

Dispositivi elettronici:

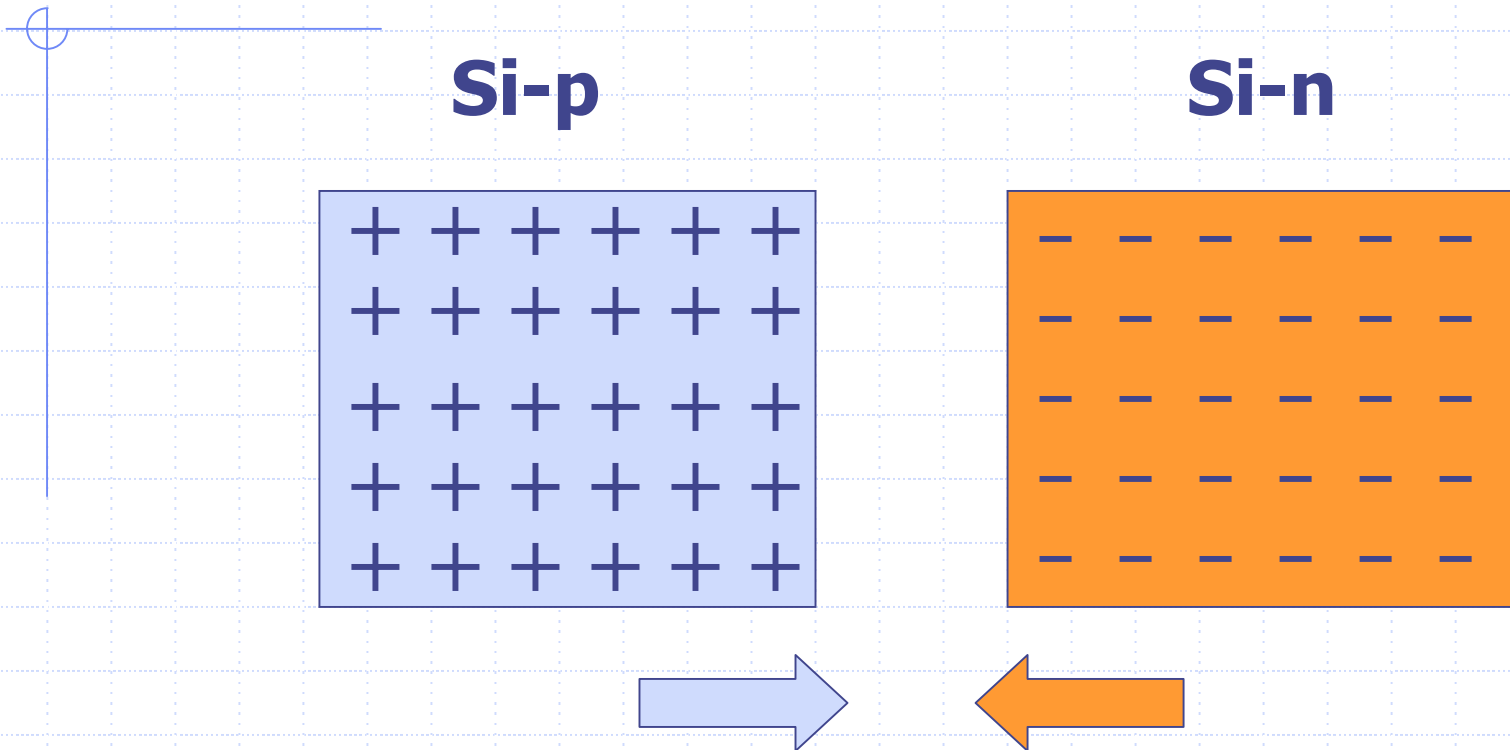
La giunzione pn

La giunzione *pn* (3.3.2-5)

Argomenti della Lezione

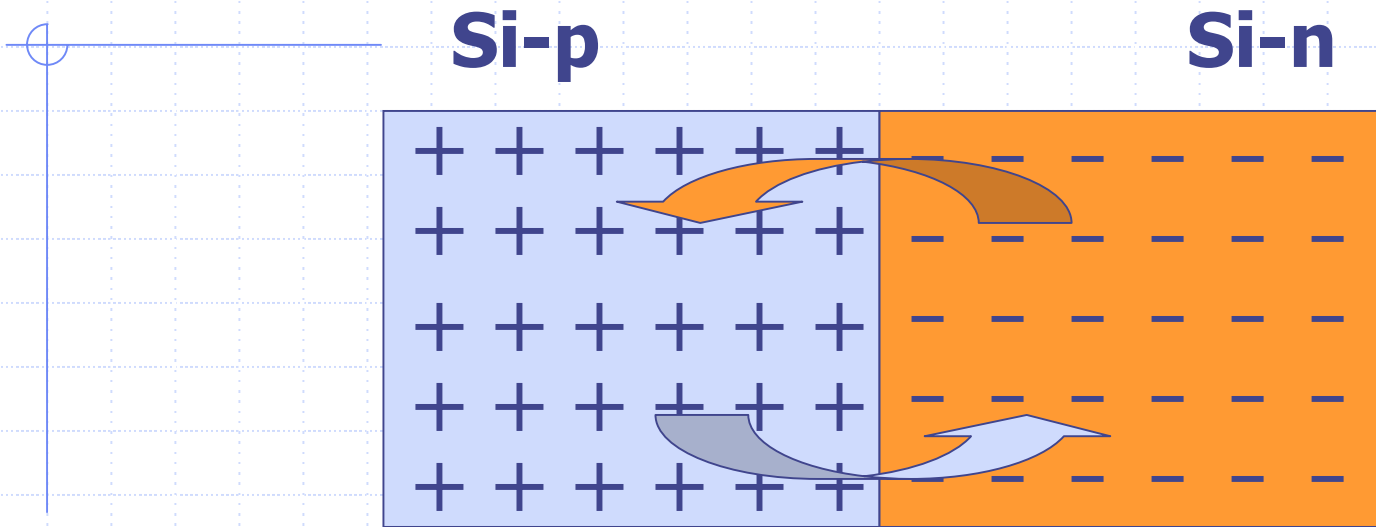
- ◆ Analisi della giunzione p-n
 - campo elettrico
 - potenziale di contatto
- ◆ Polarizzazione inversa
 - capacità di transizione
 - fenomeno del breakdown
- ◆ Polarizzazione diretta
 - equazione del diodo
- ◆ Caratteristica i-v del diodo

La giunzione *pn*



Supponiamo di avere a disposizione due blocchetti di silicio, uno drogato di tipo p e uno drogato tipo n.
Cosa succede se (idealmente) li mettiamo in contatto?

La giunzione *pn*

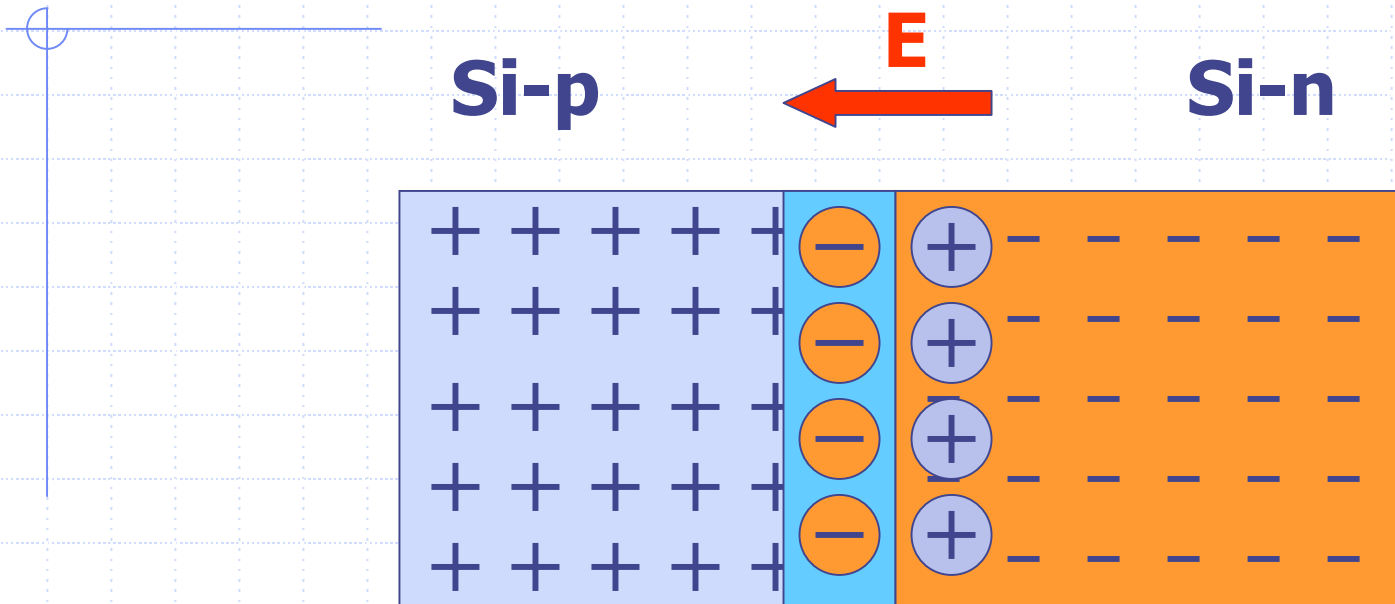


Se mettiamo a contatto Silicio drogato di tipo p con Silicio drogato tipo n, a causa dei grandi gradienti di concentrazione avremo **diffusione**:

lacune da Si-p a Si-n ed elettroni da Si-n a Si-p

Ma il processo non può procedere all'infinito altrimenti la giunzione sparirebbe

La giunzione *pn*



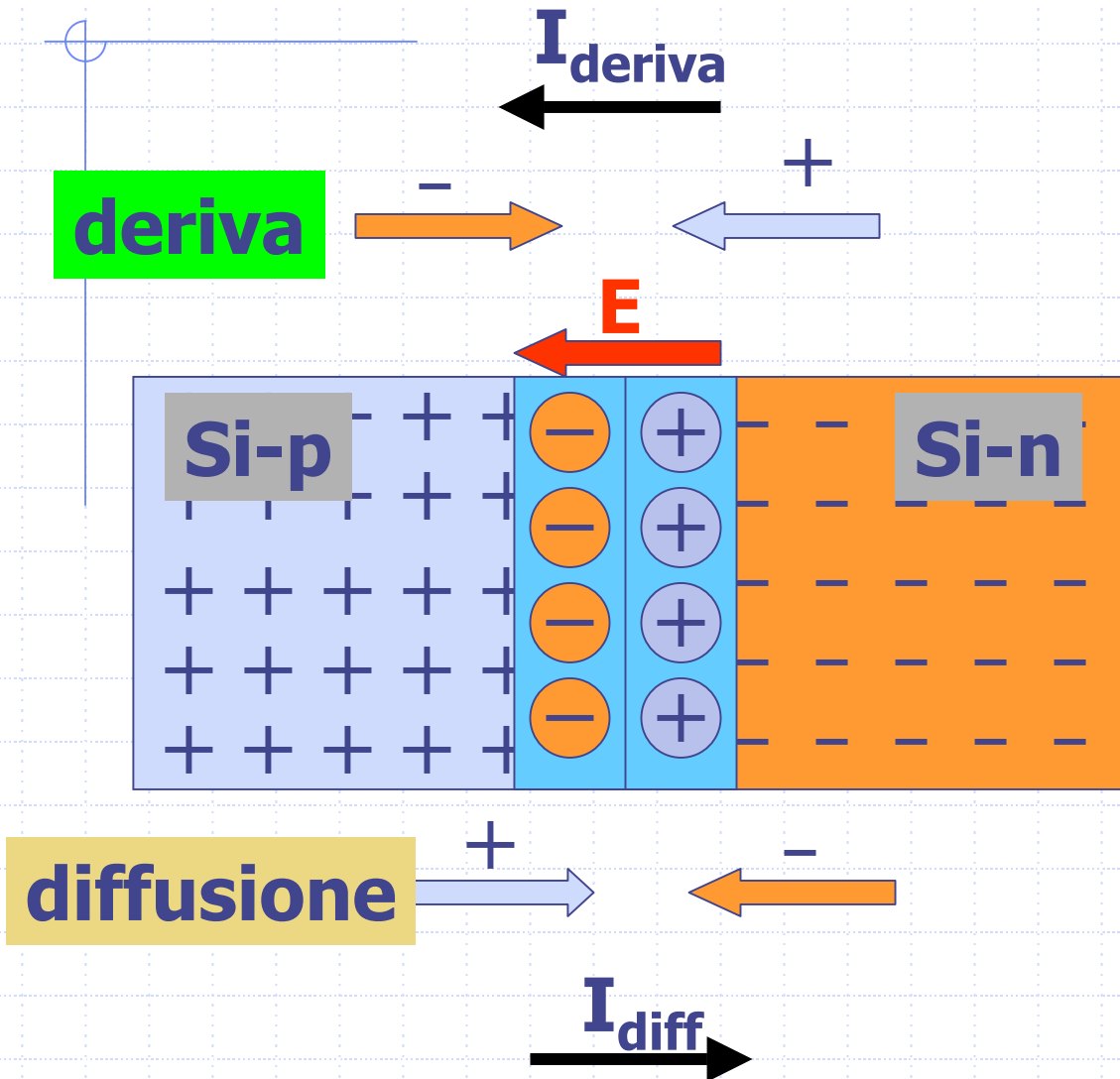
Cosa frena la diffusione?

La diffusione di portatori mobili lascia atomi ionizzati che danno luogo ad un **CAMPO ELETTRICO, E**

Ipotesi di svuotamento completo “a gradino”:

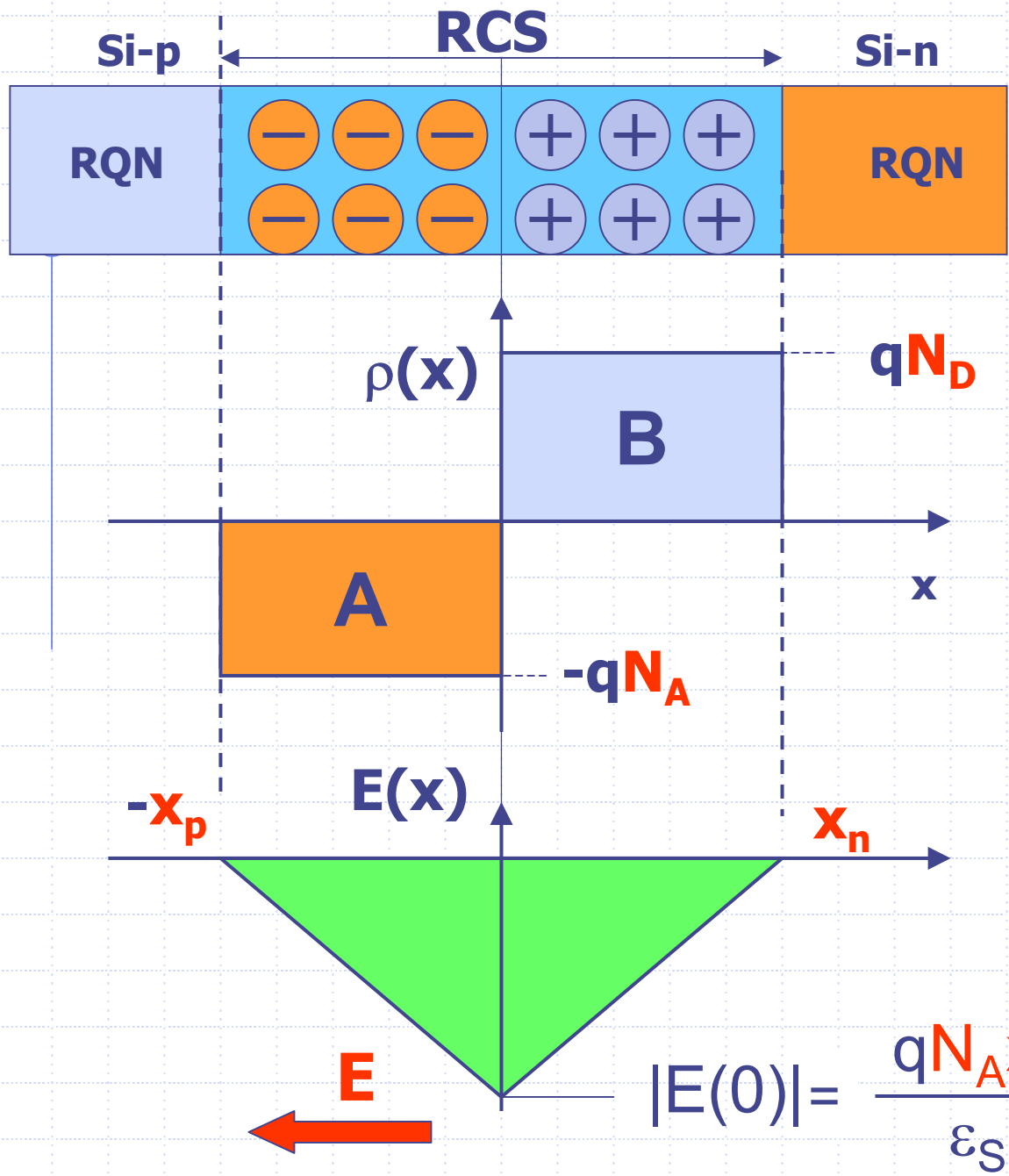
l'interfaccia della giunzione risulta completamente svuotata di portatori mobili.

La giunzione *pn* all'equilibrio



Si raggiunge una condizione di equilibrio dinamico nella quale le due componenti di corrente si bilanciano e quindi risulta:

$$I_{diff} = I_{deriva}$$

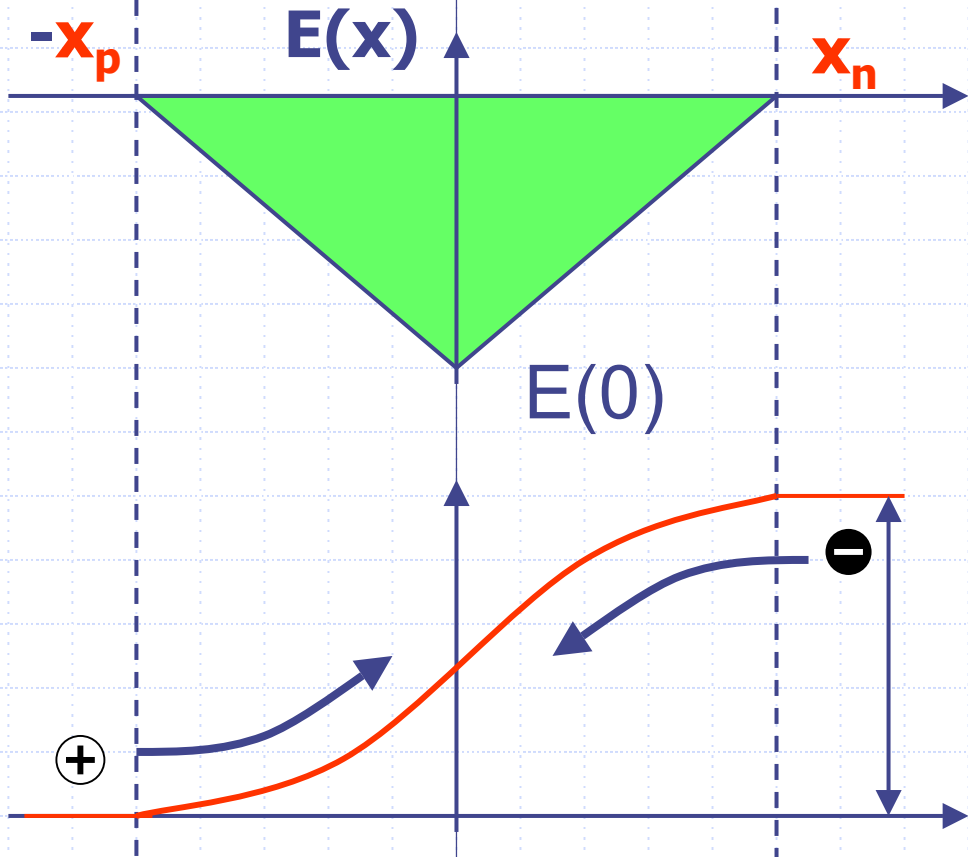
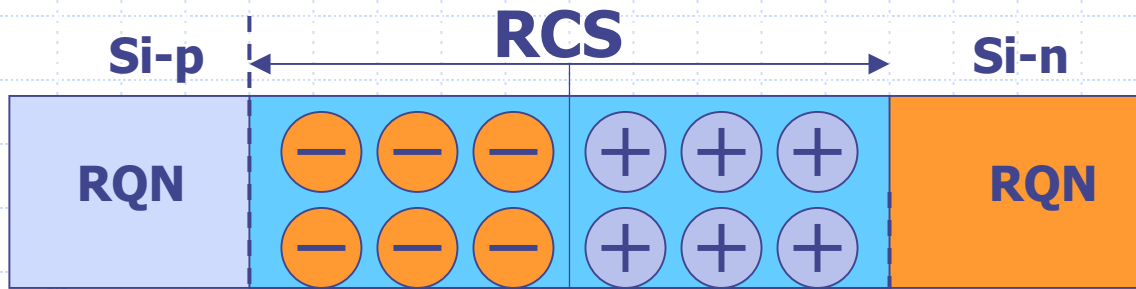


RQN = Regioni Quasi Neutre
RCS = Regione di Carica Spaziale o di Svuotamento

Carica netta e' nulla ($A=B$)
 usando l'eq. di Poisson:

$$\frac{\delta E}{\delta x} = \frac{\rho}{\epsilon_{Si}}$$

$$|E(0)| = \frac{qN_A x_p}{\epsilon_{Si}} = \frac{qN_D x_n}{\epsilon_{Si}}$$



Usando l'eq. di Poisson:

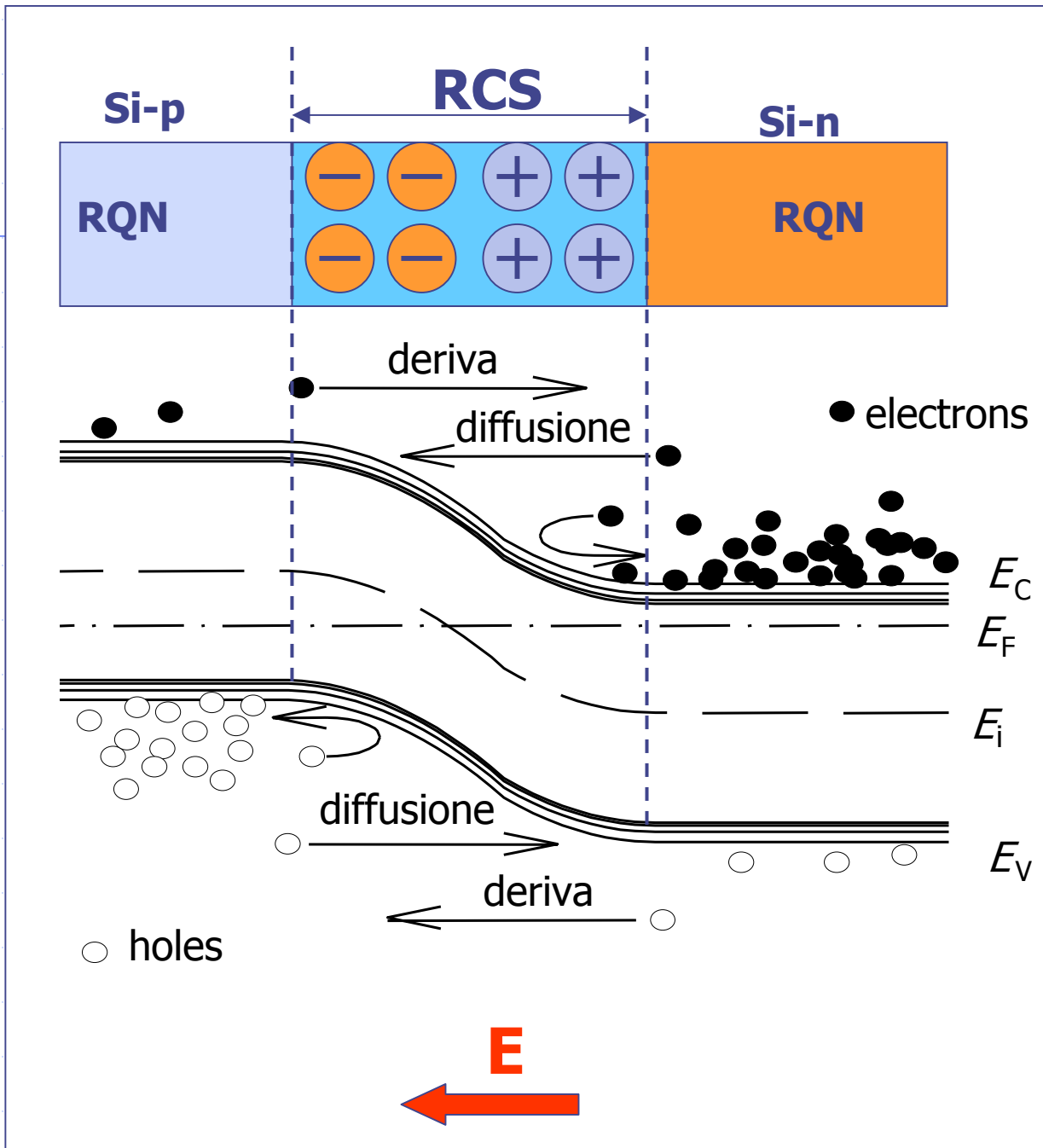
$$\frac{\delta\phi}{\delta x} = -E(x)$$

Barriera di potenziale V_0

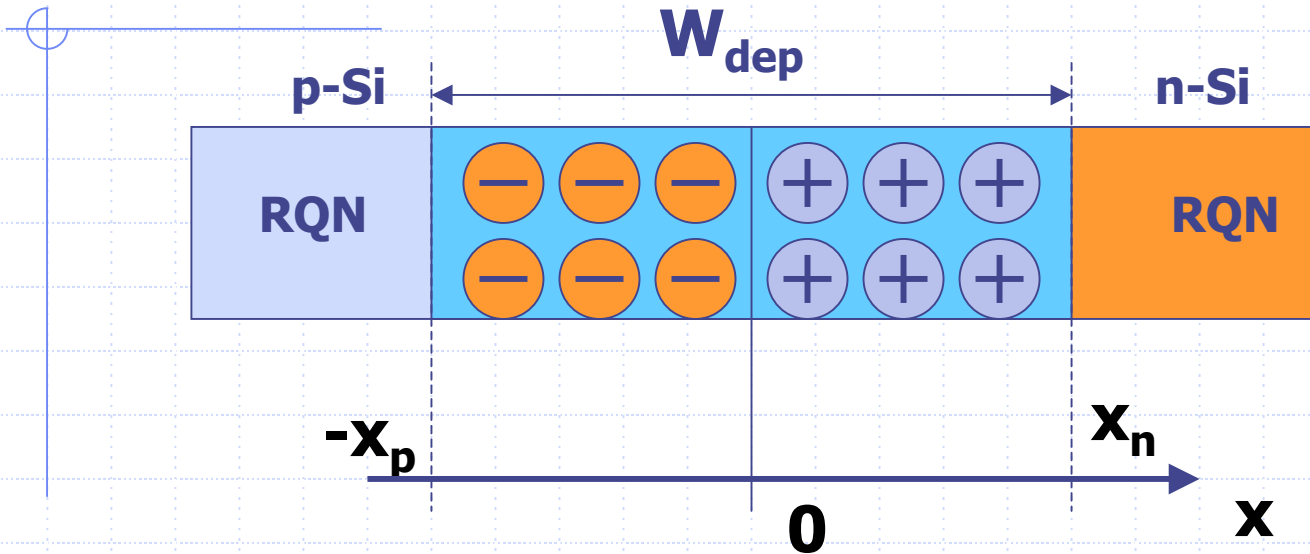
$$V_0 = \frac{kT}{q} \ln\left(\frac{N_D N_A}{n_i^2}\right)$$

$$V_0 = \text{area sottesa dal campo elettrico} = V_0 = \frac{|\mathbf{E}(0)|(\mathbf{x}_n + \mathbf{x}_p)}{2}$$

**La
giunzione
pn
all'
equilibrio**



Giunzione *pn*, regione di *svuotamento*



$$W_{dep} = x_p + x_n = \sqrt{\frac{2\epsilon_s}{q} \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right) V_0}$$

$$\frac{x_n}{x_p} = \frac{N_A}{N_D}$$

$$\epsilon_s = 1.04 \cdot 10^{-12} \text{ F/cm} \quad 0.1 \mu\text{m} \leq W_{dep} \leq 1 \mu\text{m}$$

Giunzione *pn* regione di svuotamento

$$x_p = \frac{W_{\text{dep}}}{1 + \frac{N_A}{N_D}} \quad x_n = \frac{W_{\text{dep}}}{1 + \frac{N_D}{N_A}}$$

Se $N_A \gg N_D$, allora $x_p \ll x_n$
(la regione di svuotamento si estende quasi interamente nella regione n)

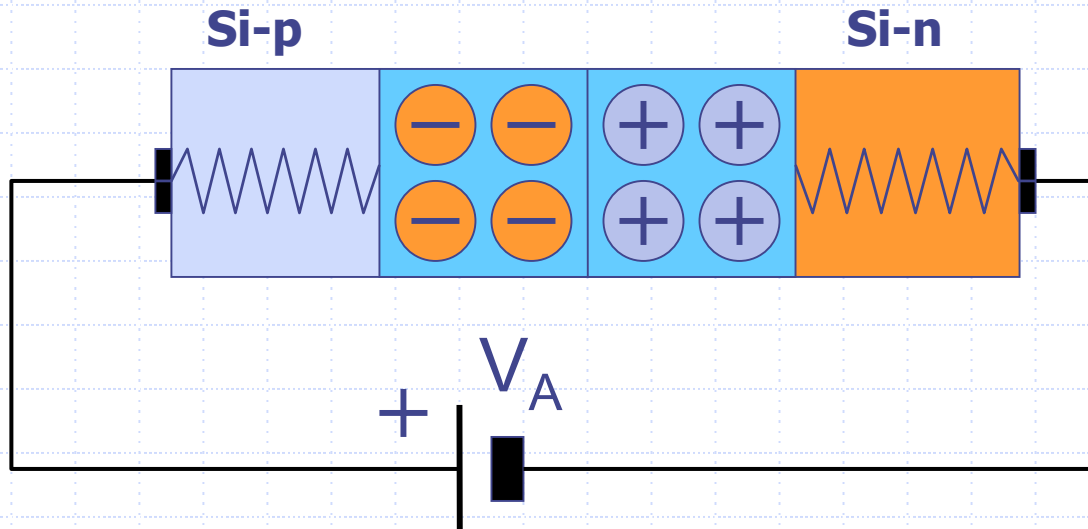
Se $N_A \ll N_D$, allora $x_p \gg x_n$
(la regione di svuotamento si estende quasi interamente nella regione p)

Giunzione *pn* polarizzata

Ipotesi semplificative:

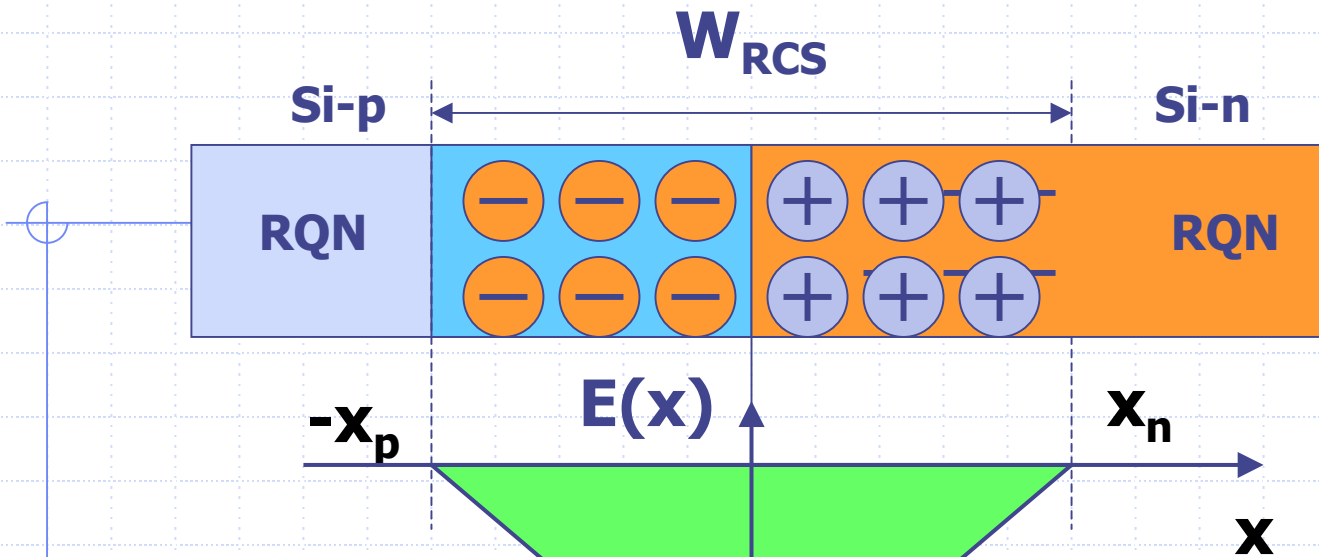
- Approssimazione di svuotamento
- Cadute di tensione trascurabili sui contatti e RQN
- Deboli correnti (bassa iniezione)

La tensione applicata cade tutta alla giunzione



$$V_0 \iff V_0 - V_A$$

**Nota: positivo a p
negativo a n**



$$|E(0)| = \frac{2(V_0 - V_A)}{W_{dep}}$$

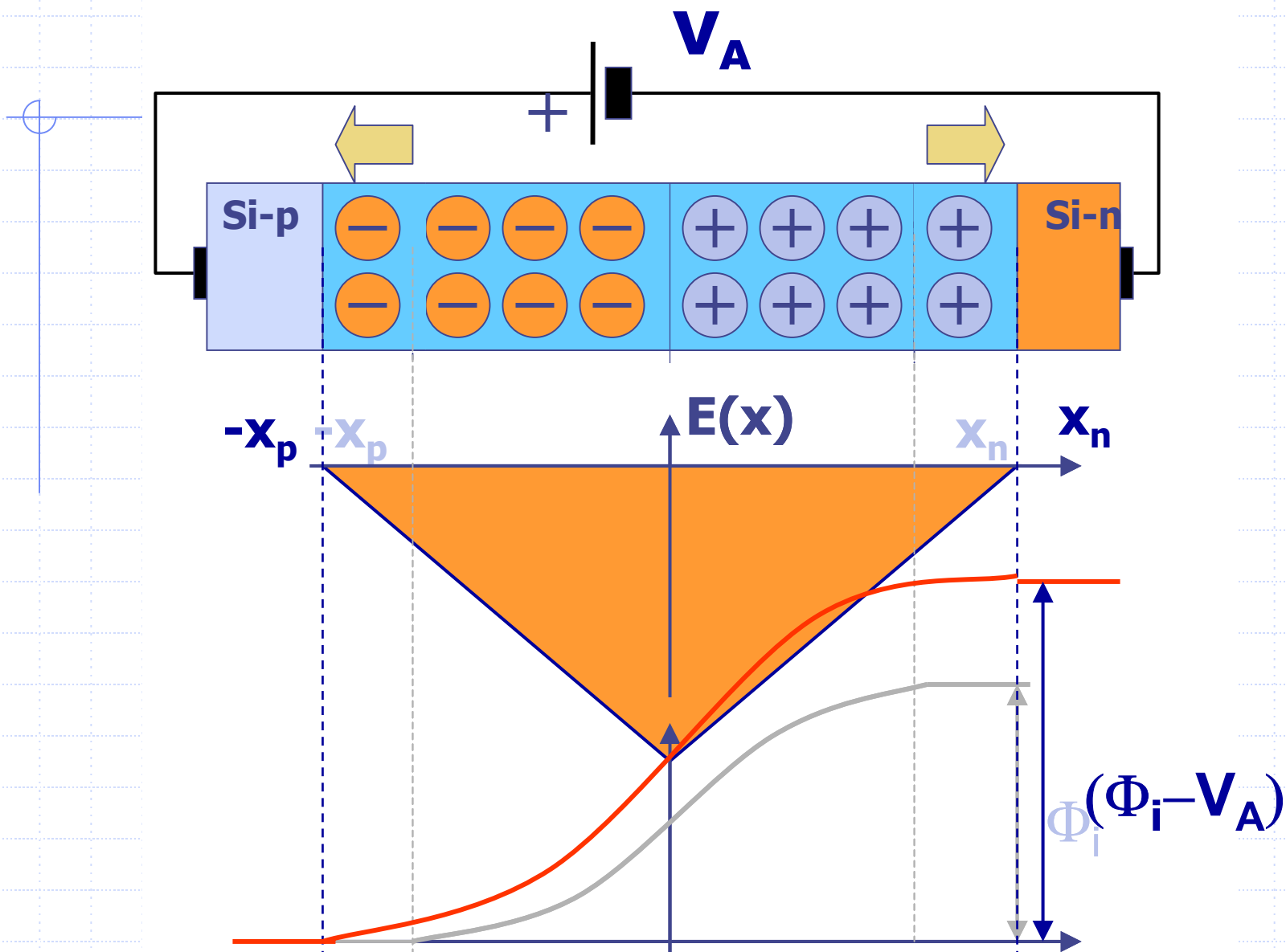
$$W_{dep} = x_p + x_n = \sqrt{\frac{2\epsilon_s}{q} \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right) (V_0 - V_A)}$$

Se V_A aumenta:

- W_{dep} cala
- $E(0)$ cala
- potenziale alla giunzione cala

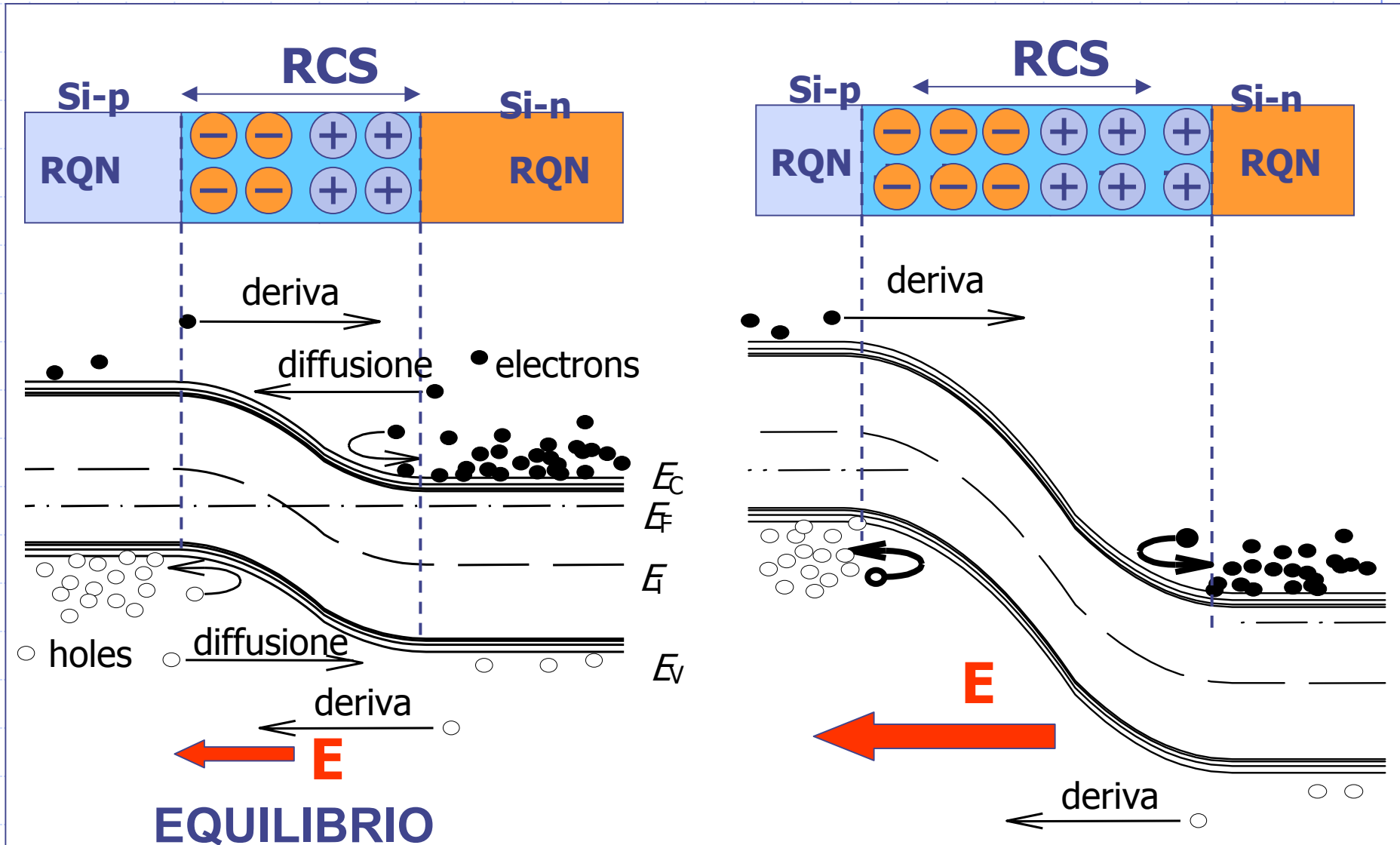
e viceversa

La giunz. polarizzata in inversa ($V_A < 0$)



La giunz. polarizzata in inversa ($V_A < 0$)

movimento dei portatori liberi



Capacità parassite nei diodi (Polarizzazione inversa)

$$W_{\text{dep}} = x_p + x_n = \sqrt{\frac{2\varepsilon_s}{q} \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right) (V_0 - V_A)} \quad V_R = -V_A$$

$$W_{\text{dep}} = \sqrt{1 + \frac{V_R}{V_0}} \sqrt{\frac{2\varepsilon_s}{q} \left(\frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right) V_0} \Rightarrow W_{\text{dep}} = W_{\text{d0}} \sqrt{1 + \frac{V_R}{V_0}}$$

$$Q = qN_D x_n A = qN_A x_p A = q \left(\frac{N_D N_A}{N_D + N_A} \right) W_{\text{dep}} A$$

$$Q = qAW_{\text{d0}} \frac{N_D N_A}{N_D + N_A} \sqrt{1 + \frac{V_R}{V_0}}$$

Capacità parassite nei diodi (Polarizzazione inversa)

$$Q = qAW_{d0} \frac{N_D N_A}{N_D + N_A} \sqrt{1 + \frac{V_R}{V_0}}$$

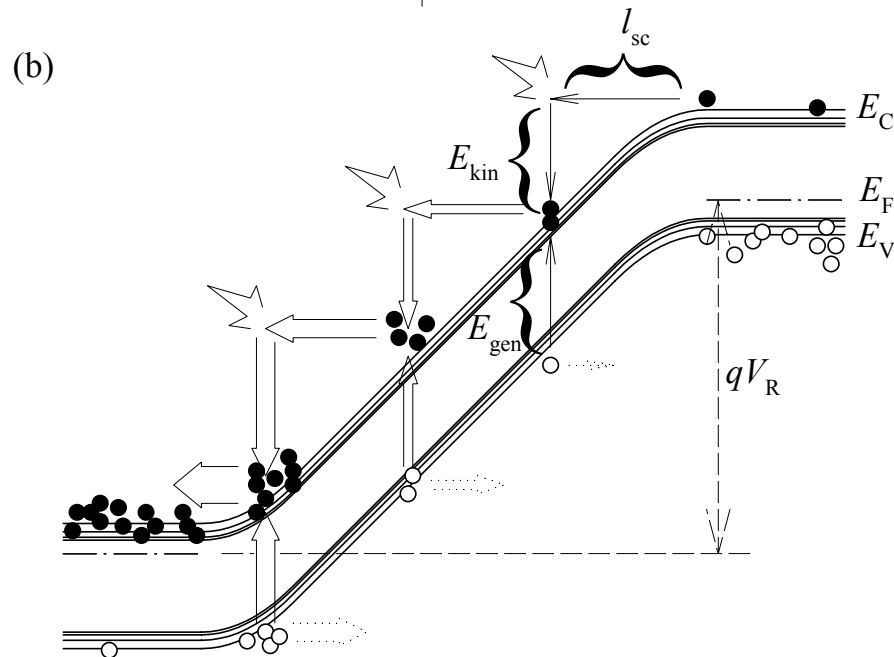
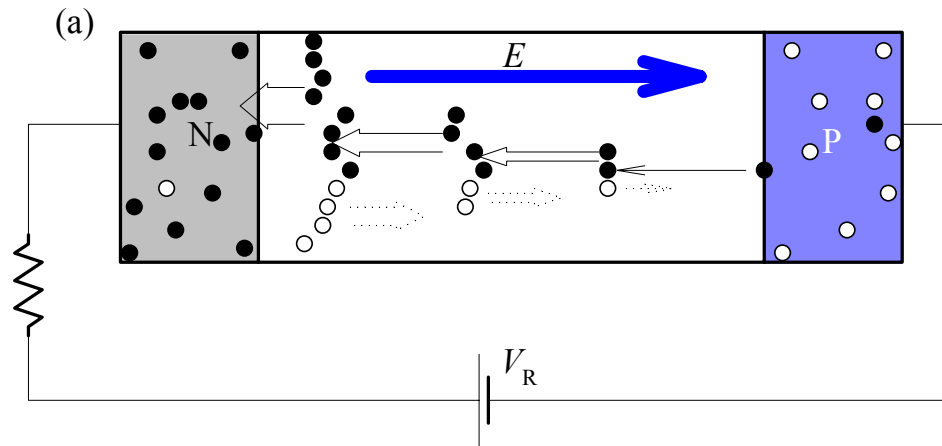
$$C_j = \left. \frac{\partial Q}{\partial V_R} \right|_{V_R=V_Q}$$

Con alcuni passaggi algebrici si ottiene:

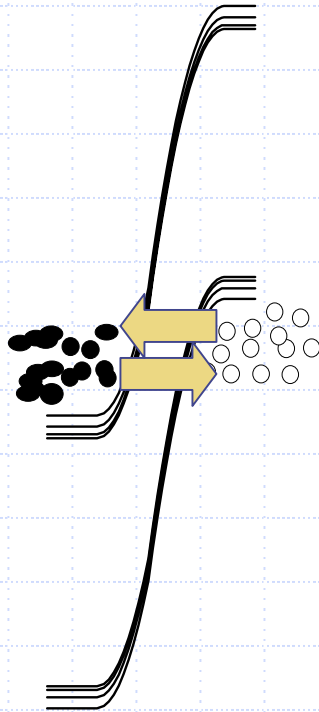
$$C_j = \frac{C_{j0}}{\sqrt{1 + \frac{V_R}{V_0}}}; \quad C_{j0} = A \sqrt{\left(\frac{\epsilon_S q}{2} \right) \left(\frac{N_D N_A}{N_D + N_A} \right) \left(\frac{1}{V_0} \right)}$$

Si poteva ottenere partendo dalla: $C_j = \frac{A \epsilon_S}{W_{dep}}$

Breakdown Valanga



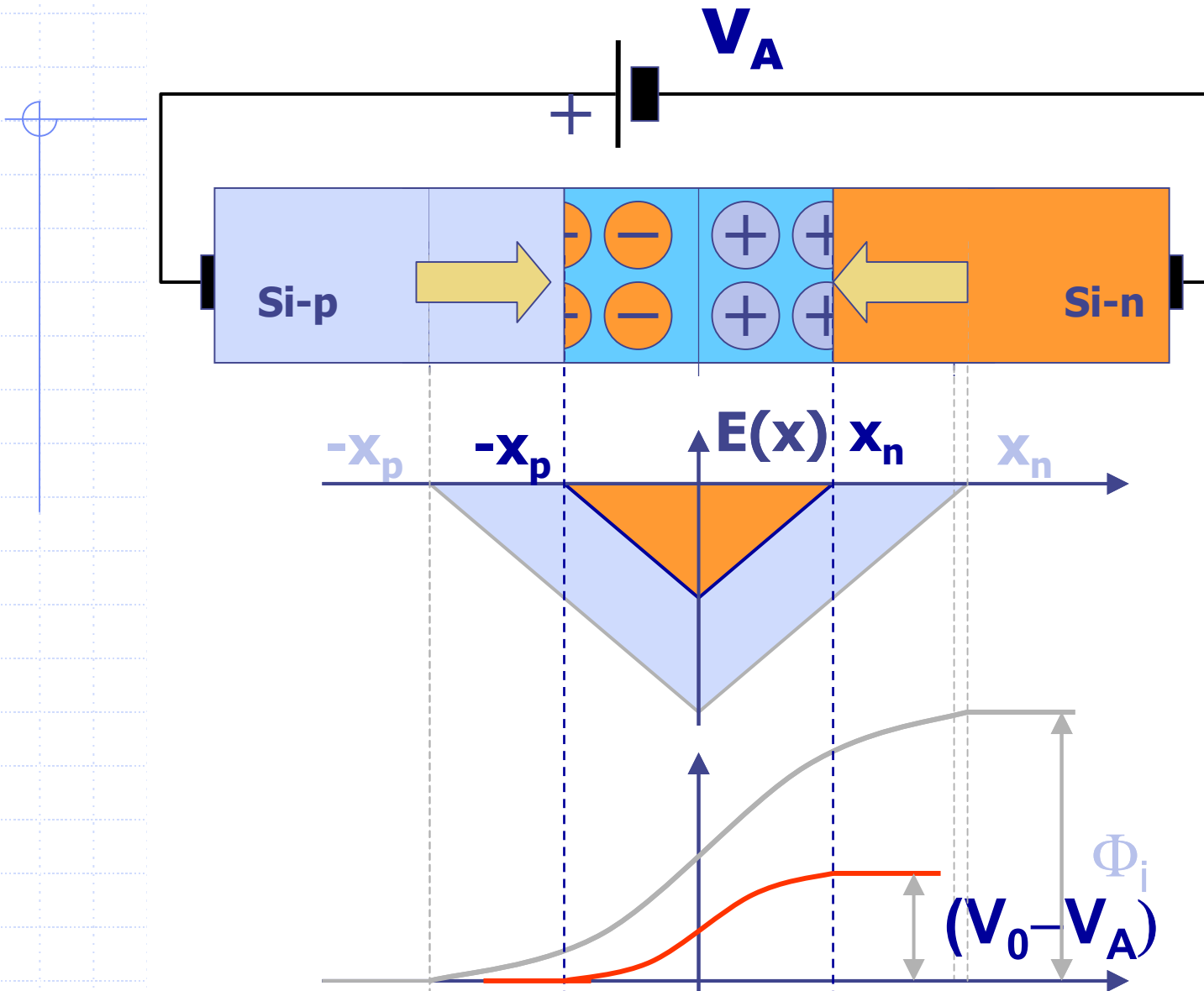
Breakdown ZENER



In giunzioni pesantemente drogate la RCS risulta ridotta e il campo elettrico alla giunzione molto elevato.

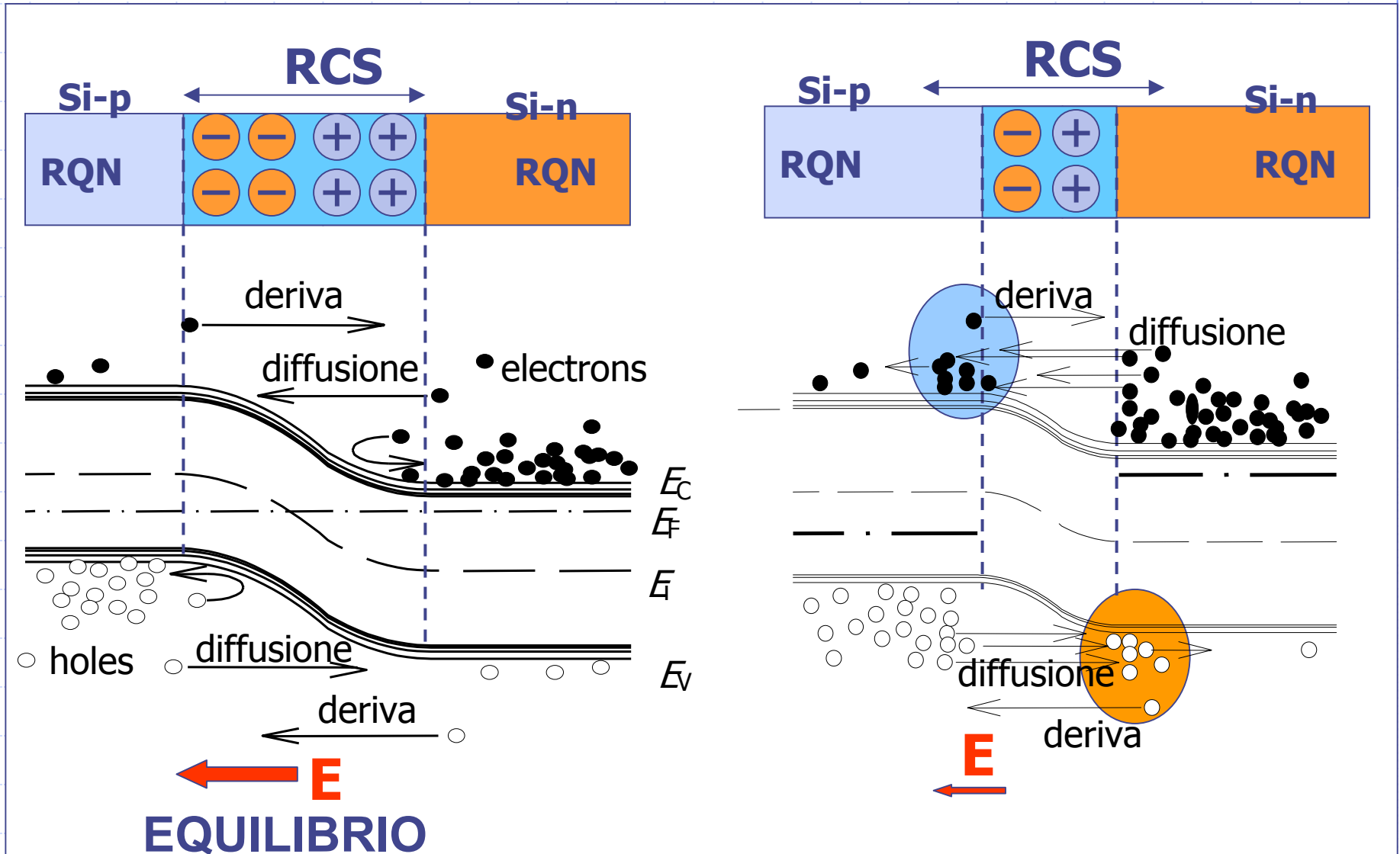
Questo causa un piegamento di bande tale da attivare l'effetto tunnel (il campo E rompe i legami covalenti)

La giunzione polarizzata diretta ($V_A > 0$)



La giunz. polarizzata in diretta ($V_A > 0$)

movimento dei portatori liberi



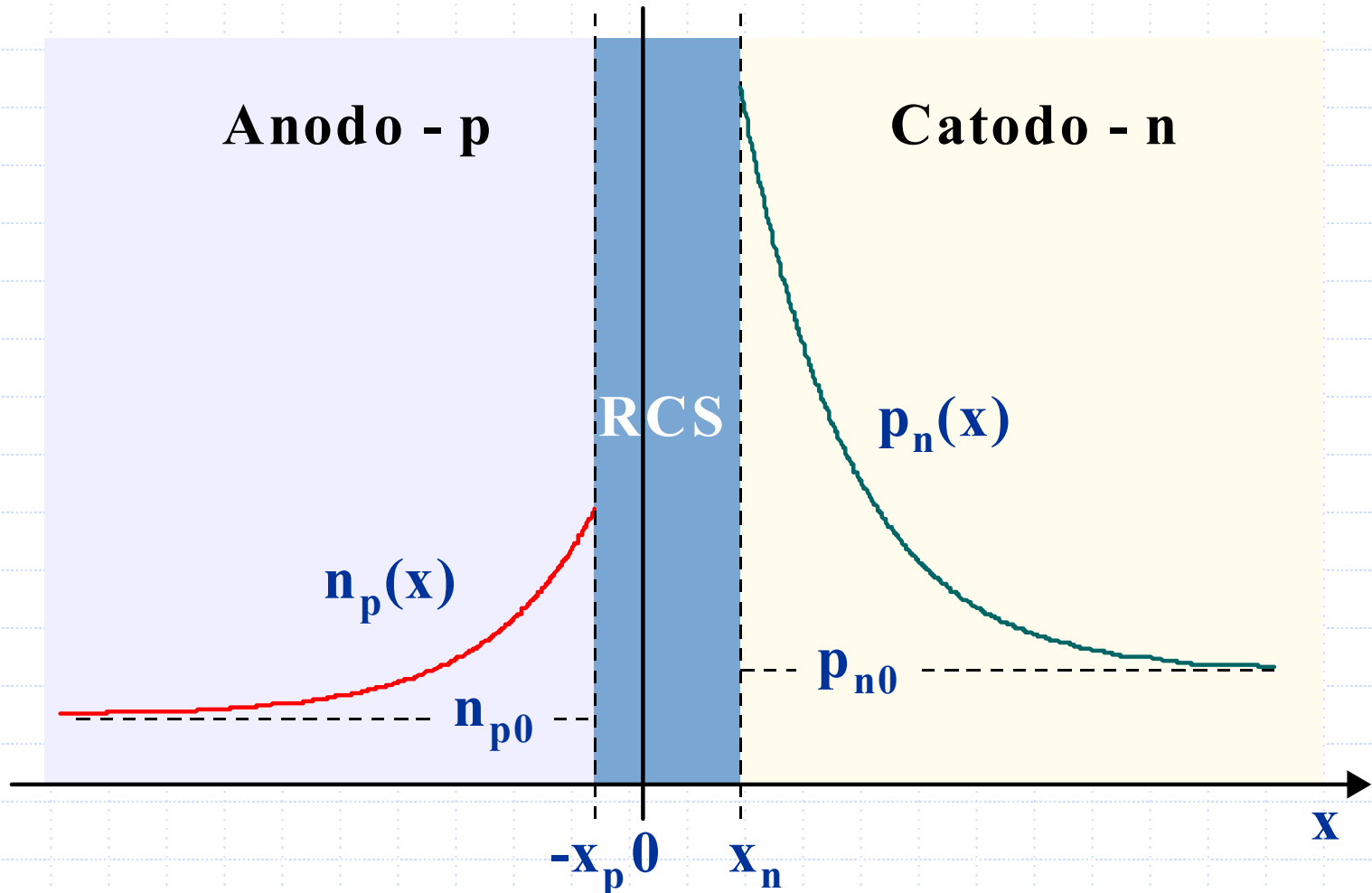
La giunz. polarizzata in diretta ($V_A > 0$) ***movimento dei portatori liberi***

In polarizzazione diretta si crea un eccesso di portatori minoritari (rispetto alla condizione di equilibrio) in prossimità della RCS: eccesso di lacune nella regione n ed eccesso di elettroni nella regione p.

Al contrario, in polarizzazione inversa, rispetto alla condizione di equilibrio, si crea un difetto di portatori minoritari in prossimità della RCS.

La giunzione polarizzata portatori minoritari ($N_A > N_D$)

Diodo: $V_D > 0$



La giunzione polarizzata portatori minoritari

Diodo: $V_D > 0$

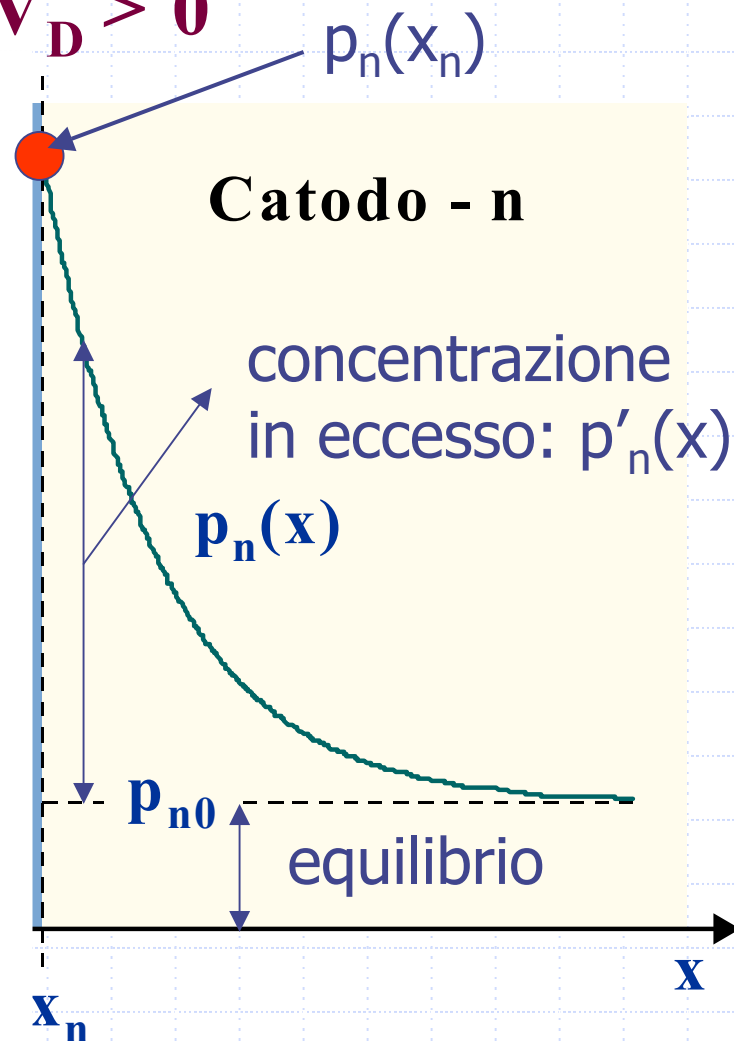
$$p_n(x) - p_{n0} = p'_n(x) =$$

$$\left[p_n(x_n) - p_{n0} \right] e^{-\frac{x-x_n}{L_p}}$$

per $x > x_n$

$$L_p = \sqrt{D_p \tau_p}$$

D_p = costante di diffusione
 τ_p = tempo di vita medio



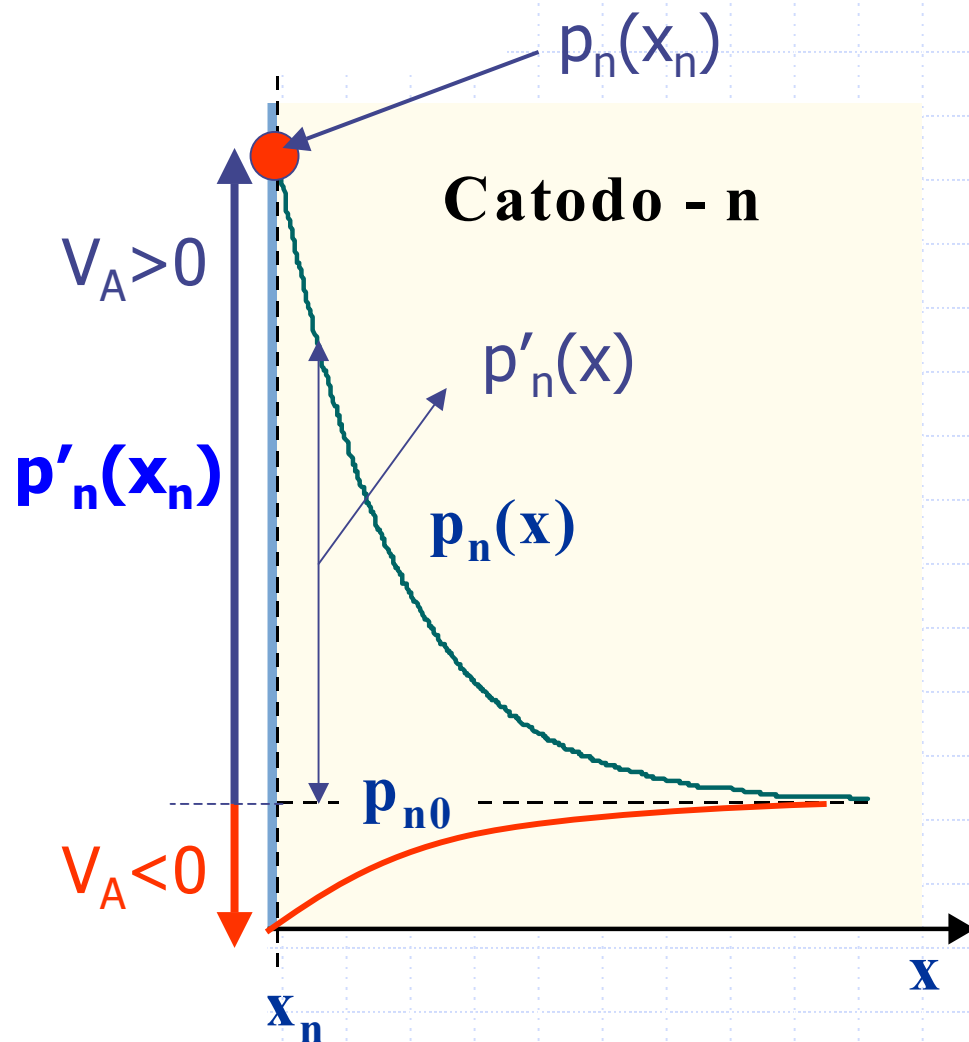
La giunzione polarizzata portatori minoritari



$$p'_n(x_n) = p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$

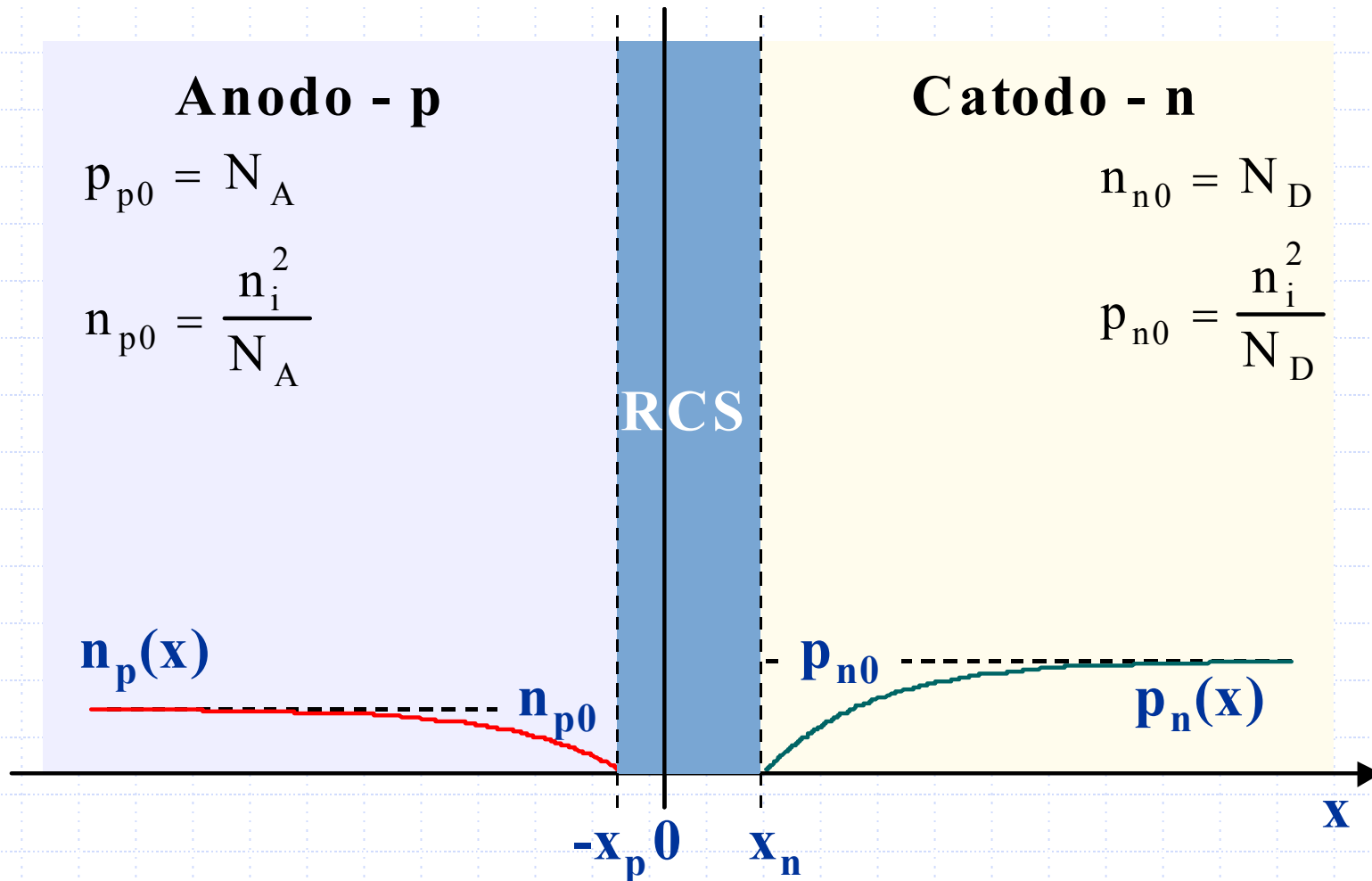
$$p'_n(x) = p'_n(x_n) e^{-\frac{x-x_n}{L_p}}$$

per $x > x_n$



La giunzione polarizzata portatori minoritari ($N_A > N_D$)

Diodo: $V_D < 0$

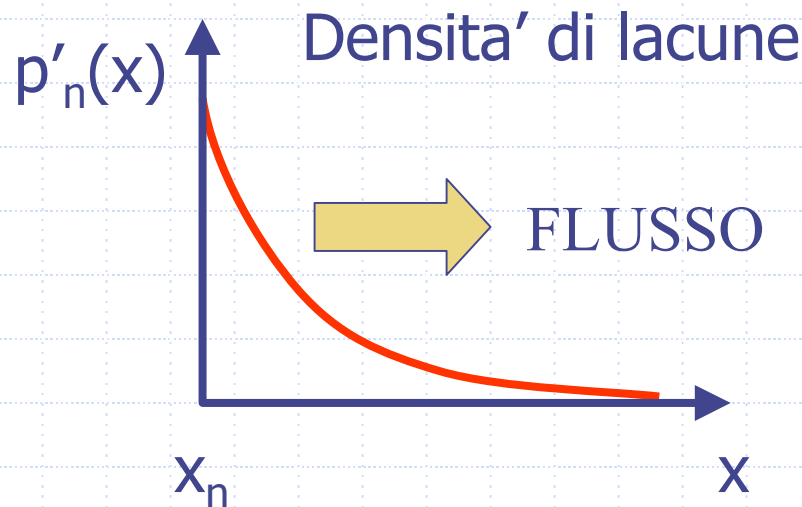


La giunzione polarizzata

Corrente nella giunzione pn

$$p'_n(x) = p'_n(x_n) e^{-\frac{x-x_n}{L_p}}$$

per $x > x_n$



Corrente di diffusione:

$$J_p(x) = -qD_p \frac{\partial p'_n(x)}{\partial x}$$

Corrente di lacune

$$J_p(x) = q \frac{D_p}{L_p} p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right) e^{-\frac{x-x_n}{L_p}}$$

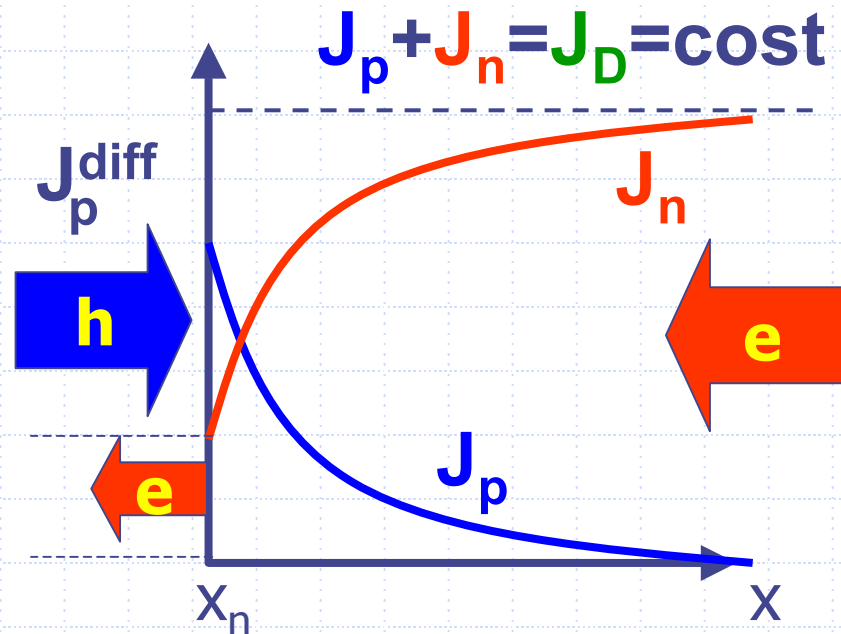
per $x > x_n$

J_p e' massima in $x=x_n$ e poi decade in modo esponenziale.

La giunzione polarizzata

Corrente nella giunzione pn

- (1) Le lacune vengono continuamente iniettate nel Silicio tipo n;
- (2) In presenza del gran numero di elettroni si ricombinano (lontano dalla giunzione non ci sono lacune in eccesso, $p'_n(x)=0$);



- (3) Vengono richiamati elettroni che si ricombinano con le lacune iniettate (dando una corrente verso destra);
- (4) In regime stazionario, la corrente lungo il diodo è costante.

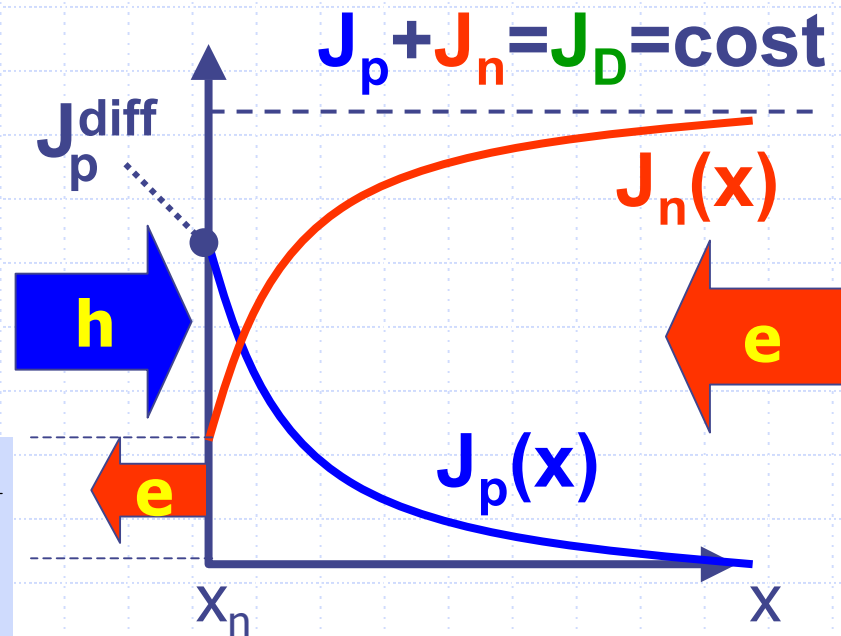
La giunzione polarizzata

Corrente nella giunzione pn

Consideriamo gli andamenti della corrente nella zona n

$$J_p(x) = q \frac{D_p}{L_p} p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right) e^{-\frac{x-x_n}{L_p}}$$

per $x > x_n$



$$J_p^{\text{diff}} = J_p(x_n) = q \frac{D_p}{L_p} p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$

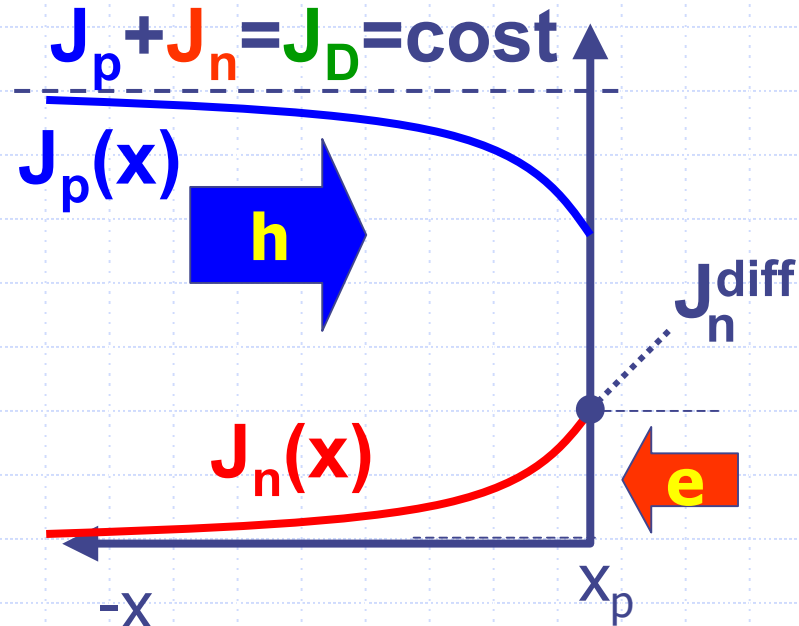
La giunzione polarizzata

Corrente nella giunzione pn

$$J_p^{\text{diff}} = J_p(x_n) = q \frac{D_p}{L_p} p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$

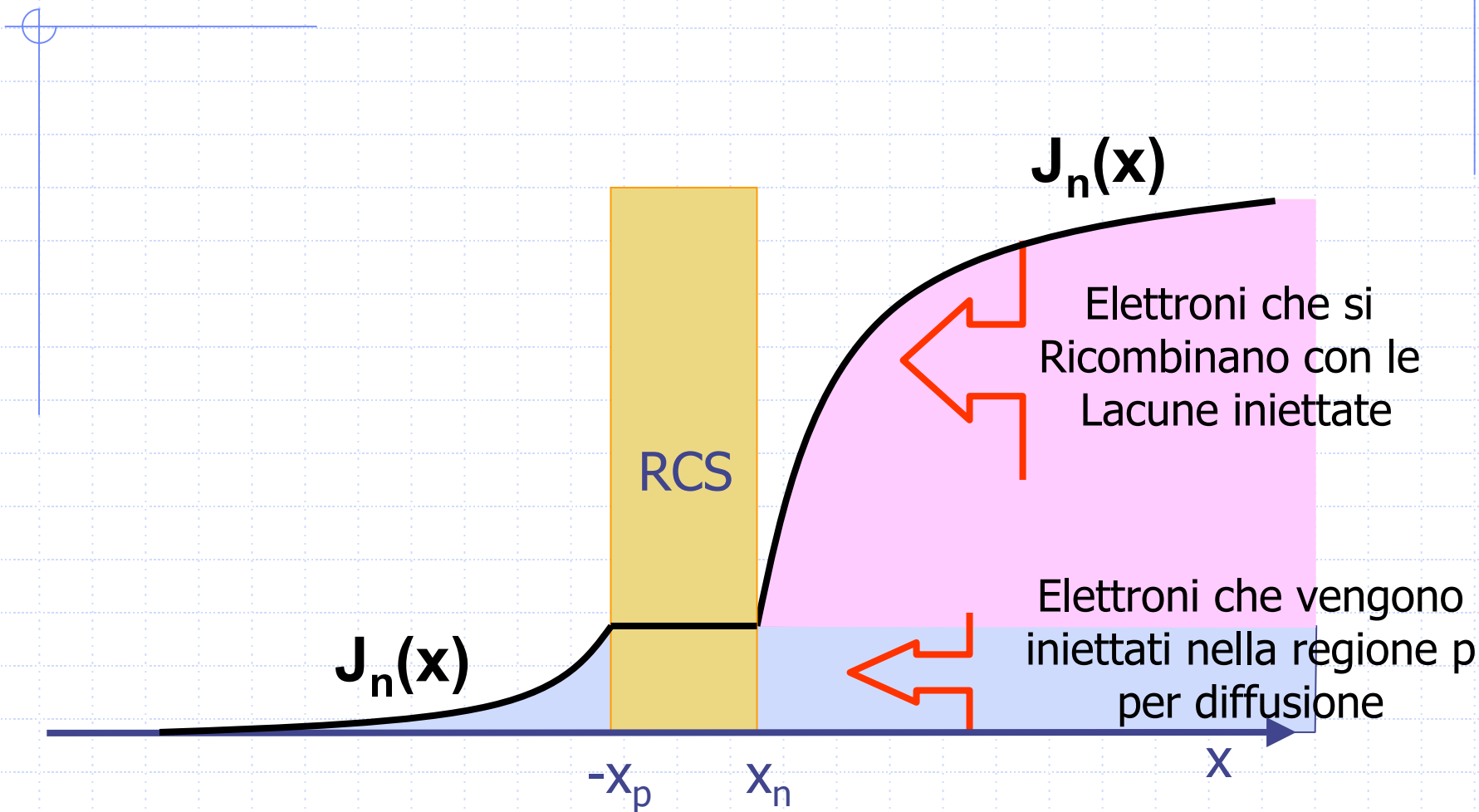
IN MODO ANALOGO NELLA ZONA P:

$$J_n^{\text{diff}} = J_n(-x_p) = q \frac{D_n}{L_n} n_{p0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$



La giunzione polarizzata

Corrente di elettroni

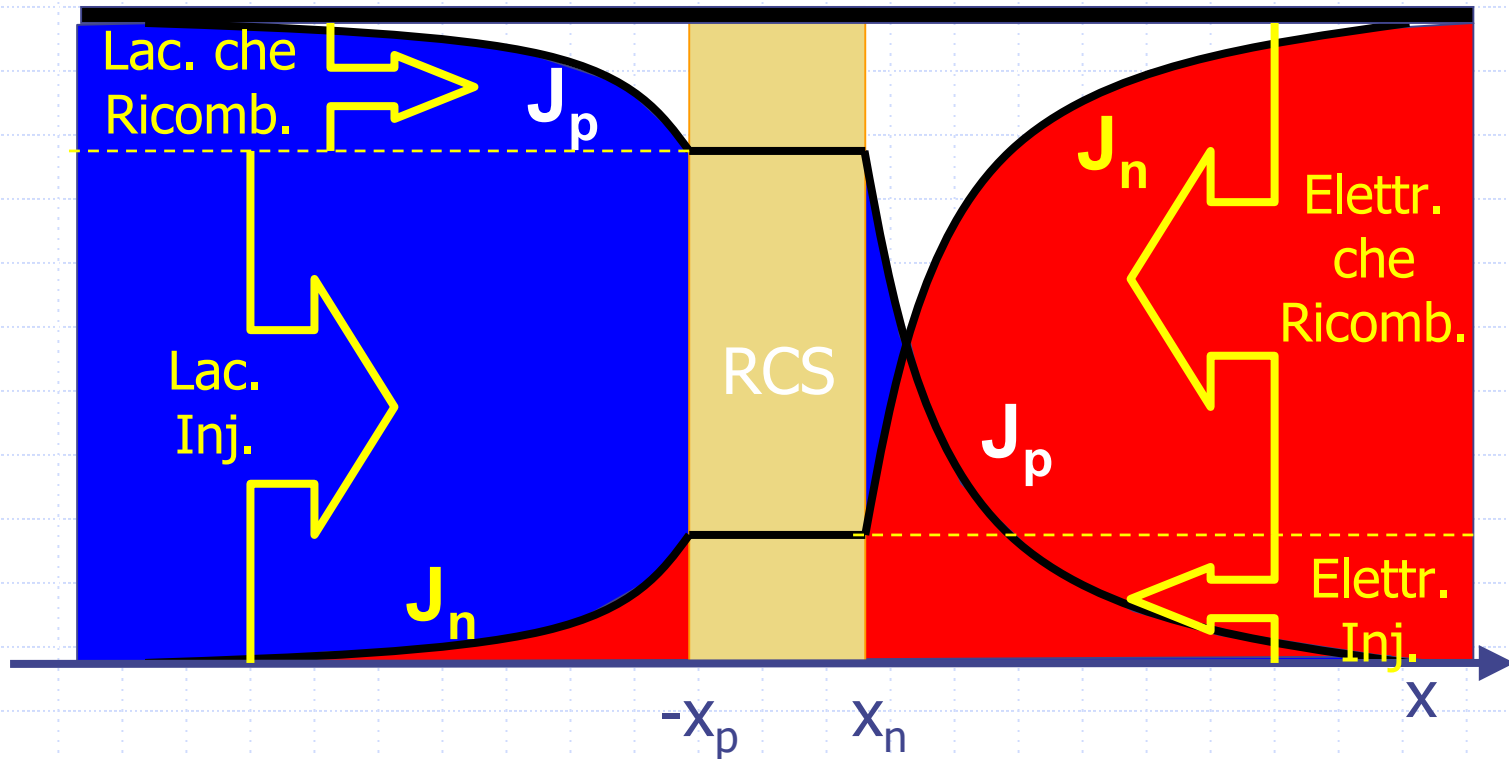


La giunzione polarizzata

$$N_A > N_D$$

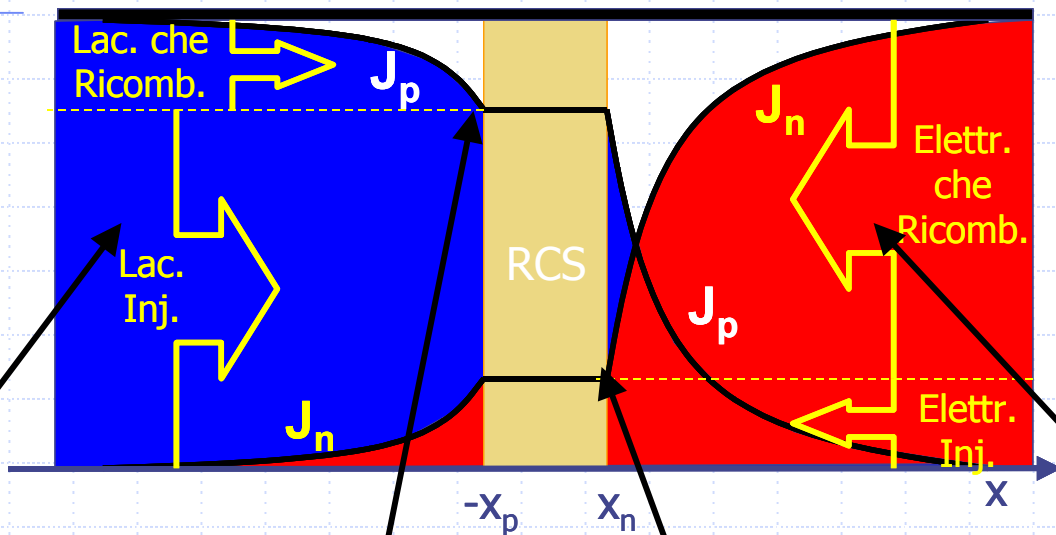
CORRENTE TOTALE

$$J_p + J_n = \text{cost}$$



La giunzione polarizzata

$$N_A > N_D$$
$$J_p + J_n = \text{cost}$$



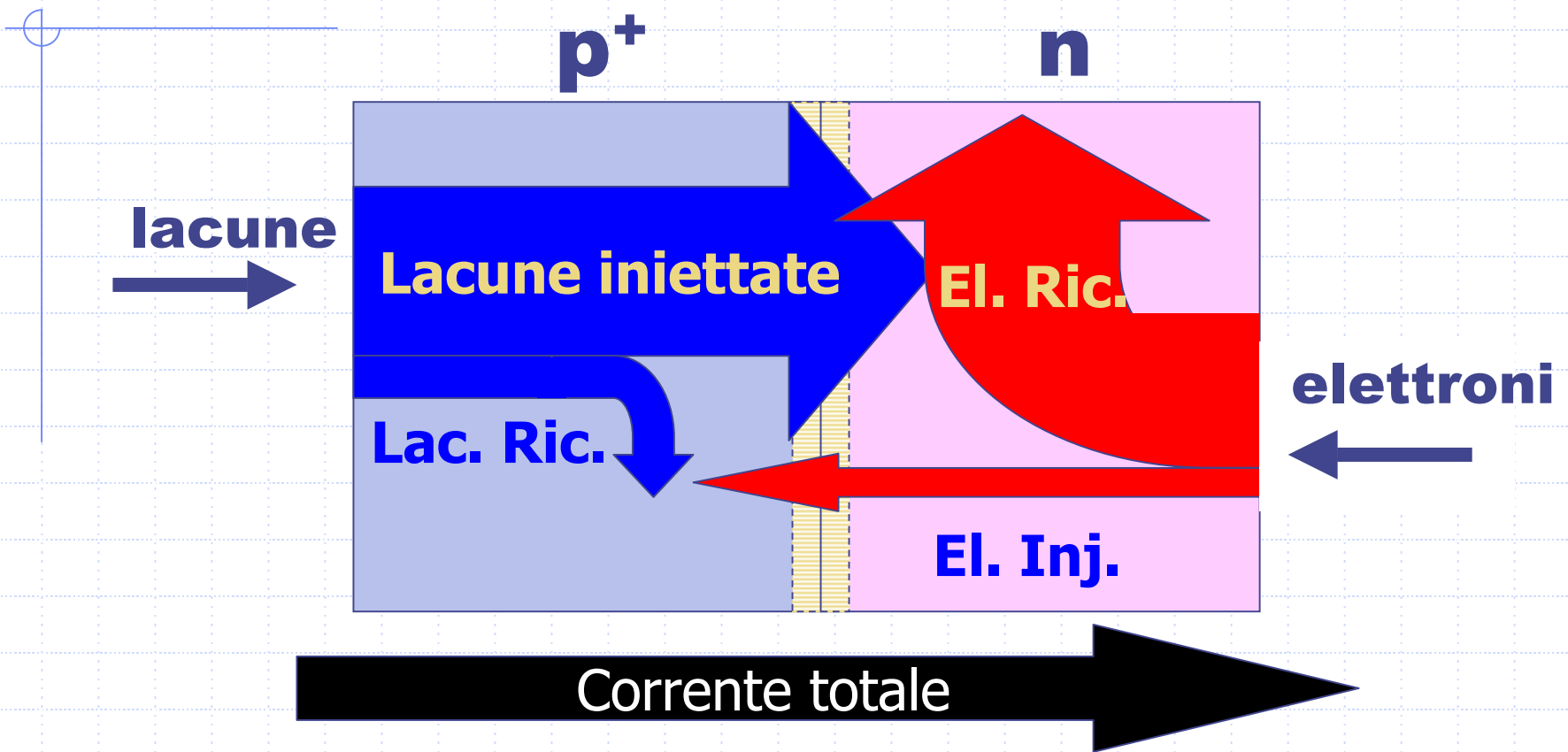
Lontano dalla giunzione, nella regione "p", ho corrente di sole lacune

alla giunzione
 $J_p > J_n$
perché è
 $N_A > N_D$

Lontano dalla giunzione, nella regione "n", ho corrente di soli elettroni

La giunzione polarizzata

CORRENTE TOTALE



Se $N_A > N_D$:

Lac. Iniettate $>$ El. Iniettati.
Lac. Ric $<$ El. Ric.

La giunzione polarizzata

CORRENTE TOTALE

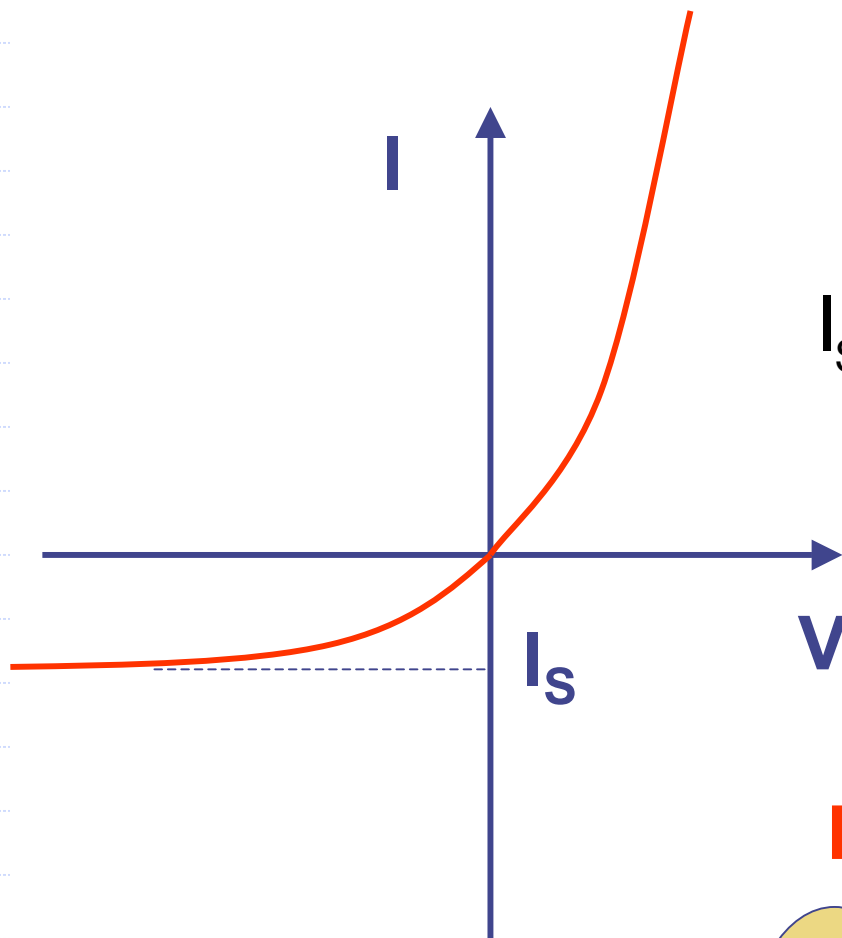
$$I = A \left[J_p(x_n) + J_n(-x_p) \right]$$

$$I = A \left(\frac{qD_p p_{n0}}{L_p} + \frac{qD_n n_{p0}}{L_n} \right) \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$

E ricordando che $p = \frac{n_i^2}{N_D}$ $n = \frac{n_i^2}{N_A}$

$$I = Aq n_i^2 \left(\frac{D_p}{N_D L_p} + \frac{D_n}{N_A L_n} \right) \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right) = I_S \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right)$$

Caratteristica I-V della giunzione PN



$$I = I_s \left(e^{V/V_T} - 1 \right)$$

$$I_s = Aq n_i^2 \left(\frac{D_p}{L_p N_D} + \frac{D_n}{L_n N_A} \right)$$

Breakdown



La giunzione *polarizzata* ***Diretta-inversa***



**Filmato
dimostrativo**

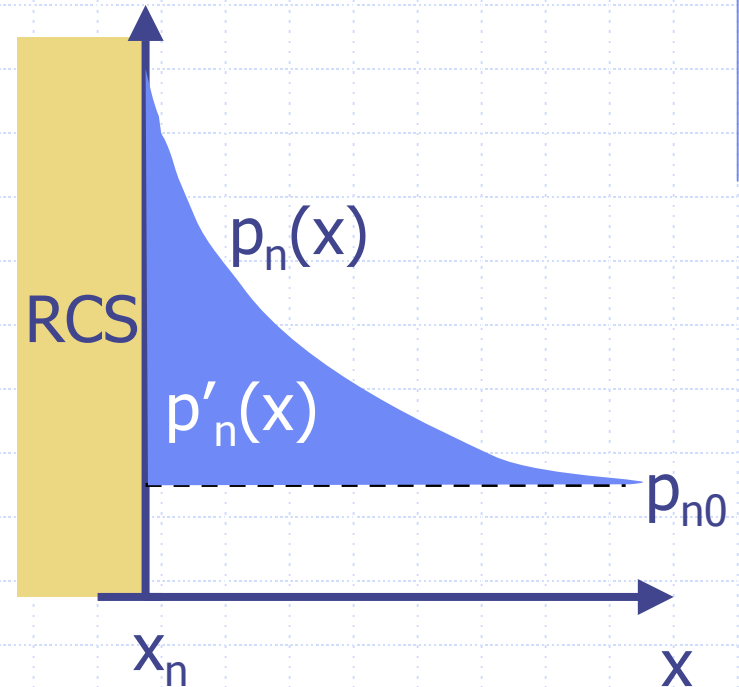
Capacità parassite nei diodi (Polarizzazione diretta)

$$Q_p = \int_{x_n}^{\infty} p'_n(x) dx$$

$$= AqL_p p_{n0} \left(e^{\frac{V_A}{V_T}} - 1 \right) = I_p \tau_p$$

Analogamente: $Q_n = I_n \tau_n$

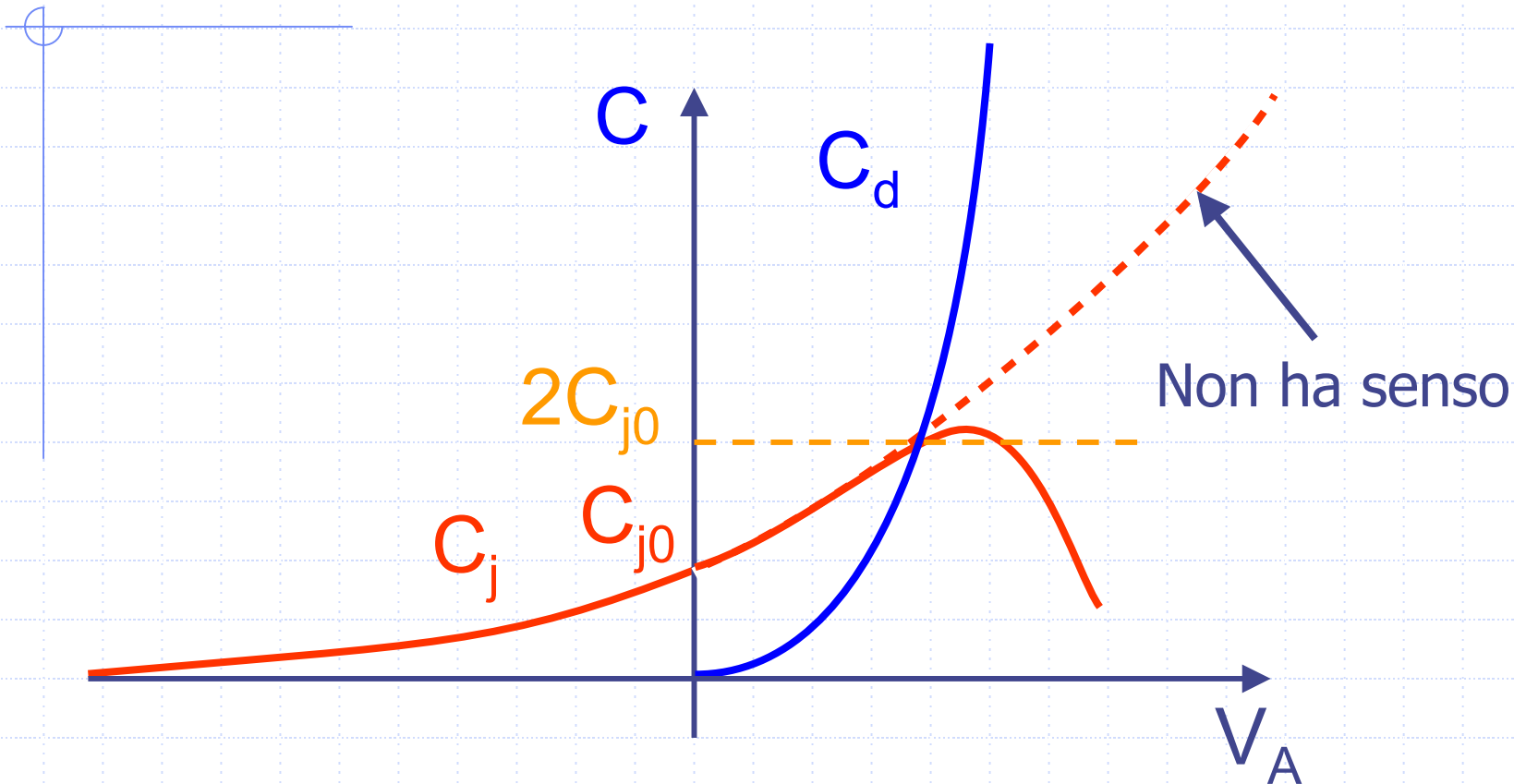
Quindi: $Q = I_n \tau_n + I_p \tau_p = I \tau_T$



$$C_d = \left. \frac{\partial Q}{\partial V_A} \right|_{V_A=V_Q} = \left(\frac{\tau_T}{V_T} \right) \cdot I$$

**Capacità di
DIFFUSIONE**

Capacità parassite nei diodi



In polarizzazione inversa (o debolmente diretta) domina la capacità di giunzione.

In **forte** polarizzazione diretta domina la capacità di diffusione