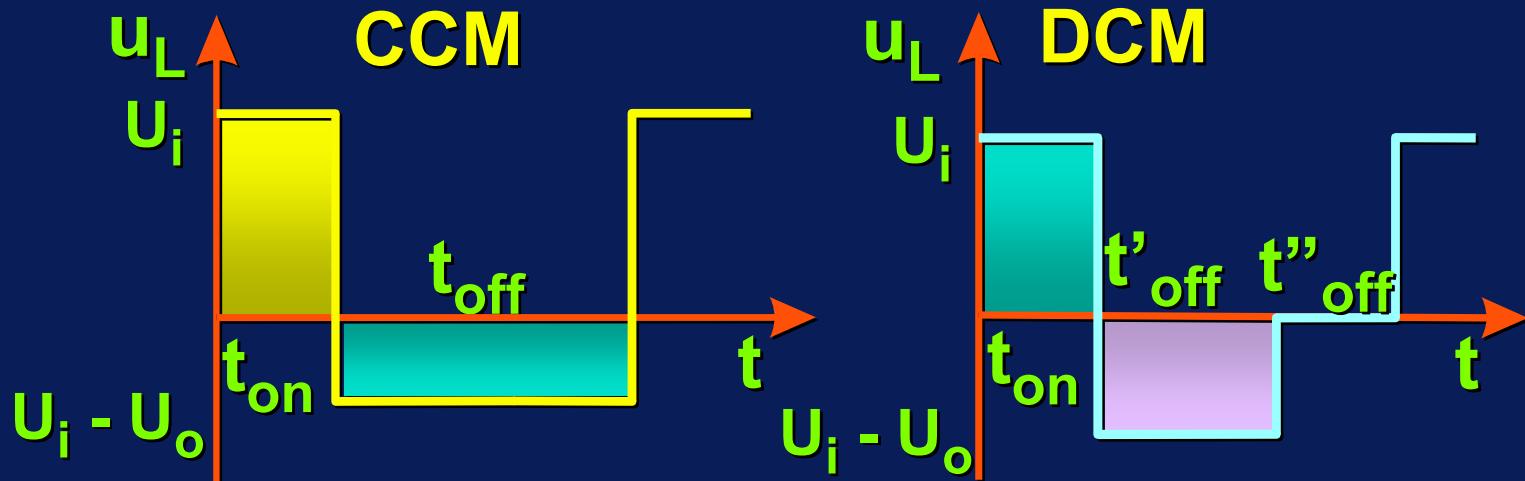
dove: $I_N = \frac{U_i}{2 \cdot f_S \cdot L}$

Nota: $U_{oDCM} > U_{oCCM}$

Nota: $U_{oDCM} > U_{oCCM}$

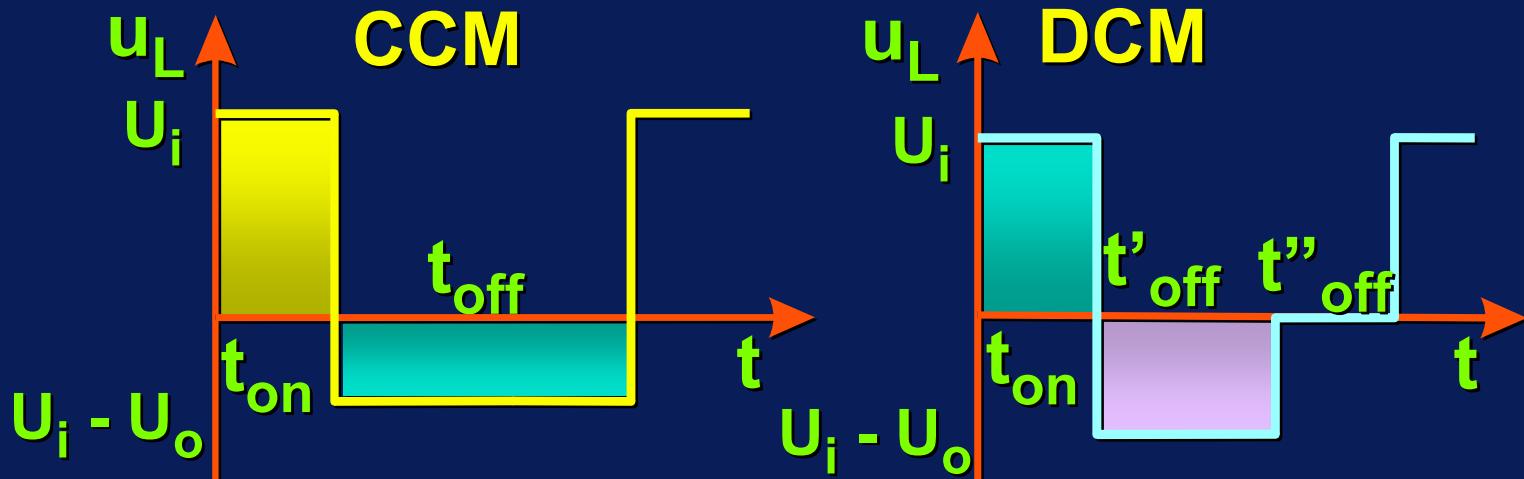


Nota: $U_{oDCM} > U_{oCCM}$



$$U_i t_{on} = (U_{oCCM} - U_i) t_{off} = (U_{oDCM} - U_i) t'_{off}$$

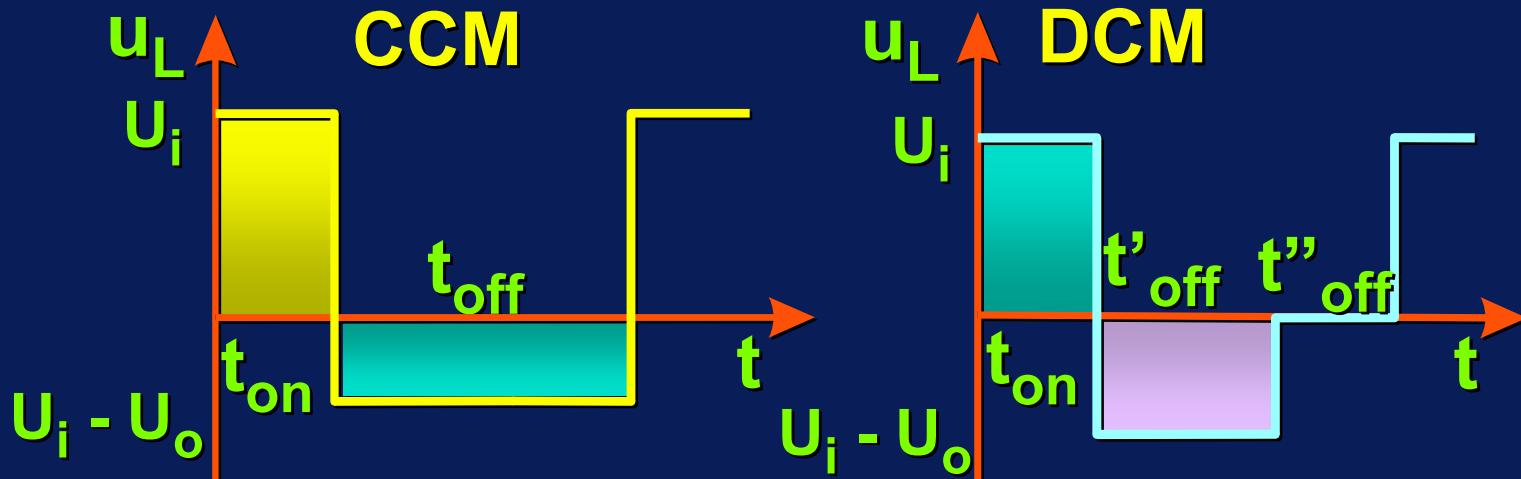
Nota: $U_{oDCM} > U_{oCCM}$



$$U_i t_{on} = (U_{oCCM} - U_i) t_{off} = (U_{oDCM} - U_i) t'_{off}$$

$$\frac{U_{oDCM} - U_i}{U_{oCCM} - U_i} = \frac{t_{off}}{t'_{off}} > 1 \rightarrow U_{oDCM} > U_{oCCM}$$

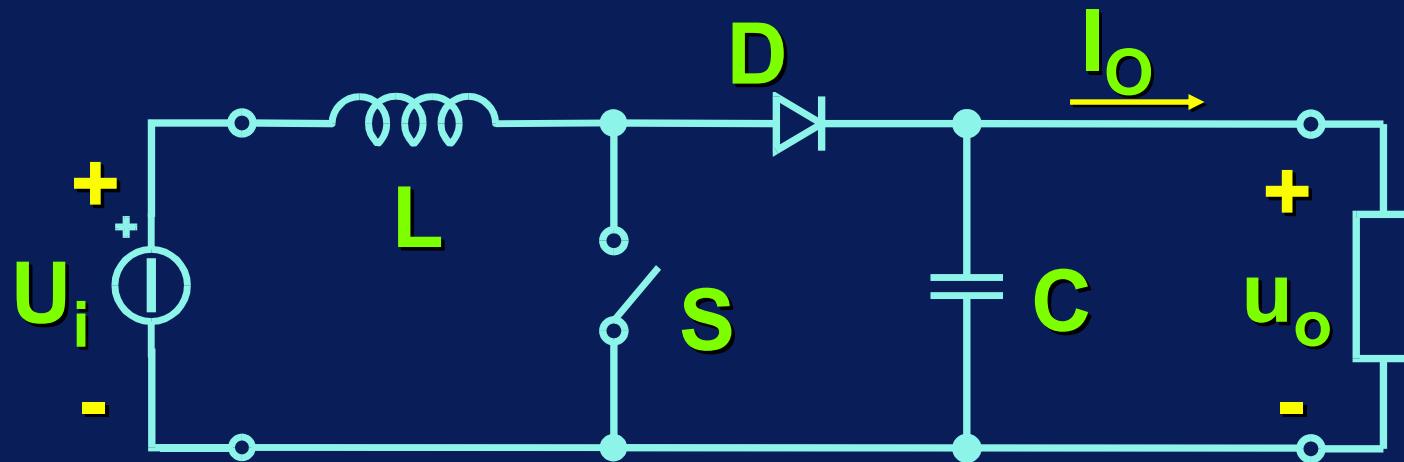
Nota: $U_{oDCM} > U_{oCCM}$



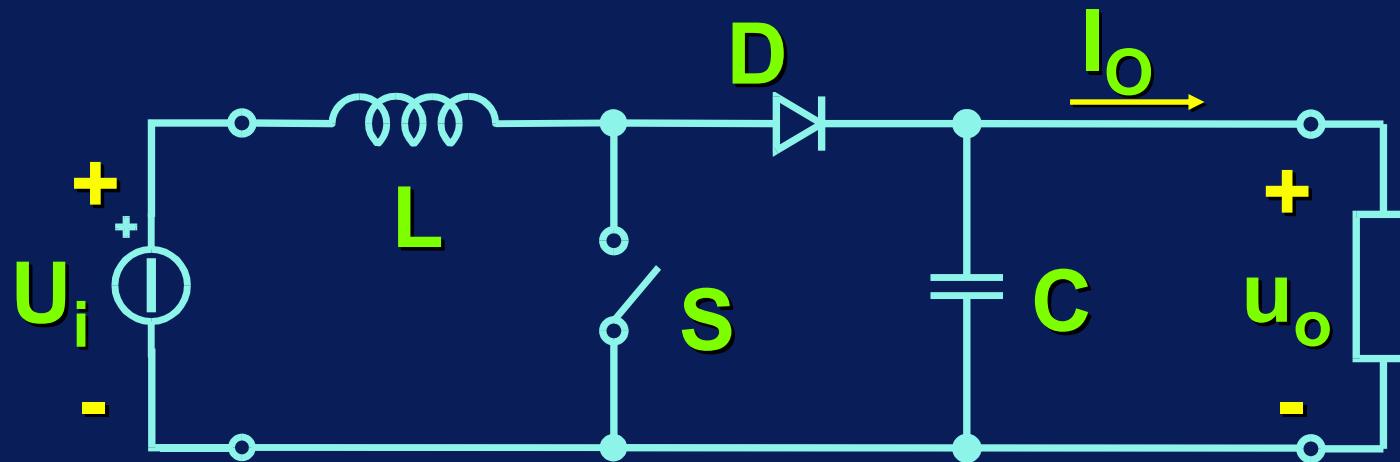
$$U_i t_{on} = (U_{oCCM} - U_i) t_{off} = (U_{oDCM} - U_i) t'^{off}$$

$$\frac{U_{oDCM}}{U_{oCCM}} = 1 + \frac{t_{on} t''_{off}}{T_S t'^{off}} > 1$$

NOTA: A vuoto ($I_o = 0$) il convertitore non è controllabile



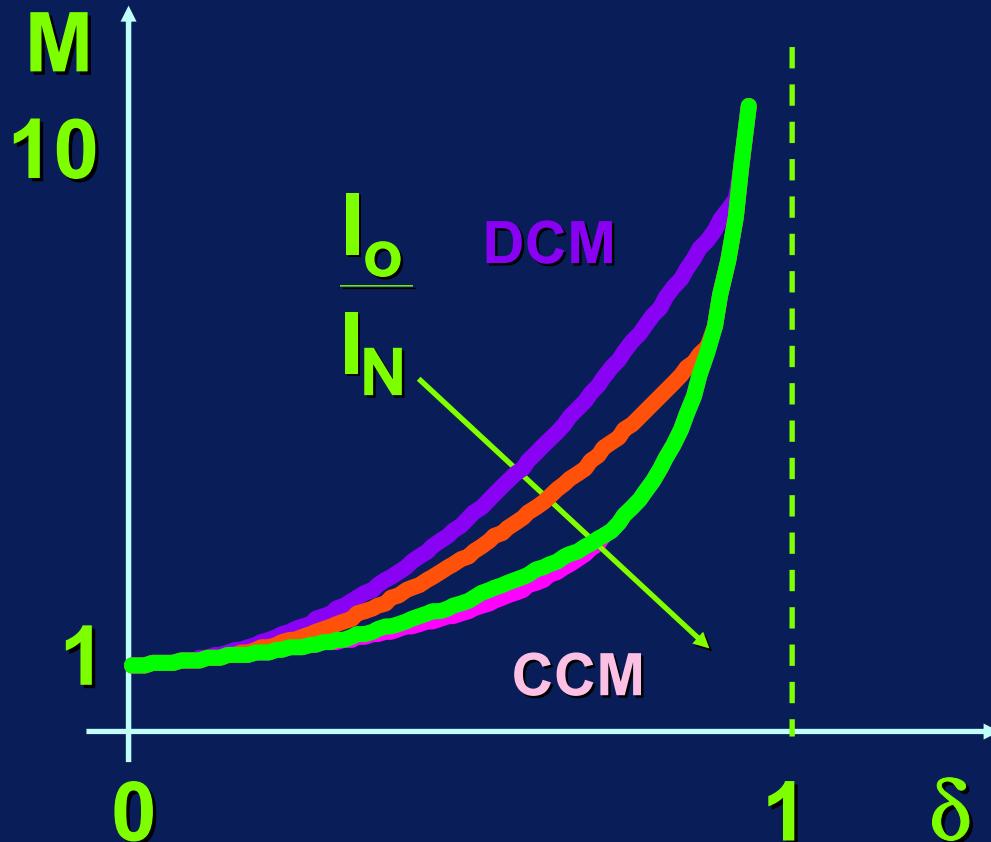
NOTA: A vuoto ($I_o = 0$) il convertitore non è controllabile



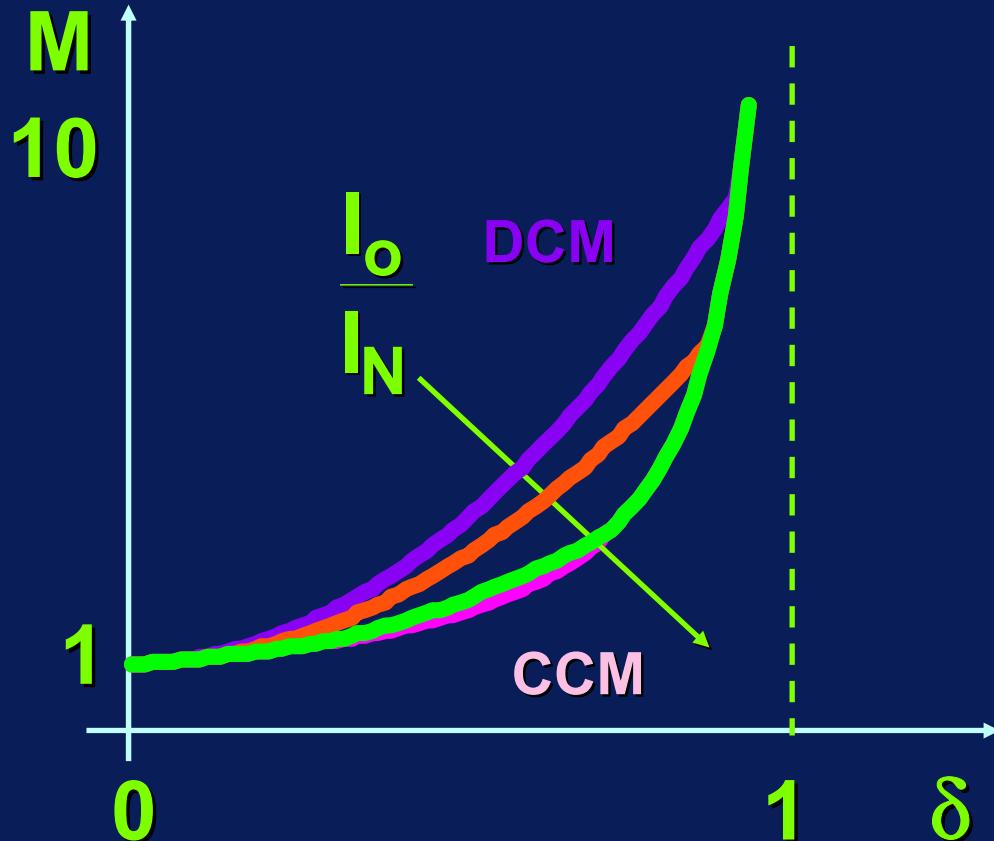
Se $I_o = 0$ non c'è assorbimento di energia dal carico. L'energia fornita dall'alimentazione si accumula progressivamente nel condensatore C, la cui tensione U_o cresce indefinitamente.

Boost: Caratteristiche di controllo

Boost: Caratteristiche di controllo

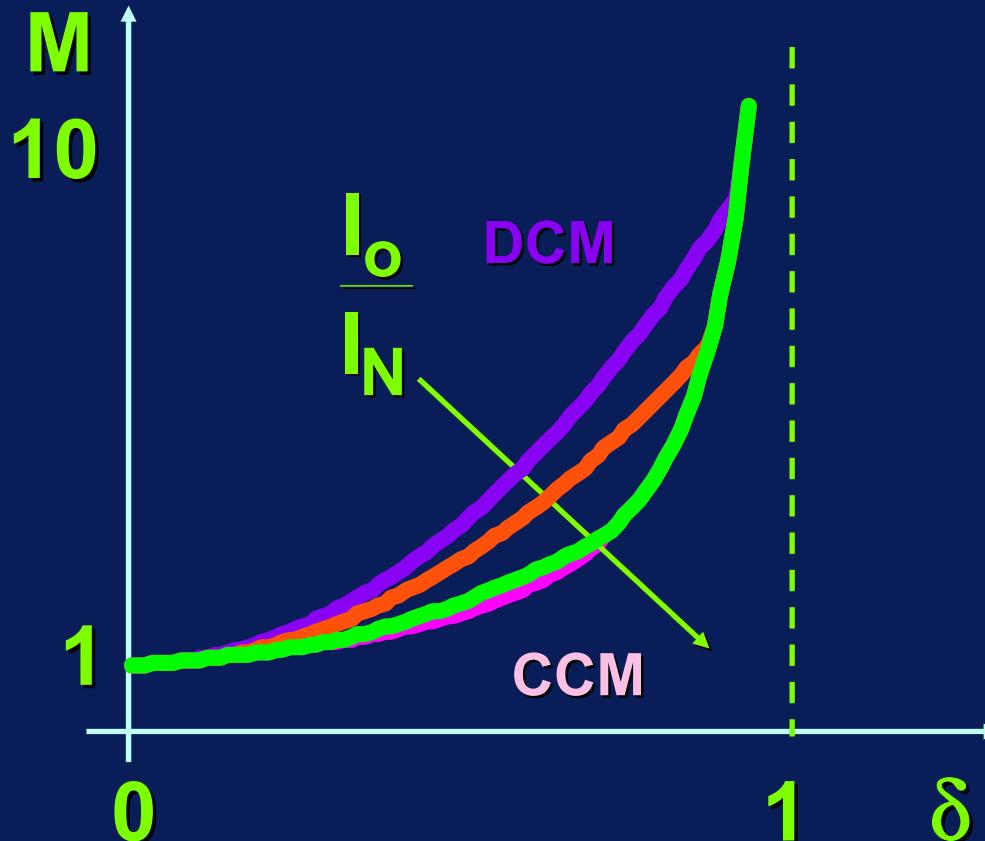


Boost: Caratteristiche di controllo



Anche in questo caso valgono le curve che danno tensione d'uscita più elevata

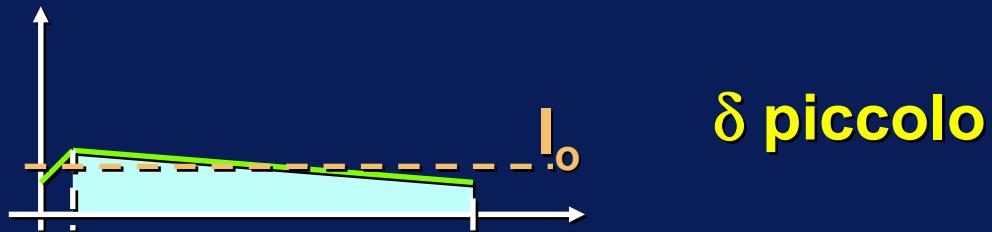
Boost: Caratteristiche di controllo



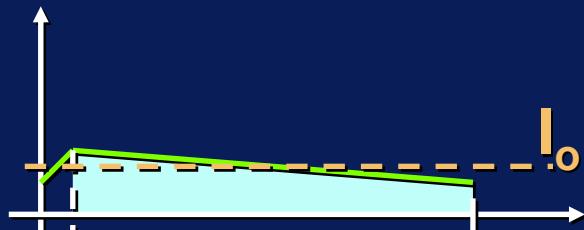
Il funzionamento è continuo per valori di δ estremi, discontinuo per valori intermedi

Ondulazione di corrente

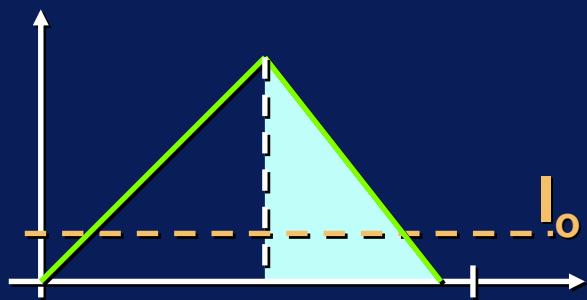
Ondulazione di corrente



Ondulazione di corrente

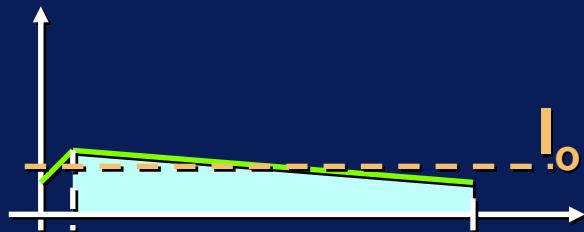


δ piccolo

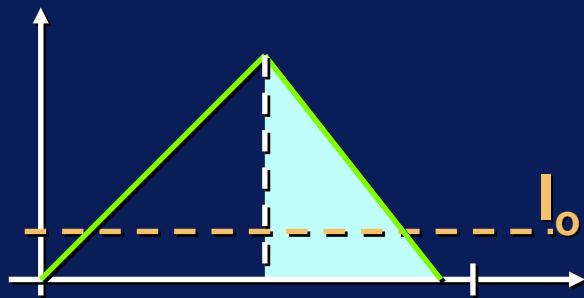


δ intermedio

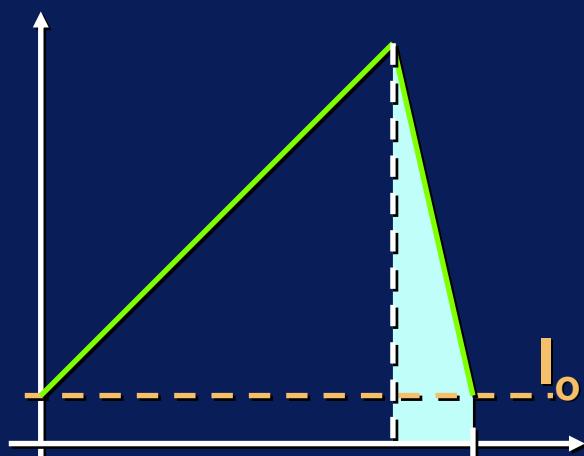
Ondulazione di corrente



δ piccolo

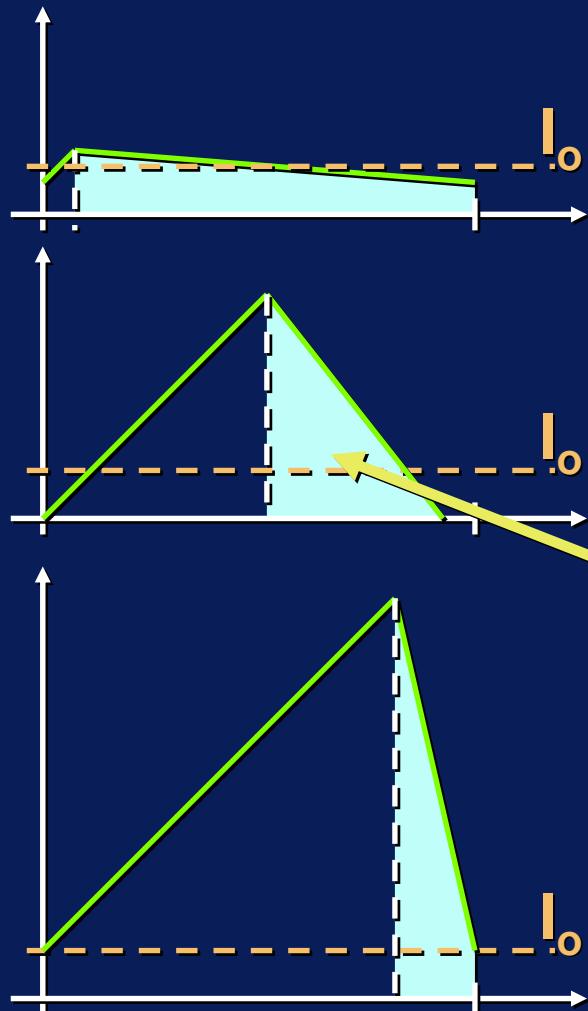


δ intermedio



δ elevato

Ondulazione di corrente

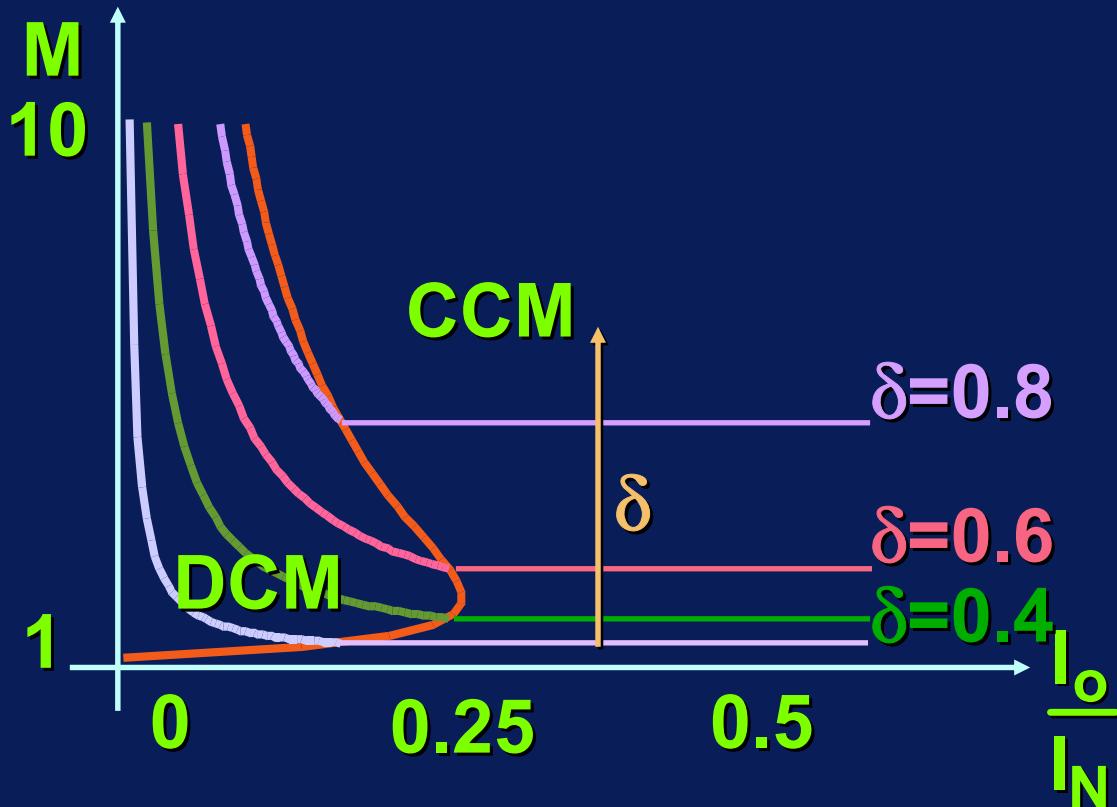


δ piccolo

A parità di I_o
l'intermittenza
si può avere
per $\delta \cong 0.5$

Boost: Caratteristiche d'uscita

Boost: Caratteristiche d'uscita



Curva limite:
$$\frac{I_o}{I_N} = \frac{1}{M} \cdot \left(1 - \frac{1}{M} \right)$$

Caratteristica di controllo in DCM per carico resistivo

Caratteristica di controllo in DCM per carico resistivo

$$M = \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{\delta^2}{k}}$$

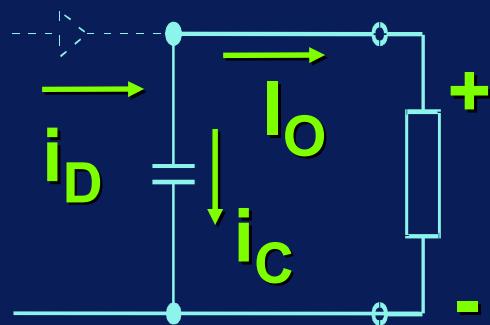
dove:

$$k = \frac{2 \cdot f_S \cdot L}{R_o}$$

Corrente del condensatore di filtro: i_C

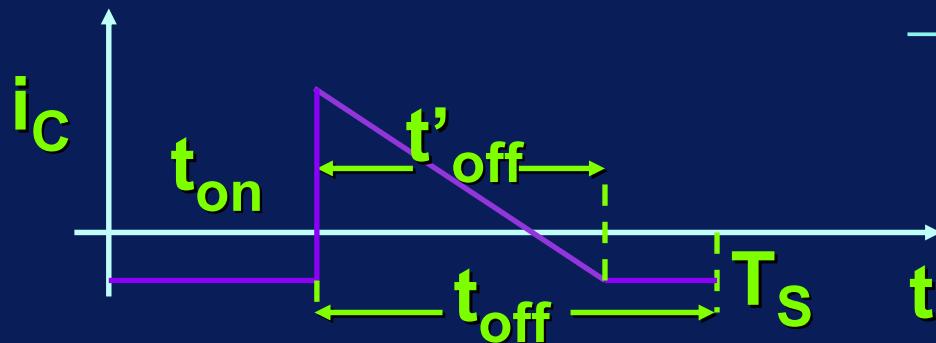
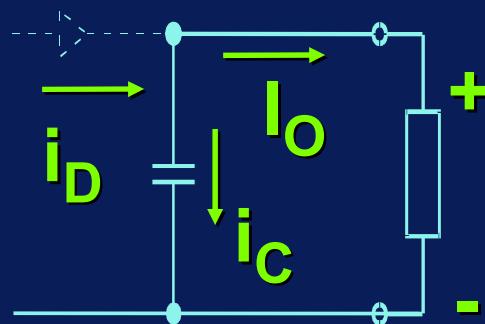
Corrente del condensatore di filtro: i_C

$$i_C = i_D - I_o$$



Corrente del condensatore di filtro: i_C

$$i_C = i_D - I_o$$



i_C ha fronti ripidi; l'induttanza parassita di C (ESL) deve quindi essere minima

Note

- Le tecniche di controllo sono le stesse del convertitore Buck
- La risposta dinamica è però difficile da dominare (caratteristica statica nonlineare, modello ai piccoli segnali a parametri variabili e zero a parte reale positiva)
- Schemi a trasformatore basati sulla topologia boost risultano complessi e sono poco usati