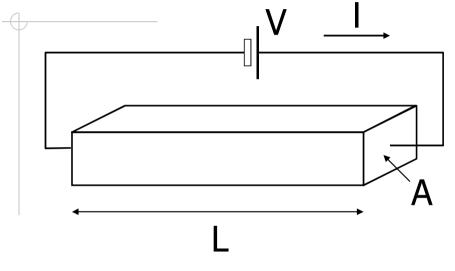


# Sommario

Richiami sui semiconduttori
conduttori, isolanti e semiconduttori
bande di energia
droganti nei semiconduttori
corrente di deriva e diffusione

# Conduttori, isolanti e semiconduttori



#### Resistenza

$$R = \frac{V}{I}[\Omega]$$

#### Resistività

$$\rho = R \cdot \frac{A}{L} [\Omega \cdot cm]$$

#### Classificazione:

ISOLANTI 
$$\rho > 10^5 \, [\Omega \, \mathrm{cm}]$$
SEMICONDUTTORI  $10^{-3} < \rho < 10^5 \, [\Omega \, \mathrm{cm}]$ 
CONDUTTORI  $\rho < 10^{-3} \, [\Omega \, \mathrm{cm}]$ 

**ISOLANTI** 
$$\rho > 10^5 [\Omega \text{cm}]$$

SEMICONDUTTORI 
$$10^{-3} < \rho < 10^5 [\Omega cm]$$

$$\rho$$
 <  $10^{-3}$  [ $\Omega$ cm]

#### L'atomo di Bohr

- Oli elettroni di un atomo non possono possedere un valore qualsiasi di energia (meccanica classica) ma soltanto valori discreti. Nel suo stato discreto di energia l'elettrone non emette radiazione (stato stazionario o non radiativo)
- Nella transizione tra due diversi stati stazionari, viene emessa una radiazione (fotone) di frequenza pari a:

Uno stato stazionario è determinato dalla condizione che il momento angolare dell'elettrone assume i seguenti valori quantizzati:

$$\mathsf{mvr} = \frac{\mathsf{nh}}{2\pi}$$

# Numeri quantici

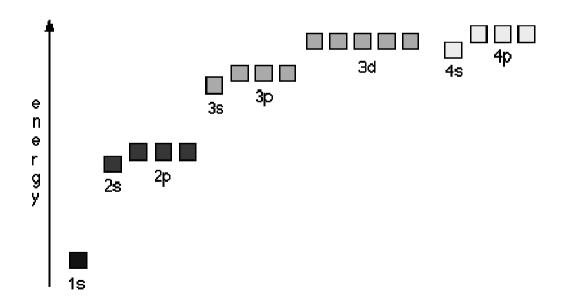
- L'intuizione di Bohr è stata confermata da Schrödinger, che ha sviluppato un'equazione d'onda che descrive la densità di probabilità di trovare, in un determinato punto nello spazio, un elettrone avente una determinata energia totale E
- La funzione d'onda che descrive ciascun elettrone di ogni atomo (<u>orbitale</u>) richiede 4 numeri detti numeri quantici: n, ℓ, m<sub>ℓ</sub>, m<sub>s</sub>
- n = 1,2,3... (n.q. principale, indica il livello energetico dell'orbitale)
- $\ell$  = 0 (s), 1 (p), 2 (d),....(n-1) (n.q. azimutale, indica la forma dell'orbitale)
- $m_{\ell}$  = 0, ±1, ±2, ..., ± $\ell$  (n.q. magnetico, indica l'orientamento)

 $m_s = \pm 1/2$  (spin)

# Numeri quantici

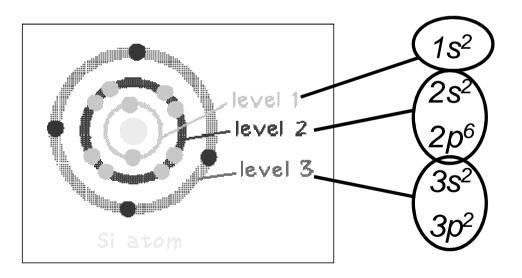
Principio di esclusione di Pauli:

"due elettroni non possono avere il medesimo set di numeri quantici"



# Proprietà del silicio (N° atomico = 14)

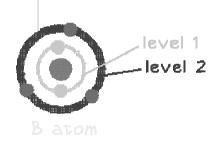
Il Silicio (come pure il Germanio, n.a. 32) forma reticoli cristallini le cui proprietà elettriche possono essere modificate sostanzialmente con una limitata sostituzione di atomi (drogaggio)



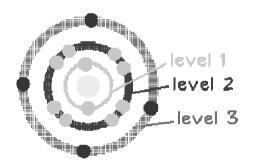


#### Elettroni di valenza

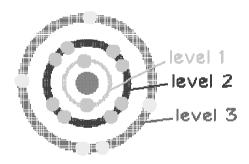
Gli elettroni nello strato esterno di un atomo sono detti elettroni di valenza. Tali elettroni hanno effetto sulle reazioni chimiche dell'atomo e determinano le proprietà elettriche dell'elemento.



Atomo di Boro 3e valenza



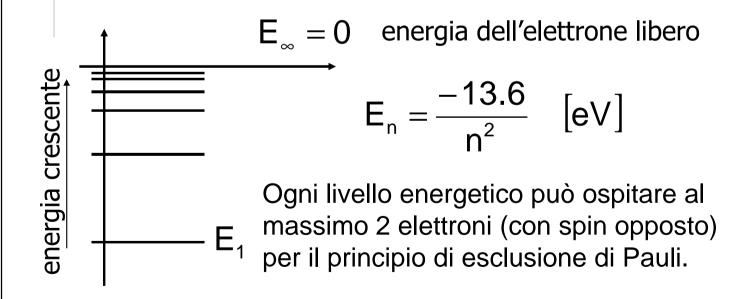
Atomo di Silicio 4e valenza



Atomo di Fosforo 5e valenza

### Modello a Bande

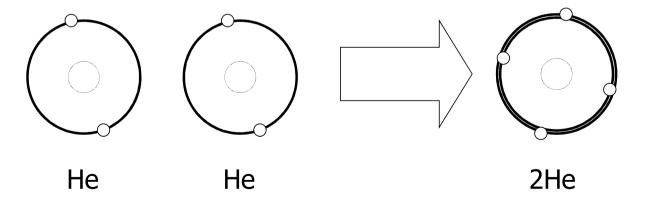
Secondo la meccanica quantistica, i livelli energetici permessi agli elettroni sono:

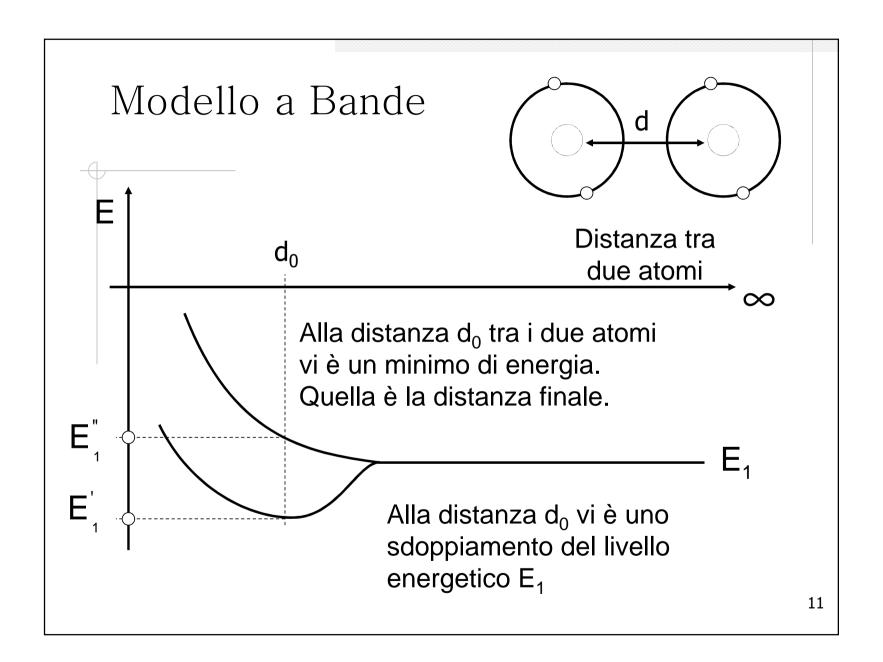


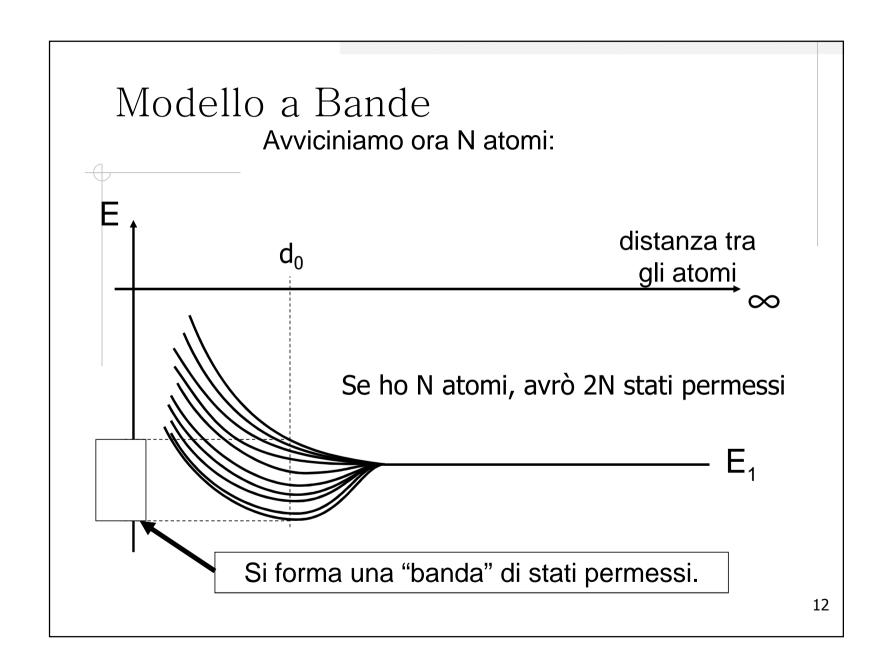
#### Modello a Bande

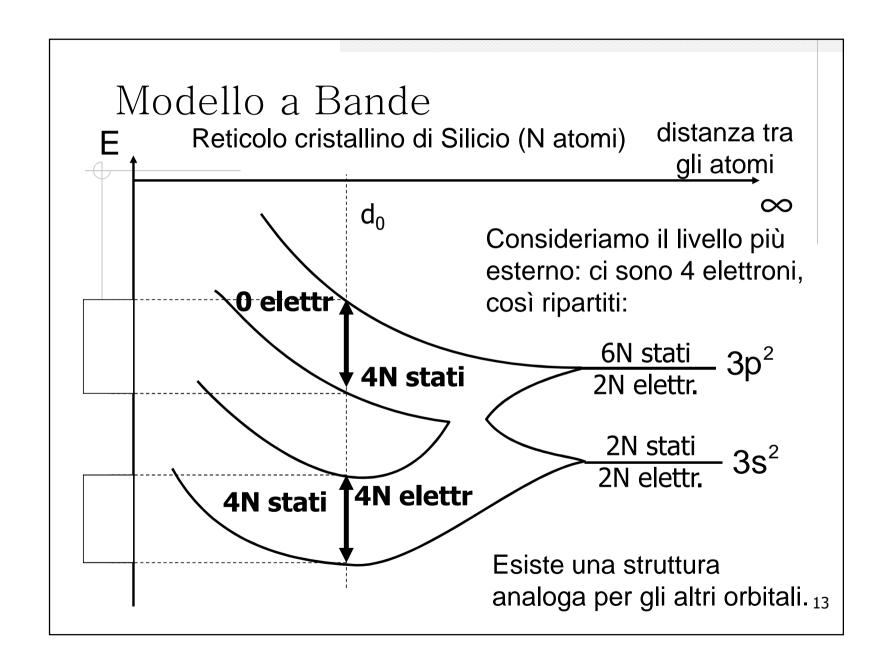
Pensiamo di avvicinare due atomi di He (2e, 2p, 2n). Si avrà interazione tra gli atomi e la relazione:  $E_n = \frac{-13.6}{n^2}$  [eV] non vale più.

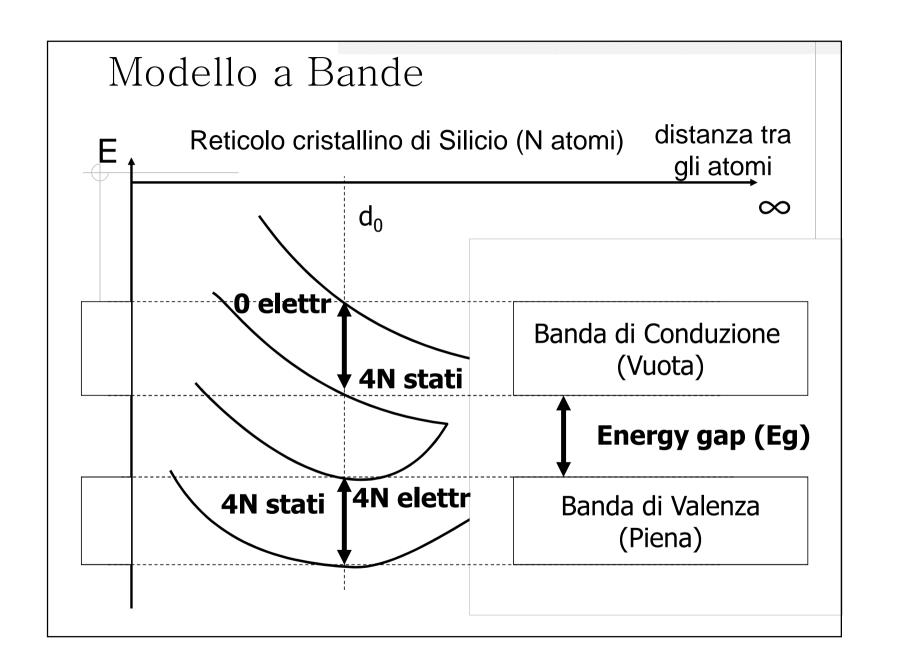
Quando i due atomi si uniscono a formare un unico sistema, ci saranno 4 elettroni da sistemare nel livello  $E_1$ . Per soddisfare il principio di esclusione di Pauli, il livello  $E_1$  si sdoppia:



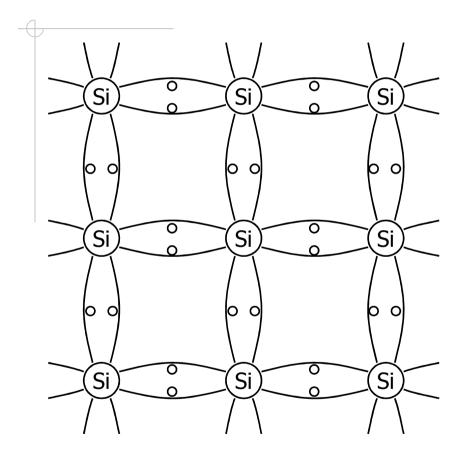








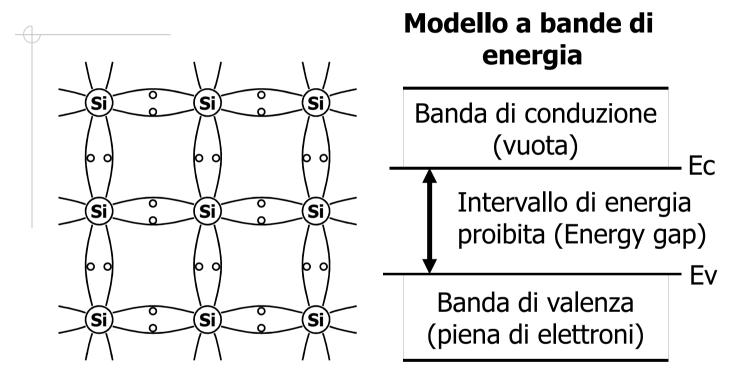
## Cristallo di silicio (a T=0 K)



In un cristallo di silicio (o germanio) i 4 elettroni di valenza sono posti in comune tra atomi contigui nel cristallo.

In questo modo ogni atomo completa l'orbitale esterno (con 8 elettroni)

# Cristallo di silicio (a T=0 K)



In queste condizioni, applicando una piccola differenza di potenziale, non ci sarà movimento di elettroni in quanto questi sono saldamente vincolati agli atomi!

#### Metalli

Banda di conduzione Parzialmente occupata

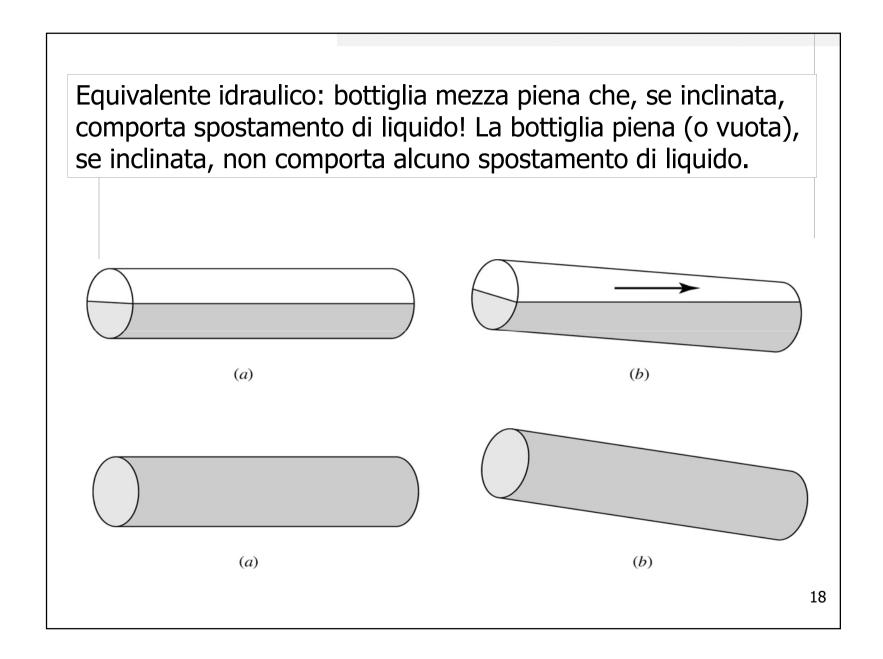
Banda di valenza (piena di elettroni)

Ev

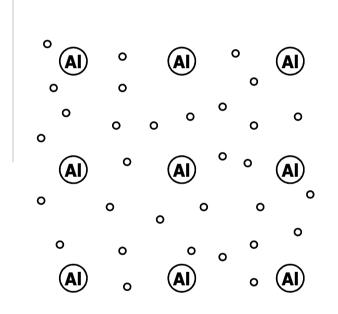
Per avere conduzione (movimento di cariche) ci devono essere livelli energetici liberi e la possibilità di raggiungerli.

Nei metalli, gli elettroni dell'orbitale più esterno sono debolmente legati agli atomi e sono liberi di muoversi nel reticolo.

Se si applica una piccola differenza di potenziale, si ha circolazione di corrente.



### Metalli



Gli elettroni dell'orbitale più esterno sono debolmente legati agli atomi.

(Concetto di gas elettronico)

Se si applica una piccola differenza di potenziale, si ha circolazione di corrente.

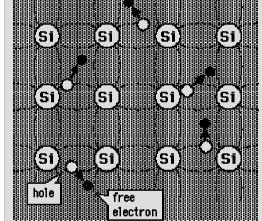
#### Semiconduttori intrinseci

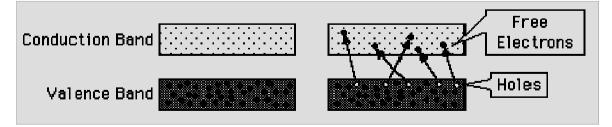
In un cristallo di Si (o altri) a temperatura al di sopra dello zero assoluto, si ha una probabilità non nulla che un elettrone acquisisca energia sufficiente a rompere

il legame covalente, passando dalla

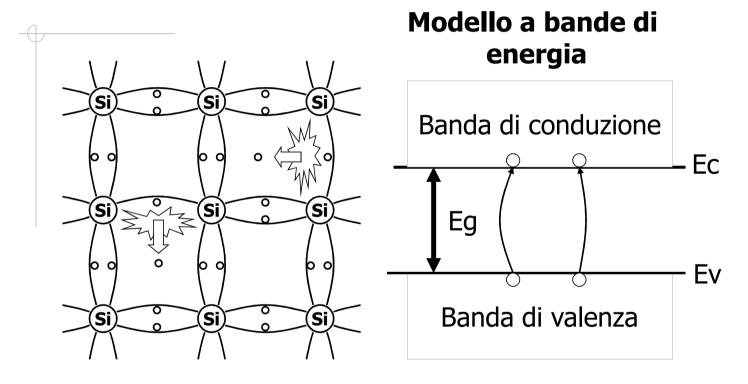
banda di conduzione.

L'elettrone abbandona l'atomo relativo (che diventa uno ione carico positivamente) lasciandosi dietro un legame incompleto detto *lacuna*.





#### Cristallo di silicio



Per rompere il legame covalente (e originare una coppia elettrone/lacuna) serve una quantità minima di energia pari a Eg.

#### Semiconduttori intrinseci

A temperatura ambiente (25° C) la densità di elettroni presenti in un semiconduttore intrinseco ( $\mathbf{n_i}$ ) che statisticamente (in un equilibrio dinamico) si trovano in banda di conduzione è dell'ordine di

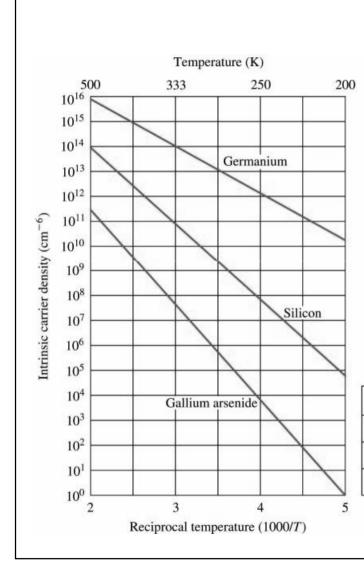
10<sup>10</sup> elettroni/cm<sup>3</sup>.

$$n_i^2 = BT^3 \exp\left(-\frac{Eg}{kT}\right)$$

La densità di atomi nel cristallo è dell'ordine di 10<sup>22</sup> atomi/cm<sup>3</sup>, per cui all'incirca un atomo ogni 10<sup>12</sup> perde un elettrone di valenza.

Per il bilanciamento delle cariche, si ha anche che

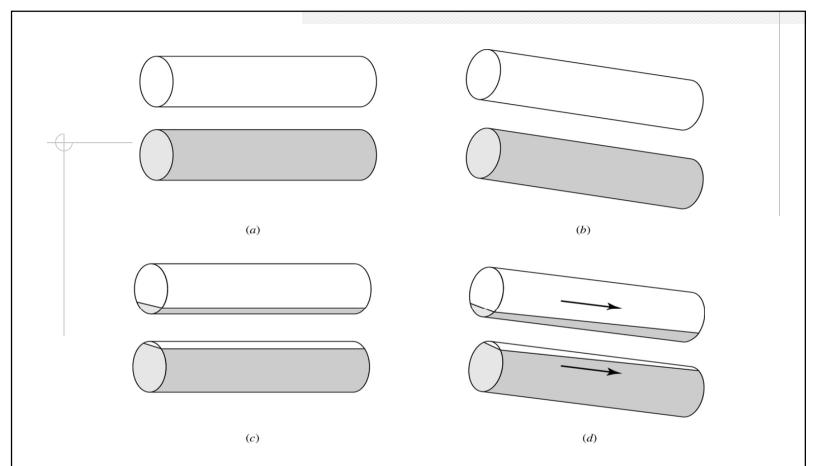
$$n = p = n_i$$



- n = densità di elettroni (elettroni/cm<sup>3</sup>).  $n = n_i$  per un materiale intrinseco.

$$n_i^2 = BT^3 \exp\left(-\frac{Eg}{kT}\right)$$

	B (K <sup>-3</sup> ⋅cm <sup>-6</sup> )	$E_G(eV)$
Si	$1.08 \times 10^{31}$	1.12
Ge	$2.31 \times 10^{30}$	0.66
GaAs	$1.27 \times 10^{29}$	1.42



Analogia tra semiconduttore e fluido.

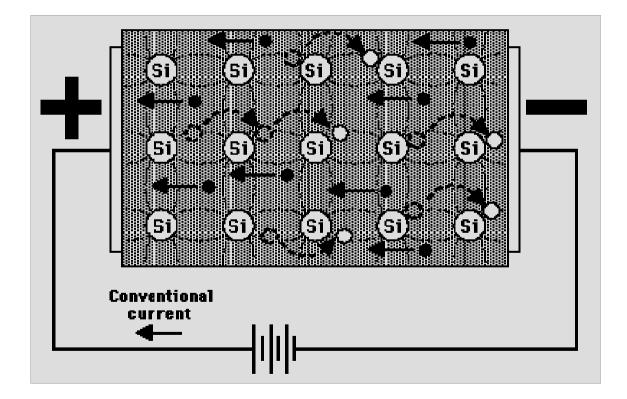
- (a) e (b) Nessun movimento netto di fluido avviene in caso di contenitore vuoto o completamente pieno.
- (c) e (d) Si ha movimento di fluido nel caso in cui una parte del fluido del contenitore inferiore sia stata spostata in quello superiore.

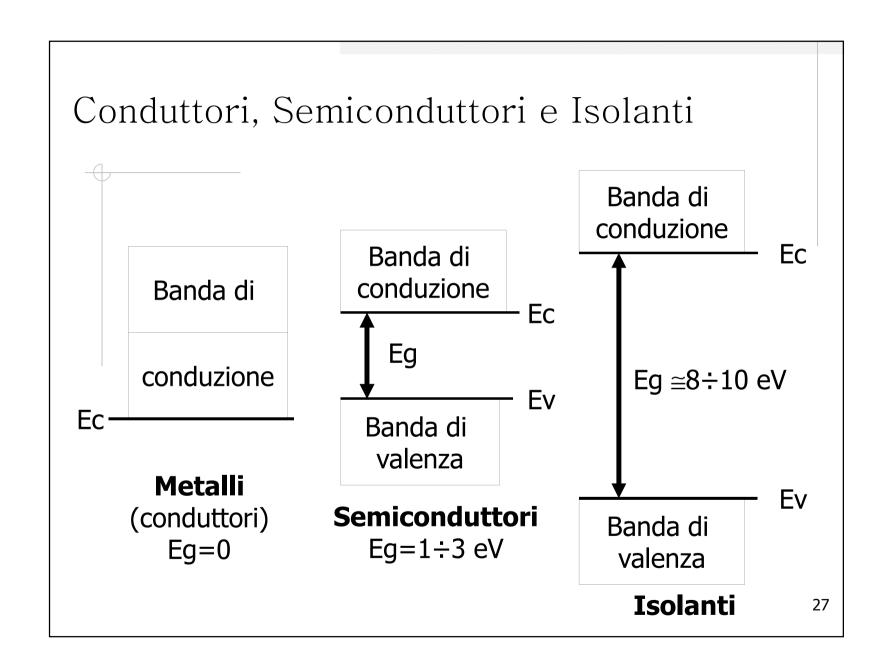
# Materiali Semiconduttori

Semiconductor	Bandgap Energy E <sub>G</sub> (eV)	
Carbon (diamond)	5.47	
Silicon	1.12	
Germanium	0.66	
Tin	0.082	
Gallium arsenide	1.42	
Gallium nitride	3.49	
Indium phosphide	1.35	
Boron nitride	7.50	
Silicon carbide	3.26	
Cadmium selenide	1.70	

	IIIA	IVA	VA	VIA
	5 10.811	6 12.01115	7 14.0067	8 15.9994
	В	C	N	О
	Boron	Carbon	Nitrogen	Oxygen
	13 26.9815	14 28.086	15 30.9738	16 32.064
	Al	Si	P	S
IIB	Aluminum	Silicon	Phosphorus	Sulfur
30 65.37	31 69.72	32 72.59	33 74.922	34 78.96
Zn	Ga	Ge	As	Se
Zinc	Gallium	Germanium	Arsenic	Selenium
48 112.40	49 114.82	50 118.69	51 121.75	52 127.60
Cd	In	Sn	Sb	Te
Cadmium	Indium	Tin	Antimony	Tellurium
80 200.59	81 204.37	82 207.19	83 208.980	84 (210)
Hg	Tl	Pb	Bi	Po
Mercury	Thallium	Lead	Bismuth	Polonium

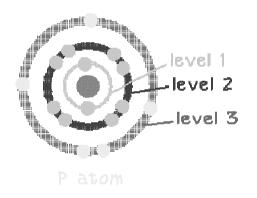
In presenza di una tensione applicata, sia elettroni liberi che lacune contribuiscono ad una piccola corrente.





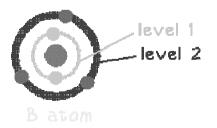
# Semiconduttori drogati

L'aggiunta di una piccola percentuale di atomi di altri elementi nel cristallo comporta forti cambiamenti nelle proprietà elettriche del cristallo, che viene detto drogato.



#### **FOSFORO**

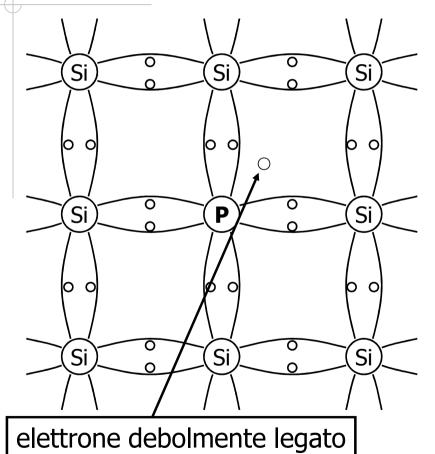
(5 elettroni di valenza) fornisce 1 elettrone aggiuntivo (**donatore**). Drogaggio di tipo n



#### **BORO**

(3 elettroni di valenza) fornisce 1 lacuna aggiuntiva (**accettore**). Drogaggio di tipo p

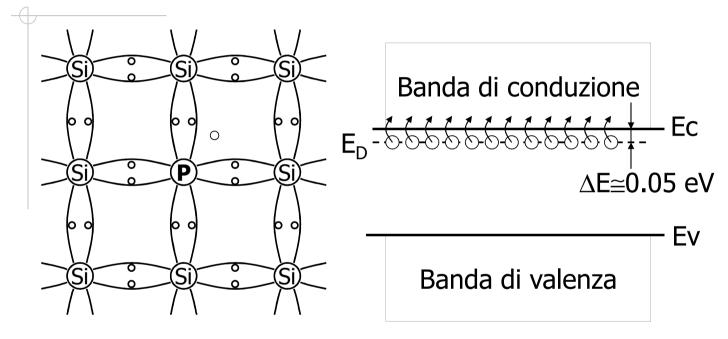
Silicio drogato "tipo n" Con atomi "donatori"



L'aggiunta di impurità pentavalenti (Sb, As, P) introduce elettroni liberi che non partecipano ai legami covalenti, e aumentano la conduttività del semiconduttore. (non si creano lacune),

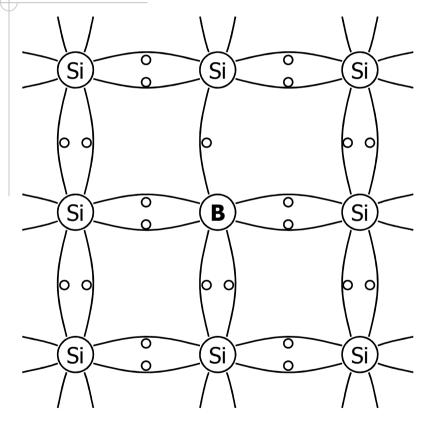
Gli atomi del **V** gruppo donano un elettrone e per questo vengono detti: "**donatori**"

# Silicio drogato "tipo n" Con atomi "donatori"



A T=300 K tutti i donatori sono ionizzati. Se introduco  $N_D$  [cm<sup>-3</sup>] (con  $N_D >> n_i$ ) donatori allora  $n \cong N_D$ 

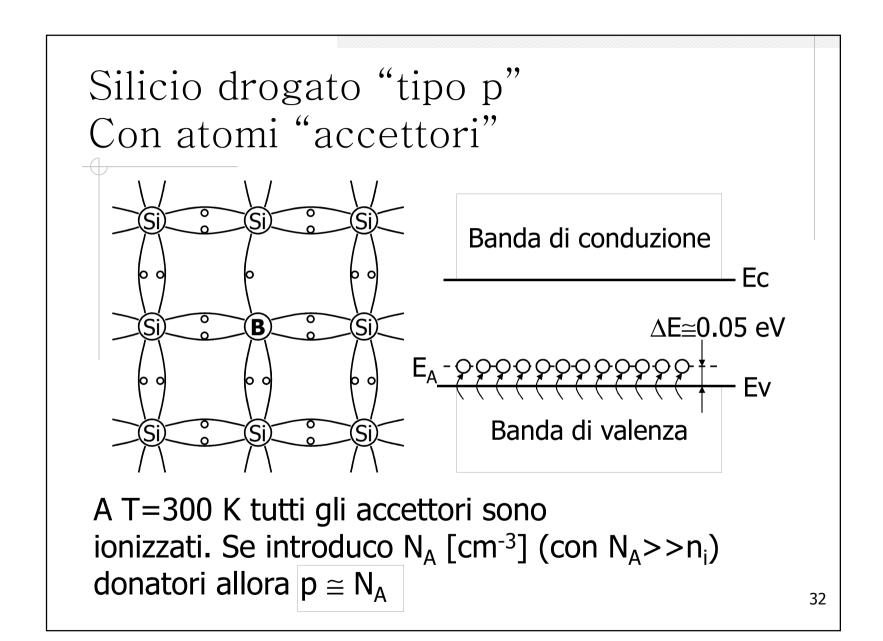
Silicio drogato "tipo p" Con atomi "accettori"



L'aggiunta di impurità trivalenti(B, Al, Ga) crea delle assenze di elettroni di valenza (lacune) che aumentano la conduttività del semiconduttore.

Gli atomi del **III**gruppo accettano un
elettrone e per questo
vengono detti:

"accettori"



#### Generazione/Ricombinazione

#### Legge dell'azione di massa

Definizione: electron/hole pair = EHP

Sia **G** il tasso di generazione delle EHP (numero di EHP che si generano nell'unità di tempo e nell'unità di volume). In prima approssimazione, **G** dipende solo dalla temperatura:

$$G = f_1(T)$$

Sia **R** il processo complementare di G: cioè il tasso di ricombinazione (processo mediante il quale un elettrone libero si lega ad un legame covalente "vacante").

In prima approssimazione, **R** può avvenire solo in presenza di elettroni e lacune. Quindi **R** dipende dal prodotto delle concentrazioni di elettroni e lacune:

$$R = n \cdot p \cdot f_2(T)$$

# Generazione/Ricombinazione in equilibrio

All'equilibrio termodinamico, i tassi di generazione (**G**) e ricombinazione (**R**) si equivalgono

$$G = R \Rightarrow n \cdot p = \frac{f_1(T)}{f_2(T)} = f(T)$$

In un semiconduttore intrinseco  $n_i = p_i$ , quindi:

$$n_i \cdot p_i = n_i^2 = f(T)$$

Di conseguenza anche per i semiconduttori estrinseci (drogati) vale:

 $\mathbf{n} \cdot \mathbf{p} = \mathbf{n}_i^2$ 

Legge dell'azione di massa

# Silicio drogato

### **Semiconduttore tipo "n":**

$$n \cong N_D$$
$$p = \frac{n_i^2}{n} \cong \frac{n_i^2}{N_D}$$

Esempio:

$$N_D = 10^{18} [cm^{-3}], \quad n = 10^{18}, p = 2.1 \cdot 10^2 [cm^{-3}]$$

## **Semiconduttore tipo "p":** $p \cong N_A$

Esempio:

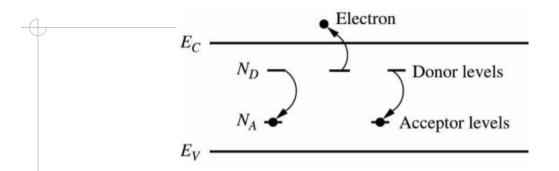
$$p \cong N_A$$

$$n = \frac{n_i^2}{p} \cong \frac{n_i^2}{N_A}$$

$$N_A = 10^{16} \, \text{cm}^{-3}$$
,  $p = 10^{16}, n = 2.1 \cdot 10^4 \, \text{cm}^{-3}$ 

$$n_n >> n_i = p_i >> p_n$$
 e  $p_p >> p_i = n_i >> n_p$ 

#### **COMPENSAZIONE**



Un semiconduttore compensato ha sia drogante di tipo-n che di tipo-p. Se  $N_D > N_A$  gli elettroni forniti dagli atomi donori andranno ad occupare le lacune associate agli atomi accettori; gli elettroni rimanenti, in concentrazione  $N_D$ - $N_A$ , a temperatura ambiente si troveranno in banda di conduzione.

#### COMPENSAZIONE

- $\bullet$  Se  $N_D > N_A$ , il materiale è di tipo-n. Se  $N_A > N_D$ , il materiale è di tipo-p.
- I portatori (elettroni o lacune) presenti in concentrazione maggiore si dicono portatori maggioritari, gli altri si dicono portatori minoritari.
- Per la neutralità della carica si ha:

$$q(N_D + p - N_A - n) = 0$$

Per la legge dell'azione di massa, all'equilibrio termodinamico, si ha: pn = n<sub>i</sub><sup>2</sup>

### Semiconduttore tipo-n

- Sostituendo  $p=n_i^2/n$  in  $q(N_D + p N_A n) = 0$  si ottiene:  $n^2 (N_D N_A)n n_i^2 = 0$ .
- Risolvendo in n:

$$n = \frac{(N_D - N_A) \pm \sqrt{(N_D - N_A)^2 + 4n_i^2}}{2} e p = \frac{n_i^2}{n}$$

Per 
$$(N_D - N_A) >> 2n_i$$
,  $n \approx (N_D - N_A)$ .  $p = \frac{n_i^2}{N_D - N_A}$ 

### Semiconduttore tipo-p

In modo similare si può ottenere la concentrazione di lacune in un semiconduttore di tipo-p (in presenza di entrambe le specie droganti):

$$p = \frac{(N_A - N_D) \pm \sqrt{(N_A - N_D)^2 + 4n_i^2}}{2} e n = \frac{n_i^2}{p}$$

Per 
$$(N_A - N_D) >> 2n_i$$
,  $p \approx (N_A - N_D)$ .  $n = \frac{n_i^2}{N_A - N_D}$ 

# Corrente di Deriva (in presenza di un campo elettrico, E)

Velocita'

$$v \propto E$$

Velocita' delle lacune

$$V = \mu_p E$$
Campo E
Mobilita'
Velocita' (cm/s)

Velocita' degli elettroni

$$v = -\mu_n E$$

Sono velocita' medie Collisioni e urti!!!

$$J_{drift} = q(p\mu_p + n\mu_n)E$$

$$J_{drift} = \sigma E$$

$$\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{1}{q(p\mu_p + n\mu_n)}$$
 Resistività

Conducibilità

### Si intrinseco vs Si drogato

#### Silicio intrinseco:

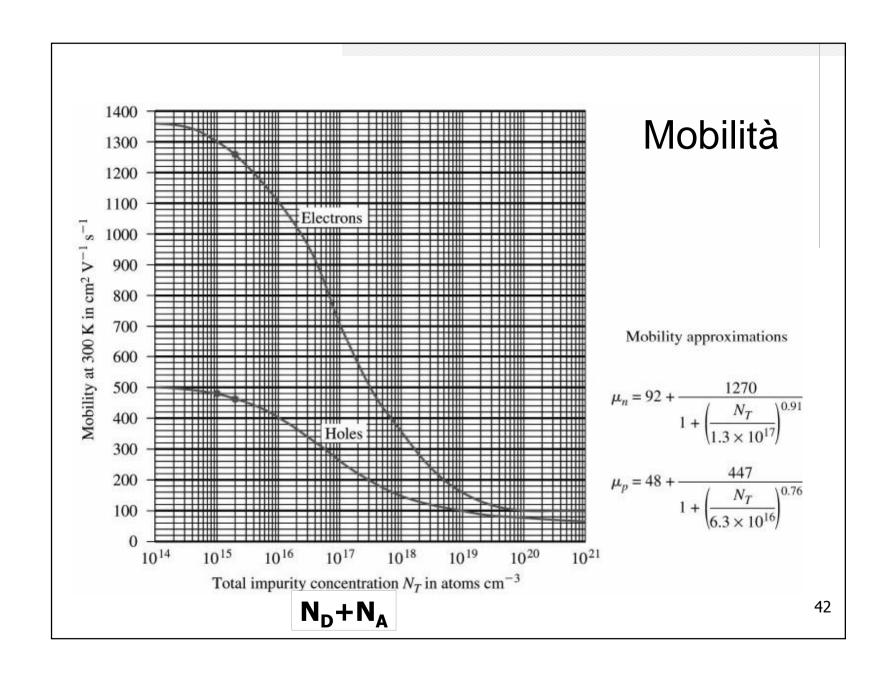
$$n = p = n_i = 1.45 \cdot 10^{10} \left[ \text{cm}^{-3} \right]$$

$$\rho_{i-Si} = \frac{1}{q(p\mu_p + n\mu_n)} \approx 2 \cdot 10^5 \left[ \Omega \cdot \text{cm} \right]$$

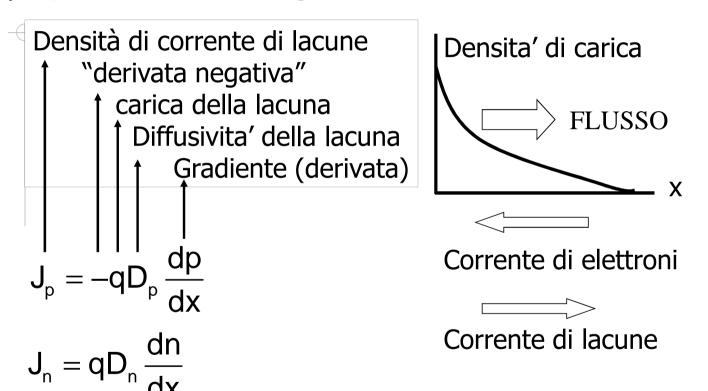
#### Silicio tipo "n":

$$N_D = 10^{18} \, \text{cm}^{-3}$$
,  $n = 10^{18}, p = 2.1 \cdot 10^2 \, \text{cm}^{-3}$ 

$$\rho_{\mathsf{n-Si}} \cong \frac{1}{\mathsf{qn}\mu_{\mathsf{n}}} \cong 1.6 \cdot 10^{-2} \left[\Omega \cdot \mathsf{cm}\right]$$



# Corrente di Diffusione (in presenza di un gradiente di concentrazione)



Nel caso degli elettroni, il segno e' diverso perche' la corrente di elettroni ha verso opposto rispetto al loro flusso

### Corrente complessiva (1)

$$J_{drift} = q(p\mu_p + n\mu_n)E$$
 Deriva

$$J_{diffusion} = q \left( -D_p \frac{dp}{dx} + D_n \frac{dn}{dx} \right)$$
 **Diffusione**

$$\frac{D_p}{\mu_p} = \frac{D_n}{\mu_n} = \frac{kT}{q} = V_T$$

 $\frac{D_p}{\mu_p} = \frac{D_n}{\mu_n} = \frac{kT}{q} = V_T \quad \begin{array}{l} \text{Relazione di Einstein} \\ \text{lega la diffusione con la deriva} \\ \text{A temperatura ambiente} \end{array}$  $V_T \cong 25 \text{ mV}$ 44

### Corrente complessiva (2):

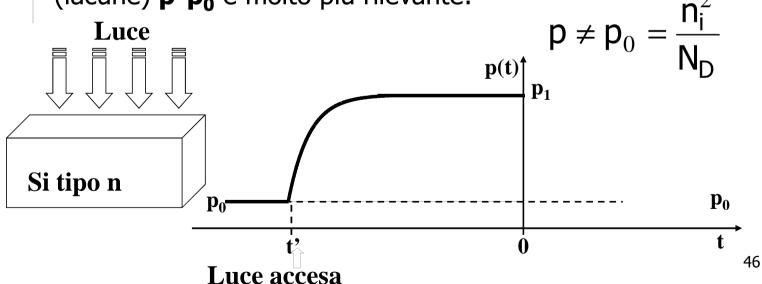
$$J_{nx}(x) = q\mu_n n(x)E(x) + qD_n \frac{dn(x)}{dx}$$

Densità di corrente complessiva di elettroni

$$J_{px}(x) = q\mu_p p(x)E(x) - qD_p \frac{dp(x)}{dx}$$

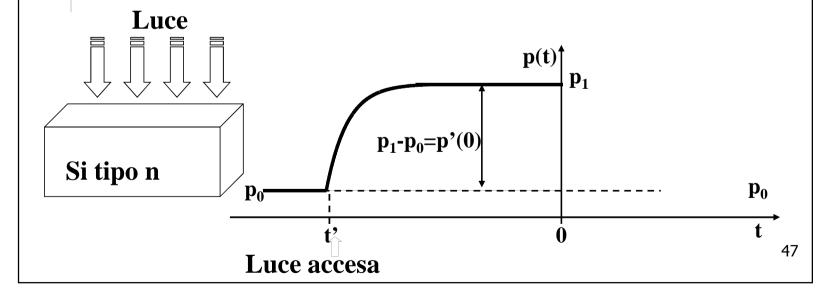
Densità di corrente complessiva di lacune

L'illuminazione del semiconduttore di **tipo n** causa la rottura di alcuni legami covalenti con conseguente generazione di coppie elettrone-lacuna. Mentre l'aumento percentuale di cariche maggioritarie (elettroni) è trascurabile (condizione di bassa iniezione,  $\mathbf{n} \approx \mathbf{n_0} = \mathbf{N_D}$ ), l'aumento di cariche minoritarie (lacune)  $\mathbf{p} - \mathbf{p_0}$  è molto più rilevante:



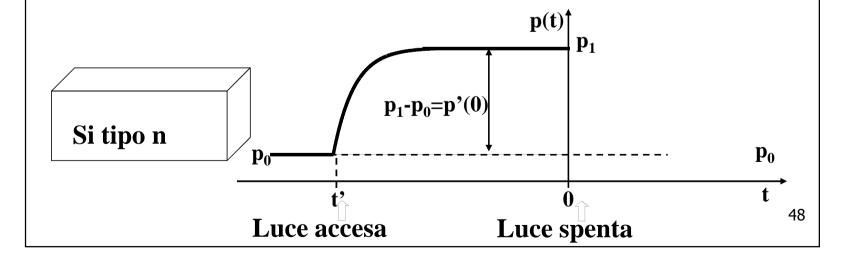
Dopo un tempo sufficientemente lungo il sistema si trova all'equilibrio con una concentrazione di lacune pari a  $p_1$ . Il tasso di ricombinazione **R** sarà approssimativamente:

$$R = n \cdot p \cdot f_2(T) \approx N_D \cdot p \cdot f_2(T)$$



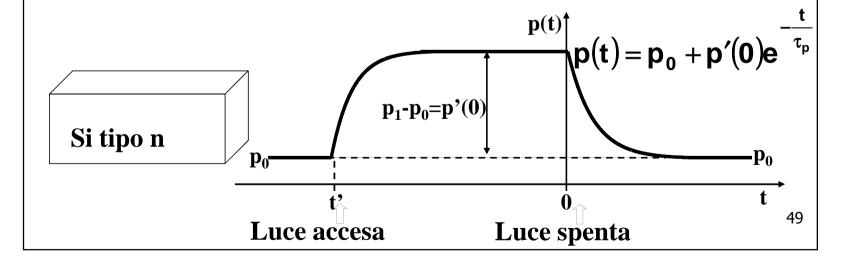
All'istante t=0 la luce viene spenta: pertanto, il tasso di generazione G torna ad essere funzione solamente della temperatura e pari al valore  $\mathbf{G_0}$ , che era in equilibrio con il tasso di ricombinazione  $R_0$  in condizioni normali :

$$G = G_0 = f_1(T) = R_0 = N_D \cdot p_0 \cdot f_2(T)$$



L'evoluzione temporale **p(t)** della concentrazione di lacune a partire dall'istante t=0 è determinata dalla differenza tra i tassi di generazione e ricombinazione:

$$G - R = \frac{dp}{dt} = -N_D \cdot f_2(T) \cdot (p - p_0) = -\frac{p - p_0}{\tau_p}$$



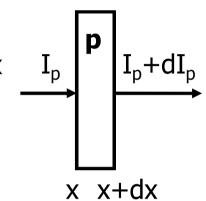
Dove si è posto:

$$\tau_{p} = \frac{1}{N_{D} \cdot f_{2}(T)}$$

che è la **costante di tempo** di vita delle lacune nel semiconduttore di tipo **n** drogato con **N**<sub>D</sub> donatori.

Analoga definizione si può dare per gli elettroni in un semiconduttore di tipo  $\mathbf{p}$  drogato con  $\mathbf{N}_{\mathbf{A}}$  accettori.

Si consideri una regione di semiconduttore di tipo **n** di lunghezza **dx** e sezione **A**, con concentrazione **p** di cariche di minoranza. La differenza tra ricombinazione **G** e generazione **R** è:



$$\frac{dp'}{dt} = G - R = -\frac{p - p_0}{\tau_p}$$

Se si considera anche una corrente  $\mathbf{I_p}$  di lacune entrante in  $\mathbf{x}$  ed una corrente  $\mathbf{I_p} + \mathbf{dI_p}$  uscente da  $\mathbf{x} + \mathbf{dx}$ , si ha una variazione di concentrazione  $\mathbf{p}$  di lacune dovuto alla corrente data da:

$$\frac{dp''}{dt} = \frac{1}{Adx} \frac{\left[I_{p} - \left(I_{p} + dI_{p}\right)\right]}{q} = -\frac{1}{Adx} \frac{dI_{p}}{q}$$

La corrente  $\mathbf{I}_{\mathbf{p}}$  è dovuta alla diffusione e alla deriva:

$$I_{p} = -AqD_{p} \frac{dp}{dx} + Aqp\mu_{p} E$$

e differenziando:

$$dI_{p} = -AdxqD_{p} \frac{d^{2}p}{dx^{2}} + Adxqp\mu_{p} \frac{dE}{dx} + AdxqE\mu_{p} \frac{dp}{dx}$$

Sostituendo e sommando gli effetti di  $\mathbf{R}$ ,  $\mathbf{G}$  e  $\mathbf{I}_{\mathbf{p}}$ , il tasso di variazione di  $\mathbf{p}$  risulta:

$$\frac{dp}{dt} = D_p \, \frac{d^2p}{dx^2} - p \, \mu_p \, \frac{dE}{dx} - E \, \mu_p \, \frac{dp}{dx} - \frac{p-p_0}{\tau_p} \quad \begin{array}{l} \text{Equazione di} \\ \text{Continuità} \\ \text{52} \end{array}$$

Analoga equazione vale per le cariche **n** in un semiconduttore di tipo **p**.

Si considerano due casi importanti:

#### **A – Concentrazione uniforme senza campo elettrico**

In questo caso dE/dx=0 e  $d^2p/dx^2=0$ . L'equazione di continuità si riduce a:

$$\frac{dp}{dt} = -\frac{p - p_0}{\tau_p}$$

L'integrale è:

$$p - p_0 = (p_1 - p_0)e^{-t/\tau_p}$$

Una concentrazione iniziale  ${\bf p_1}$  si porta verso l'equilibrio con una costante di tempo  ${\bf \tau_{p^*}}$ 

### B – Concentrazione indipendente da t e campo elettrico nullo

In questo caso **dp/dt=0** e **dE/dx=**0. L'equazione di continuità si riduce a:

$$\frac{d^2p}{dx^2} = \frac{p - p_0}{D_p \tau_p}$$

L'integrale è:

$$p - p_0 = A_1 e^{-x/L_p} + A_2 e^{x/L_p}$$

Dove  $A_1$  e  $A_2$  dipendono dalle condizioni al contorno e si definisce la **lunghezza di diffusione**:

$$L_p = \sqrt{D_p \; \tau_p}$$